

Документ подписан простой электронной подписью  
Информация о владельце:  
ФИО: Смирнов Сергей Николаевич  
Должность: врио ректора  
Дата подписания: 24.07.2025 11:18:37  
Уникальный программный ключ:  
69e375c64f7e975d4e8830e7b9d12b0b3586

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
ФГБОУ ВО «ТВЕРСКОЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Рассмотрено и рекомендовано  
на заседании Ученого совета  
математического факультета  
протокол № 8 от 20.05.2025

«УТВЕРЖДАЮ»

Руководитель ООП

Шаров Г.С.

«20» 05 2025 г.



Программа государственной итоговой аттестации

**Подготовка к сдаче и сдача государственного экзамена**

Направление подготовки

**01.03.01 Математика**

Профиль подготовки

Преподавание математики и информатики

Тверь 2025

## **Пояснительная записка**

Подготовка к сдаче и сдача государственного экзамена включены в состав государственной итоговой аттестации решением Ученого совета ТвГУ и входит в блок «Государственная итоговая аттестация».

Целью государственного экзамена является проверка уровня сформированности компетенций:

**УК-2 Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений**

УК-2.1 Определяет круг задач в рамках поставленной цели, определяет связи между ними

УК-2.2 Предлагает способы решения поставленных задач и ожидаемые результаты; оценивает предложенные способы с точки зрения соответствия цели проекта

УК-2.3 Планирует реализацию задач в зоне своей ответственности с учетом имеющихся ресурсов и ограничений, действующих правовых норм

**УК-4 Способен осуществлять деловую коммуникацию в устной и письменной формах на государственном языке Российской Федерации и иностранном(ых) языке(ах)**

УК-4.1 Выбирает стиль общения на русском языке в зависимости от цели и условий партнерства; адаптирует речь, стиль общения и язык жестов к ситуациям взаимодействия

УК-4.5 Публично выступает на русском языке, строит свое выступление с учетом аудитории и цели общения

**УК-9 Способен принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности**

УК-9.1 Использует основные принципы экономического анализа (принцип альтернативных издержек, ценности денег с учетом фактора времени и т.п.)

УК-9.2 Использует правовые базы данных и прочие ресурсы для получения информации о своих правах и обязанностях, связанных с осуществлением экономической политики государства

УК-9.3 Использует финансовые инструменты для управления личными финансами (личным бюджетом)

УК-9.4 Применяет методы личного экономического и финансового планирования для достижения поставленных целей

УК-9.5 Контролирует собственные экономические и финансовые риски

**УК-10 (Гражданская позиция)** Способен формировать нетерпимое отношение к проявлениям экстремизма, терроризма, коррупционному поведению и противодействовать им в профессиональной деятельности

УК-10.1 Определяет социально-правовую сущность, основные причины и виды проявлений экстремизма, терроризма, коррупции, обосновывает недопустимость экстремистских и террористических взглядов, несовместимость коррупции и эффективной профессиональной деятельности

УК-10.2 Анализирует тексты нормативных правовых актов по вопросам противодействия экстремизму, терроризму, коррупции, а также тексты иных нормативных правовых актов в целях выявления положений, носящих потенциально коррупциогенный характер

УК-10.3 Выявляет признаки и формы экстремизма, терроризма и содействия им; коррупционного поведения, в том числе, конфликта интересов в конкретной сфере профессиональной деятельности

УК-10.4 Разъясняет субъектам права меры ответственности, предусмотренные действующим законодательством за совершение экстремистских, террористических и коррупционных правонарушений

УК-10.5 Предлагает комплексные меры и методы профилактики экстремизма, террористической деятельности, а также минимизации коррупционных рисков в сфере профессиональной деятельности, способы распространения правовых знаний о юридической ответственности за соответствующие правонарушения

**ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности**

ОПК-1.1 Осуществляет отбор теоретического и практического материала

ОПК-1.2 Решает типовые задачи в рамках профессиональной деятельности

ОПК-1.3 Использует различные методы и приемы решения задач профессиональной деятельности

**ПК-1 Способен преподавать математику и информатику в основном общем, среднем общем и среднем профессиональном образовании на основе полученных фундаментальных знаний и научного мировоззрения**

ПК-1.1 Применяет современные методики преподавания профессиональных дисциплин

**ПК-2 Способен осуществлять научно-исследовательскую работу на основе математических и естественных наук, основ программирования и информационных технологий**

ПК-2.1 Актуализирует базовые знания, полученные в области математических и естественных наук, программирования и информационных технологий

ПК-2.2 Формулирует и решает стандартные задачи в собственной научно-исследовательской деятельности в математике и информатике

### **Характеристика и порядок проведения государственного экзамена**

Программа государственного экзамена по направлению 01.03.01. «Математика» определяется факультетом на основании Положения о проведении государственной итоговой аттестации студентов Тверского государственного университета.

## Порядок проведения государственного экзамена

Государственный экзамен может проходить в дистанционной форме с применением ЭО и ДОТ.

Государственный экзамен проводится в соответствии с графиком учебного процесса на 41-42 учебных неделях и предшествует защите выпускной квалификационной работы.

В программе государственного экзамена должны присутствовать вопросы по дисциплинам: *аналитическая геометрия, алгебра и теория чисел, математический анализ, дифференциальные уравнения, теория вероятностей и математическая статистика, основы программирования, избранные вопросы дифференциального и интегрального исчисления, методика преподавания математики, методика преподавания информатики, теория принятия решений.*

К участию в государственном экзамене допускаются студенты, не имеющие академической задолженности.

Государственный экзамен проводится в соответствии с расписанием, утвержденным проректором по учебной работе.

Государственный экзамен проводится в устной форме с использованием экзаменационных билетов.

Каждый билет содержит два теоретических вопроса и одну задачу по теме, входящей в программу государственного экзамена. В качестве вопросов формулируются основные теоретические положения, предполагающие их развернутое обоснование при ответе. Формулировка каждого вопроса четко определяет рамки и объем содержания ответа.

В начале экзамена каждый студент получает один экзаменационный билет. Замена билетов не допускается. Длительность подготовки студентом ответов на вопросы экзаменационного билета не должна превышать 2 академических часа, при этом студент вправе отвечать на вопросы экзаменационного билета без подготовки.

Ответ студента производится в форме выступления перед членами государственной экзаменационной комиссии, допускается использование

записей, сделанных студентом при подготовке к ответу на вопросы комиссии. Продолжительность ответа 10–15 минут. Членами государственной экзаменационной комиссии студенту могут быть заданы дополнительные вопросы, относящиеся к дисциплинам, входящим в программу государственного экзамена.

Возможные оценки на государственном экзамене: «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно». Результаты проведения государственного экзамена оглашаются после окончания государственного экзамена в день его проведения.

За каждый теоретический вопрос и задачу членами ГЭК студенту выставляется от 0 до 15 баллов согласно критериям оценки уровня сформированности компетенций, приведённых в таблице.

### Критерии оценки уровня сформированности компетенций

| Компетенция                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | Критерий                                                                                                                                                    | Шкала оценивания                                                                                                                                                                                                                             |
|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <b>УК-2</b> Способен определять круг задач в рамках поставленной цели и выбирать оптимальные способы их решения, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений<br><i>УК-2.1 Определяет круг задач в рамках поставленной цели, определяет связи между ними</i><br><i>УК-2.2 Предлагает способы решения поставленных задач и ожидаемые результаты; оценивает предложенные способы с точки зрения соответствия цели проекта</i><br><i>УК-2.3 Планирует реализацию задач в зоне своей ответственности с учетом имеющихся ресурсов и ограничений, действующих правовых норм</i> | <i>Интегративно-деятельностный критерий.</i><br>Оценивается владение умениями и навыками, приобретаемым обучающимися в процессе освоения учебных дисциплин. | <i>Умения и навыки сформированы полностью</i><br>– 3 балла<br><i>Умения и навыки сформированы частично</i><br>– 2 балла<br><i>Сформированы отдельные умения и навыки</i><br>– 1 балл<br><i>Умения и навыки не сформированы</i><br>– 0 баллов |

|                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        |                                                                                                                                                                        |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |
|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <p><b>УК-4</b> Способен осуществлять деловую коммуникацию в устной и письменной формах на государственном языке Российской Федерации и иностранном(ых) языке(ах)</p> <p>УК-4.1 Выбирает стиль общения на русском языке в зависимости от цели и условий партнерства; адаптирует речь, стиль общения и язык жестов к ситуациям взаимодействия</p> <p>УК-4.5 Публично выступает на русском языке, строит свое выступление с учетом аудитории и цели общения</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                           | <p><i>Интегративно-деятельностный критерий.</i></p> <p>Оценивается владение умениями и навыками, приобретаемым обучающимися в процессе освоения учебных дисциплин.</p> | <p><i>Речь четкая, научный стиль выдержан полностью</i><br/>– 3 балла</p> <p><i>Речь четкая, научный стиль выдержан частично</i><br/>– 2 балла</p> <p><i>Речь нечеткая, научный стиль выдержан частично</i><br/>– 1 балл</p> <p><i>Речь нечеткая, научный стиль не выдержан или ответа нет</i><br/>– 0 баллов</p> |
| <p><b>УК-9</b> Способен принимать обоснованные экономические решения в различных областях жизнедеятельности</p> <p>УК-9.1 Использует основные принципы экономического анализа (принцип альтернативных издержек, ценности денег с учетом фактора времени и т.п.)</p> <p>УК-9.2 Использует правовые базы данных и прочие ресурсы для получения информации о своих правах и обязанностях, связанных с осуществлением экономической политики государства</p> <p>УК-9.3 Использует финансовые инструменты для управления личными финансами (личным бюджетом)</p> <p>УК-9.4 Применяет методы личного экономического и финансового планирования для достижения поставленных целей</p> <p>УК-9.5 Контролирует собственные экономические и финансовые риски</p> | <p><i>Интегративно-деятельностный критерий.</i></p> <p>Оценивается владение умениями и навыками, приобретаемым обучающимися в процессе обучения.</p>                   | <p><i>Умения и навыки сформированы полностью</i><br/>– 3 балла</p> <p><i>Умения и навыки сформированы частично</i><br/>– 2 балла</p> <p><i>Сформированы отдельные умения и навыки</i><br/>– 1 балл</p> <p><i>Умения и навыки не сформированы</i><br/>– 0 баллов</p>                                               |
| <p><b>УК-10</b> Способен формировать</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               | <p><i>Интегративно-</i></p>                                                                                                                                            | <p><i>Умения и навыки</i></p>                                                                                                                                                                                                                                                                                     |



|                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |                                                                                                                                         |                                                                                                                                                                                                                                                     |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <p>нетерпимое отношение к проявлениям экстремизма, терроризма, коррупционному поведению и противодействовать им в профессиональной деятельности</p> <p><i>УК-10.1 Определяет социально-правовую сущность, основные причины и виды проявлений экстремизма, терроризма, коррупции, обосновывает недопустимость экстремистских и террористических взглядов, несовместимость коррупции и эффективной профессиональной деятельности.</i></p> <p><i>УК-10.2 Анализирует тексты нормативных правовых актов по вопросам противодействия экстремизму, терроризму, коррупции, а также тексты иных нормативных правовых актов в целях выявления положений, носящих потенциально коррупциогенный характер.</i></p> <p><i>УК-10.3 Выявляет признаки и формы экстремизма, терроризма и содействия им; коррупционного поведения, в том числе, конфликта интересов в конкретной сфере профессиональной деятельности.</i></p> <p><i>УК-10.4 Разъясняет субъектам права меры ответственности, предусмотренные действующим законодательством за совершение экстремистских, террористических и коррупционных правонарушений.</i></p> <p><i>УК-10.5 Предлагает комплексные меры и методы профилактики экстремизма, террористической деятельности, а также минимизации коррупционных рисков в сфере профессиональной деятельности, способы</i></p> | <p><i>деятельностный критерий.</i></p> <p>Оценивается владение умениями и навыками, приобретаемым обучающимися в процессе обучения.</p> | <p><i>сформированы полностью</i><br/>– 3 балла</p> <p><i>Умения и навыки сформированы частично</i><br/>– 2 балла</p> <p><i>Сформированы отдельные умения и навыки</i><br/>– 1 балл</p> <p><i>Умения и навыки не сформированы</i><br/>– 0 баллов</p> |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|



|                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| <p><i>распространения правовых знаний о юридической ответственности за соответствующие правонарушения.</i></p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |
| <p><b>ОПК-1</b> Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности</p> <p><i>ОПК-1.1 Осуществляет отбор теоретического и практического материала</i></p> <p><i>ОПК-1.2 Решает типовые задачи в рамках профессиональной деятельности</i></p> <p><i>ОПК-1.3 Использует различные методы и приемы решения задач профессиональной деятельности</i></p> | <p><i>Когнитивный критерий.</i></p> <p>Определяется уровень знаний теоретических и методологических основ фундаментальных математических дисциплин, а также дисциплин, связанных с методикой преподавания математики и информатики в средней школе.</p>                                                                                            | <p><i>Ответ верный и полный</i><br/>– 3 балла</p> <p><i>Ответ верный, но неполный</i><br/>– 2 балла</p> <p><i>В ответе имеются ошибки</i><br/>– 1 балл</p> <p><i>Ответ неверный или ответа нет</i><br/>– 0 баллов</p>                                                                                                                                                                                                     |
| <p><b>ПК-1</b> Способен преподавать математику и информатику в основном общем, среднем общем и среднем профессиональном образовании на основе полученных фундаментальных знаний и научного мировоззрения</p> <p><i>ПК-1.1 Применяет современные методики преподавания профессиональных дисциплин</i></p>                                                                                                                                                    | <p><i>Когнитивный критерий.</i></p> <p>Определяется уровень знаний теоретических и методологических основ фундаментальных математических дисциплин, а также дисциплин, связанных с методикой преподавания математики и информатики в средней школе.</p> <p><i>Интегративно-деятельностный критерий.</i></p> <p>Оценивается владение умениями и</p> | <p><i>Ответ верный и полный</i><br/>– 1,5 балла</p> <p><i>Ответ верный, но неполный</i><br/>– 1 балла</p> <p><i>В ответе имеются ошибки</i><br/>– 0,5 балл</p> <p><i>Ответ неверный или ответа нет</i><br/>– 0 баллов</p> <p><i>Речь четкая, научный стиль выдержан полностью</i><br/>– 1,5 балла</p> <p><i>Речь четкая, научный стиль выдержан частично</i><br/>– 1 балла</p> <p><i>Речь нечеткая, научный стиль</i></p> |

|                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                |                                                                                                                                                                                                               |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             |
|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                | навыками, приобретаемым обучающимися в процессе освоения учебных дисциплин.                                                                                                                                   | <p><i>выдержан частично</i><br/>– 0,5 балл</p> <p><i>Речь нечеткая, научный стиль не выдержан или ответа нет</i><br/>– 0 баллов</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                         |
| <p><b>ПК-2</b> Способен осуществлять научно-исследовательскую работу на основе математических и естественных наук, основ программирования и информационных технологий</p> <p><i>ПК-2.1 Актуализирует базовые знания, полученные в области математических и естественных наук, программирования и информационных технологий</i></p> <p><i>ПК-2.2 Формулирует и решает стандартные задачи в собственной научно-исследовательской деятельности в математике и информатике</i></p> | <p><i>Когнитивный критерий</i><br/>Определяется уровень знаний теоретических и методологических основ фундаментальных математических дисциплин, способность осуществлять научно-исследовательскую работу.</p> | <p><i>Утверждение строго доказано, результат сформулировать, получены следствия</i><br/>– 3 балла</p> <p><i>В обосновании теоретических фактов допущена фактическая ошибка, не приведшая к существенному искажению смысла или</i><br/>– 2 балла</p> <p><i>Допущены фактические или логические ошибки, приведшие к частичному искажению смысла</i><br/>– 1 балл</p> <p><i>Рассуждения неверные или доказательства нет</i><br/>– 0 баллов</p> |

Общая сумма баллов за ответ на государственном экзамене от 0 до 45.

Итоговая оценка выставляется в соответствии со шкалой перевода полученных баллов.

| Первичный балл      | Итоговая оценка       |
|---------------------|-----------------------|
| <b>39-45 баллов</b> | «отлично»             |
| <b>28-38 баллов</b> | «хорошо»              |
| <b>16-27 баллов</b> | «удовлетворительно»   |
| <b>0-15 баллов</b>  | «неудовлетворительно» |

## **Перечень тем, выносимых на государственный экзамен**

### **Аналитическая геометрия**

1. Различные виды уравнения прямой на плоскости и в пространстве, различные виды уравнения плоскости. Расстояние от точки до прямой и плоскости. Угол между двумя прямыми, прямой и плоскостью, двумя плоскостями.

2. Определение кривых второго порядка, их канонические уравнения. Эксцентриситет, директрисы кривых второго порядка, теорема об эксцентриситете.

### **Алгебра и теория чисел**

1. Системы линейных уравнений. Метод Гаусса.

2. Определитель  $n$ -го порядка и его свойства. Теорема о разложении определителя по строке (столбцу). Связь определителей матриц с системами линейных уравнений: Теорема Крамера.

### **Математический анализ**

1. Предел числовой последовательности. Основные свойства: единственность предела; ограниченность сходящейся последовательности; сходимости подпоследовательности сходящейся последовательности. Предел и арифметические операции. Принцип Больцано-Вейерштрасса. Критерий Коши сходимости числовой последовательности. Предел монотонной последовательности.

2. Предел и непрерывность функции. Эквивалентные определения (по Коши и по Гейне). Основные свойства. Связь с арифметическими операциями. Непрерывность композиции. Односторонние пределы и односторонняя непрерывность.

3. Теорема Вейерштрасса об ограниченности и о достижении экстремальных значений функции непрерывной на отрезке. Теорема Коши о промежуточных значениях непрерывной функции. Непрерывность обратной функции.

4. Дифференцируемость числовой функции. Производная и дифференциал. Непрерывность дифференцируемой функции. Геометрический смысл производной. Дифференцируемость и арифметические операции. Дифференцируемость композиции и обратной функции.

5. Теоремы Ферма, Ролля, Коши и Лагранжа о дифференцируемых функциях. Необходимые и достаточные условия экстремума функции в терминах производной.

6. Интеграл Римана. Основные свойства интеграла: линейность, монотонность, аддитивность. Классы функций, интегрируемых по Риману.

Формула Ньютона-Лейбница. Замена переменной в интеграле Римана и интегрирование по частям в интеграле Римана.

7. Первообразная и неопределенный интеграл. Интеграл с переменным верхним пределом. Теорема о существовании первообразной. Интегрирование по частям и замена переменной в неопределённом интеграле.

8. Числовые ряды. Понятие сходимости числового ряда Необходимое условие сходимости. Признаки сравнения, Коши и Даламбера сходимости положительных рядов. Признак Лейбница сходимости знакопеременного ряда.

9. Степенные ряды. Теорема Коши Адамара о структуре области сходимости степенного ряда. Радиус и интервал сходимости. Равномерная сходимость степенных рядов. Теорема Абеля о равномерной сходимости степенного ряда на отрезке, содержащемся в интервале сходимости. Непрерывность суммы степенного ряда.

### **Дифференциальные уравнения**

1. Обыкновенное дифференциальное уравнение первого порядка. Общее и частное решения дифференциального уравнения. Задача Коши. Теорема о существовании решения задачи Коши для дифференциального уравнения первого порядка.

2. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными.

3. Линейные уравнения первого порядка. Теорема об общем решении. Метод вариации постоянных.

2. Линейное уравнение  $n$ -ого порядка с постоянными коэффициентами. Методы нахождения общего решения.

### **Теория вероятностей и математическая статистика**

1. Предмет теории вероятностей. Случайные события. Операции над событиями. Дискретное вероятностное пространство. Классическое определение вероятности. Геометрические вероятности.

2. Независимые и зависимые события. Условные вероятности. Формула полной вероятности. Формулы Байеса. Независимые испытания, формулы Бернулли.

### **Основы программирования**

1. Алфавит языка C++. Простые типы данных.

2. Переменные. Выражения. Операторы присваивания. Оператор перехода. Блоки и пустые операторы. Условный оператор. Оператор выбора. Оператор цикла while. Оператор цикла do. Оператор цикла for.

3. Массивы. Строки.

### **Избранные вопросы дифференциального исчисления**

1. Применение производной к построению графиков функций.

2. Локальный экстремум функции многих переменных. Необходимые и достаточные условия экстремума.

3. Условный экстремум. Правило множителей Лагранжа.

### **Избранные вопросы интегрального исчисления**

1. Геометрические приложения интеграла Римана.

2. Физические приложения интеграла Римана.

3. Двойной интеграл и его геометрические приложения.

4. Тройной интеграл и его геометрические приложения.

### **Методика преподавания математики**

1. Методика формирования математических понятий.

2. Методика обучения решению математических задач. Различные методы решения задач.

3. Дифференциация математического образования. Уровневая и профильная дифференциации.

4. Методика проведения первых уроков геометрии. Аксиомы планиметрии.

5. Методика изучения логарифмической функции.

6. Методика изучения тригонометрических функций.

### **Методика преподавания информатики**

1. Информатика как наука и учебный предмет в школе. История обучения информатики в школе.

2. Методическая система обучения информатике в школе, общая характеристика ее основных компонентов.

3. Цели и задачи обучения информатике в школе. Педагогические функции курса информатики.

4. Структура обучения информатике в средней общеобразовательной школе.

5. Дифференцированное обучение информатике на старшей ступени школы.

6. Планирование, содержание и особенности внеклассной работы по информатике.

7. Принципы организации, формы и средства внеклассной работы по информатике.

8. Кабинет информатики. Организация работы в кабинете информатики. Техника безопасности.

9. Программное обеспечение курса информатики.

### **Демонстрационные задачи**

1. Найти объединение и пересечение множеств, если  $A = \{x \in \mathbb{R} : 0 < x < 10\}$ ,

$$B = \{x \in \mathbb{R} : -7 \leq x < 2\}.$$

2. Какие из следующих теорем верны? Какие из них являются по отношению друг к другу обратными, противоположными?

- a) Если каждое из слагаемых делится на 11, то и сумма делится на 11.
- b) Если ни одно из слагаемых не делится на 11, то и сумма не делится на 11.
- c) Если хотя бы одно из слагаемых делится на 11, то и сумма делится на 11.
- d) Если сумма делится на 11, то и каждое из слагаемых делится на 11.
- e) Если сумма не делится на 11, то хотя бы одно из слагаемых не делится на 11.
- f) Если сумма не делится на 11, то ни одно из слагаемых не делится на 11.

3. Решите задачу Коши

$$\frac{dy}{dx} = \frac{y}{x+1}; \quad y(0) = 2.$$

4. Решите задачу Коши  $y'' + 4y = 0, \quad y(0) = 2, \quad y'(0) = 1.$

5. Найдите все решения уравнения  $y'' - 5y' + 6y = 6x + 1.$

6. Исследовать на сходимость числовой ряд

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n n!}{n^n}.$$

7. Исследовать на сходимость числовой ряд

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n-1}}{n(n+1)^2}.$$

8. Исследовать на сходимость числовой ряд

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^{n-1}}{3^n}.$$

9. Вычислить неопределенный интеграл

$$J = \int \frac{dx}{(x-1)(x-2)}.$$



10. Вычислить определенный интеграл

$$J = \int_0^{\pi} x^2 \sin x dx$$

11. Найдите собственные значения (числа) и собственные векторы линейного

преобразования, заданного матрицей

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -4 & 4 & 0 \\ -2 & 1 & 2 \end{pmatrix}.$$

12. Найти матрицу  $X = \begin{pmatrix} x_1 & x_2 \\ x_3 & x_4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 & x_2 \\ x_3 & x_4 \end{pmatrix}$ . При условии, что

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 & x_2 \\ x_3 & x_4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 5 & 9 \end{pmatrix}.$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 & x_2 \\ x_3 & x_4 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 5 & 9 \end{pmatrix}.$$

13. Найти общее решение системы уравнений и какую-нибудь её фундаментальную систему решений

$$\begin{cases} x_1 + x_3 = 0 \\ x_2 + x_6 = 0 \\ x_3 + x_6 = 0 \\ x_4 + x_7 = 0 \end{cases}.$$

14. 70% деталей, поступающих на сборку, изготовлены автоматами, дающими 2% брака, а 30% - автоматами, дающими 5% брака. Наугад взятая деталь оказалась бракованной. Какова вероятность того, что она изготовлена первым автоматом?

15. Игральная кость подброшена 300 раз. Найти вероятность того, что цифра 5 выпадет от 40 до 50 раз.

16. Определите тип линии и координаты её центра:

$$\text{а) } 9x^2 + y^2 - 36x - 2y + 28 = 0; \quad \text{б) } x^2 + y^2 - 4x + 8y - 16 = 0.$$

17. Определите тип линии и координаты её фокусов:

$$\text{а) } 5x^2 - 4y^2 - 20 = 0; \quad \text{б) } 2x^2 - 8x + y + 5 = 0.$$

18. Напишите уравнение какой-нибудь прямой, проходящей через т.  $M_0(1;0;2)$ ,

параллельной плоскости  $4x - 2y + 5z - 22 = 0$

19. Найдите расстояние от точки  $M_0(2; 3; -5)$  до плоскости  $4x - 2y + 5z - 22 = 0$

20. Записать фрагмент программы, реализующий бесконечный цикл, используя:  
а) оператор перехода, б) оператор цикла *while*, в) оператор цикла *do*.

21. Организовать бесконечный цикл, в ходе выполнения которого значениями целой переменной *I* поочерёдно оказываются числа 1 и 2, и при этом на каждой итерации выполняется всего два оператора, один из которых – это оператор перехода.

### Перечень литературы для подготовки к экзамену

#### Аналитическая геометрия

##### Основная литература:

1. Привалов, И. И. Аналитическая геометрия : учебное пособие / И. И. Привалов. — 38-е изд. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 304 с. — ISBN 978-5-8114-0518-3. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/210353>
2. Александров, П. С. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры / П. С. Александров. — 5-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2023. — 512 с. — ISBN 978-5-507-47185-0. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/339014>
3. Ефимов Н. В. Краткий курс аналитической геометрии: учебник для студентов вузов.- Москва: Физматлит, 2014.  
<http://znanium.com/go.php?id=537806>
4. Цубербиллер, О. Н. Задачи и упражнения по аналитической геометрии / О. Н. Цубербиллер. — 35-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2023. — 336 с. — ISBN 978-5-507-48060-9. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/339779>

##### Дополнительная литература:

1. Ильин В.А., Поздняк Э.Г. Аналитическая геометрия: учебник для студентов физических специальностей и специальности «Прикладная математика».-

Москва: Физматлит, 2009. – Электронный ресурс. – Режим доступа:  
<http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=82797>

### **Алгебра и теория чисел**

#### **Основная литература:**

1. Курош, А. Г. Курс высшей алгебры / А. Г. Курош. — 24-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2023. — 432 с. — ISBN 978-5-507-46865-2. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/322661>
2. Глухов, М. М. Алгебра : учебник для вузов / М. М. Глухов, В. П. Елизаров, А. А. Нечаев. — 4-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 608 с. — ISBN 978-5-8114-9182-7. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/187793>
3. Кострикин А. И. Введение в алгебру. 3 : Основные структуры алгебры. Москва : МЦНМО, 2009. - 272 с.  
<http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=62951>
4. Фаддеев, Д. К. Задачи по высшей алгебре : учебник / Д. К. Фаддеев, И. С. Соминский. — 17-е изд.,стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 288 с. — ISBN 978-5-8114-0427-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/210164>
5. Фаддеев, Д. К. Лекции по алгебре : учебное пособие для вузов / Д. К. Фаддеев. — 8-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 416 с. — ISBN 978-5-507-44604-9. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/238499>

#### **Дополнительная литература:**

1. Глухов, М. М. Алгебра : учебник для вузов / М. М. Глухов, В. П. Елизаров, А. А. Нечаев. — 4-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 608 с. — ISBN 978-5-8114-9182-7. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/187793>

### **Математический анализ**

#### **Основная литература:**

1. Фихтенгольц, Г. М. Курс дифференциального и интегрального исчисления В 3-х тт. Том 3 / Г. М. Фихтенгольц. — 14-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2023. — 656 с. — ISBN 978-5-507-47239-0. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/351872>
2. Голубев А. А. Дифференциальное и интегральное исчисление функций одного действительного переменного: учебное пособие. Тверь : Тверской государственный университет, 2015. - 158 с.   
<http://texts.lib.tversu.ru/texts/09885ucheb.pdf>
3. Демидович, Б. П. Сборник задач и упражнений по математическому анализу / Б. П. Демидович. — 25-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2023. — 624 с. — ISBN 978-5-507-47148-5. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/332675>

#### **Дополнительная литература:**

1. Марон, И. А. Дифференциальное и интегральное исчисление в примерах и задачах. Функции одной переменной : учебное пособие / И. А. Марон. — 3-е изд. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 400 с. — ISBN 978-5-8114-0849-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/210134>

### **Дифференциальные уравнения**

#### **Основная литература:**

1. Петровский И. Г. Лекции по теории обыкновенных дифференциальных уравнений. Москва: Издательская фирма "Физико-математическая литература" (ФИЗМАТЛИТ), 2009. - 206 с.   
<http://znanium.com/go.php?id=544800>
2. Пантелеев, А. В. Обыкновенные дифференциальные уравнения : учебное пособие / А. В. Пантелеев, А. С. Якимова, К. А. Рыбаков. — Москва : Логос, 2010. — 383 с. — ISBN 5-98704-465-0. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/9280.html>

#### **Дополнительная литература:**

1. Запорожец, Г. И. Руководство к решению задач по математическому анализу : учебное пособие / Г. И. Запорожец. — 8-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 464 с. — ISBN 978-5-8114-0912-9. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/210752>
2. Дифференциальные уравнения : практикум. Учебное пособие / Л. А. Альсевич, С. А. Мазаник, Г. А. Расолько, Л. П. Черенкова. — Минск : Вышэйшая школа, 2012. — 382 с. — ISBN 978-985-06-2111-5. — Текст : электронный // Цифровой образовательный ресурс IPR SMART : [сайт]. — URL: <https://www.iprbookshop.ru/20196.html>

### **Теория вероятностей и математическая статистика**

#### **Основная литература:**

1. Свешников, А. А. Сборник задач по теории вероятностей, математической статистике и теории случайных функций : учебное пособие / А. А. Свешников. — 5-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 448 с. — ISBN 978-5-8114-0708-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/211169>
2. Теория вероятностей и математическая статистика : учебное пособие / Л.Г. Бирюкова, Г.И. Бобрик, Р.В. Сагитов [и др.] ; под ред. В.И. Матвеева. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : ИНФРА-М, 2024. — 289 с. — (Высшее образование). — DOI 10.12737/18865. - ISBN 978-5-16-018751-8. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/2053975>

#### **Дополнительная литература:**

1. Кузнецов, А. В. Высшая математика. Математическое программирование : учебник / А. В. Кузнецов, В. А. Сакович, Н. И. Холод. — 4-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2013. — 352 с. — ISBN 978-5-8114-1056-9. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/4550>
2. Свешников, А. А. Сборник задач по теории вероятностей, математической статистике и теории случайных функций : учебное пособие / А. А. Свешников. — 5-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 448 с. — ISBN 978-5-8114-

0708-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/211169>

### **Избранные вопросы дифференциального исчисления**

#### **Основная литература:**

1. Фихтенгольц, Г. М. Курс дифференциального и интегрального исчисления. В 3-х тт. Том 1 / Г. М. Фихтенгольц. — 17-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2023. — 608 с. — ISBN 978-5-507-45809-7. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/284078>
2. Фихтенгольц, Г. М. Основы математического анализа. Часть 1 / Г. М. Фихтенгольц. — 15-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2023. — 444 с. — ISBN 978-5-507-45877-6. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/289001>
3. Курс высшей математики. Теория функций комплексной переменной : учебное пособие / И. М. Петрушко, А. Г. Елисеев, В. И. Качалов, С. Ф. Кудин. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 368 с. — ISBN 978-5-8114-1064-4. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/210425>

#### **Дополнительная литература:**

1. Марон, И. А. Дифференциальное и интегральное исчисление в примерах и задачах. Функции одной переменной : учебное пособие / И. А. Марон. — 3-е изд. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 400 с. — ISBN 978-5-8114-0849-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/210134>
2. Гуревич, А. П. Сборник задач по функциональному анализу : учебное пособие / А. П. Гуревич, В. В. Корнев, А. П. Хромов. — 2-е изд., испр. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 192 с. — ISBN 978-5-8114-1274-7. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/210809>
3. Дрожжин И. А. Аппроксимация непрерывных функций с ограничениями / И. А. Дрожжин; [науч. ред. к.ф.-м.н., проф. Н. Б. Тихомиров]; М-во образования и

науки РФ, ФГБОУ ВПО "Твер. гос. ун-т". - Тверь: Тверской государственный университет, 2014. - 86 с. - Библиогр. в конце книги (12 назв.). - Электронный ресурс. –Режим доступа:

<http://texts.lib.tversu.ru/texts/09651nauch.pdf>

### **Избранные вопросы интегрального исчисления**

#### **Основная литература:**

1. Фихтенгольц, Г. М. Курс дифференциального и интегрального исчисления. В 3-х тт. Том 1 / Г. М. Фихтенгольц. — 17-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2023. — 608 с. — ISBN 978-5-507-45809-7. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/284078>
2. Фихтенгольц, Г. М. Основы математического анализа. Часть 1 / Г. М. Фихтенгольц. — 15-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2023. — 444 с. — ISBN 978-5-507-45877-6. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/289001>
3. Курс высшей математики. Теория функций комплексной переменной : учебное пособие / И. М. Петрушко, А. Г. Елисеев, В. И. Качалов, С. Ф. Кудин. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 368 с. — ISBN 978-5-8114-1064-4. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/210425>

#### **Дополнительная литература:**

1. Марон, И. А. Дифференциальное и интегральное исчисление в примерах и задачах. Функции одной переменной : учебное пособие / И. А. Марон. — 3-е изд. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 400 с. — ISBN 978-5-8114-0849-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/210134>
2. Гуревич, А. П. Сборник задач по функциональному анализу : учебное пособие / А. П. Гуревич, В. В. Корнев, А. П. Хромов. — 2-е изд., испр. — Санкт-Петербург : Лань, 2022. — 192 с. — ISBN 978-5-8114-1274-7. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/210809>



3. Дрожжин И. А. Аппроксимация непрерывных функций с ограничениями / И. А. Дрожжин; [науч. ред. к.ф.-м.н., проф. Н. Б. Тихомиров]; М-во образования и науки РФ, ФГБОУ ВПО "Твер. гос. ун-т". - Тверь: Тверской государственный университет, 2014. - 86 с. - Библиогр. в конце книги (12 назв.). - Электронный ресурс. –Режим доступа:

<http://texts.lib.tversu.ru/texts/09651nauch.pdf>

### **Методика преподавания математики**

#### **Основная литература:**

1. Капкаева, Л. С. Теория и методика обучения математике: частная методика в 2 ч. Часть 1 : учебное пособие для вузов / Л. С. Капкаева. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 264 с. — (Высшее образование). — ISBN 978-5-534-04940-4. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/473027>
2. Капкаева, Л. С. Теория и методика обучения математике: частная методика в 2 ч. Часть 2 : учебное пособие для среднего профессионального образования / Л. С. Капкаева. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 191 с. — (Профессиональное образование). — ISBN 978-5-534-04955-8. — Текст : электронный // Образовательная платформа Юрайт [сайт]. — URL: <https://urait.ru/bcode/473085>

#### **Дополнительная литература:**

1. Математика : учебное пособие / Ю. М. Данилов, Л. Н. Журбенко, Г. А. Никонова [и др.] ; под ред. Л. Н. Журбенко, Г. А. Никоновой. — Москва : ИНФРА-М, 2022. — 496 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-010118-7. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1818645>
2. Уткин, В. Б. Математика и информатика : учебное пособие / В. Б. Уткин, К. В. Балдин, А. В. Рукоусев ; под общ. ред. В. Б. Уткина. — 4-е изд. — Москва : Дашков и К°, 2018. — 468 с. : ил. — Режим доступа: по подписке. — URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=573148>
3. Мэйсон, Д. Математика – это просто 2.0 : думай математически : [12+] /

Д. Мэйсон, Л. Бёртон, К. Стэйси ; под ред. С. А. Кулешова ; пер. с англ. Н. Ф. Орловой. — Москва : Техносфера, 2015. — 352 с. : ил. — Режим доступа: по подписке. — URL: <https://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=443321>

### **Методика преподавания информатики**

#### **Основная литература:**

1. Методика обучения информатике : учебное пособие / М. П. Лапчик, М. И. Рагулина, И. Г. Семакин, Е. К. Хеннер ; под редакцией М. П. Лапчика. — 3-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2020. — 392 с. — ISBN 978-5-8114-5280-4. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/139269>
2. Бочкарев, В. В. Методика обучения информатике и информационным технологиям : учебное пособие / В. В. Бочкарев. — Тюмень : ТюмГНГУ, 2013. — 140 с. — ISBN 978-5-9961-0677-6. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/42702>

#### **Дополнительная литература:**

1. Плотникова, Н. Г. Информатика и информационно-коммуникационные технологии (ИКТ) : учебное пособие / Н. Г. Плотникова. — Москва : РИОР : ИНФРА-М, 2021. — 124 с. — (Среднее профессиональное образование). - ISBN 978-5-369-01308-3. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1229451>