

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Смирнов Сергей Николаевич
Должность: врио ректора
Дата подписания: 16.07.2024 09:23:06
Уникальный программный ключ:
69e375c64f7e975d4e8830e7b4fcc2ad1bf35f08

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
ФГБОУ ВО «Тверской государственный университет»

Утверждаю:

Руководитель ООП:

С.М. Дудаков

2022 г.



Рабочая программа дисциплины (с аннотацией)

ЛИНЕЙНОЕ ПРОГРАММИРОВАНИЕ

01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль)

Системный анализ

Для студентов II курса

Очная форма

Составитель: *д.ф.-м.н. Соломаха Г.М.*

Тверь, 2022

I. Аннотация

1. Цель и задачи дисциплины

Целью освоения данной дисциплины является приобретение студентами теоретических знаний и практических навыков по решению задач линейного программирования.

Задачами освоения дисциплины являются:

- Освоение студентами методов формализации содержательных задач в виде задач линейного программирования разных видов;
- Владение студентами методами решения задач линейного программирования.

2. Место дисциплины в структуре ООП

Данная дисциплина относится к разделу «Математический» обязательной части Блока 1.

Для успешного усвоения курса необходимы знания основных понятий из математического анализа и линейной алгебры, а также навыки решения основных задач, рассматриваемых в этих дисциплинах.

Данная дисциплина необходима для изучения дисциплины «Методы оптимизации и исследование операций».

3. Объем дисциплины: 3 зачетных единицы, 108 академических часов, в том числе:

контактная аудиторная работа: практические занятия 32 часа, в т.ч. практическая подготовка – 6 часов;

контактная внеаудиторная работа: контроль самостоятельной работы ___--___, в том числе курсовая работа ___--___;

самостоятельная работа: 76 час, в том числе контроль 0 час.

4. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Планируемые результаты освоения образовательной программы (формируемые компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине
<i>Указывается код и наименование компетенции</i>	<i>Приводятся индикаторы достижения компетенции в соответствии с учебным планом</i>
ОПК-3 Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной	ОПК-3.1 Знает основные математические модели в области профессиональной деятельности ОПК-3.2 Применяет и модифицирует математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности ОПК-3.3 Обоснованно выбирает, адаптирует и анализирует математические модели для решения

деятельности	задач профессиональной деятельности с учетом специфики последних
--------------	--

5. Форма промежуточной аттестации и семестр прохождения:
зачет – 4 семестр.

6. Язык преподавания русский.

II. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

Учебная программа – наименование разделов и тем	Всего (час.)	Контактная работа (час.)					Самостоятельная работа, в том числе Контроль (час.)
		Лекции		Практические занятия		Контроль самостоятельной работы (в том числе курсовая работа)	
		всего	В т.ч. практическая подготовка	все	В т.ч. практическая подготовка		
Типы задач линейного программирования	20	0	0	4	1	--	16
Метод потенциалов решения транспортной задачи линейного программирования	24	0	0	8	1	--	16
Геометрический метод решения задач линейного программирования	18	0	0	8	1	--	10
Симплексный метод решения задач линейного программирования.	28	0	0	8	1	--	20

Двойственные задачи линейного программирования.	18	0	0	4	2	--	14
ИТОГО	108	0	0	32	6	--	76

III. Образовательные технологии

Учебная программа – наименование разделов и тем (в строгом соответствии с разделом II РПД)	Вид занятия	Образовательные технологии
Типы задач линейного программирования	Практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Метод потенциалов решения транспортной задачи линейного программирования	Практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Геометрический метод решения задач линейного программирования	Практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Симплексный метод решения задач линейного программирования.	Практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Двойственные задачи линейного программирования.	Практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач

Преподавание учебной дисциплины строится на сочетании практических занятий и различных форм самостоятельной работы студентов. В процессе освоения дисциплины используются следующие образовательные технологии, способы и методы формирования компетенций: практические занятия в диалоговом режиме, выполнение индивидуальных заданий в рамках самостоятельной работы.

Дисциплина предусматривает выполнение контрольных работ, письменных домашних заданий.

IV. Оценочные материалы для проведения текущей и промежуточной аттестации

Для проведения текущей и промежуточной аттестации:

ОПК-3 Способен применять и модифицировать математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности

ОПК-3.13 знает основные математические модели в области профессиональной деятельности

1). Перейти от содержательной постановки задачи к математической постановке в виде задачи линейного программирования:

«Для изготовления двух видов продукции P1 и P2 используют три вида сырья: C1, C2 и C3. Запасы сырья, количество единиц сырья, затрачиваемых на изготовление единицы продукции, а также величина прибыли, получаемой от реализации единицы продукции, приведены в следующей таблице, M и K-номера вариантов.

Вид сырья	Запас сырья	Количество единиц сырья, идущих на изготовление единицы продукции	
		P1	P2
C1	20xM	2	5
C2	40	8	5
C3	30xK	5	6
Прибыль, получаемая от реализации единицы продукции		5xM	4xK

Необходимо составить такой план выпуска продукции, чтобы при ее реализации получить максимальную прибыль»

2). Записать математическую постановку следующей задачи в виде транспортной задачи линейного программирования:

«Имеется три поставщика и четыре потребителя продукта; a_i – запасы поставщиков, b_j – потребности потребителей и стоимости перевозки единицы продукта от поставщиков потребителям даны в таблице

	1	2	3	4	a_i
1	M	4	3	2	25+M
2	1	13-M	M+1	7	18
3	12-M	3	4	2	37-M
b_j	18	15+M	27-M	20	

где M – номер варианта. Необходимо составить наиболее экономный план перевозок продукта от поставщиков потребителям»

3). Письменный ответ по теме курса:

«Привести алгоритм формирования оптимального плана на основе опорного плана при использовании симплексного метода решения задачи линейного программирования

Способ проведения – письменный.

Критерии оценивания:

Задача решена полностью - 6 баллов;

Задача содержит неточности и незначительные ошибки - 4 балла;

Решение содержит грубые ошибки - 2 балла.

ОПК-3.2 Применяет и модифицирует математические модели для решения задач в области профессиональной деятельности

1). Для канонической задачи линейного программирования

$$x + 2y + cz \rightarrow \max$$

$$dx + 3z = 1$$

$$ax + 2y + z + 3h = b$$

$$x, y, z, h \geq 0$$

записать двойственную задачу.

(Вариант определяется заданием параметров a, b, c, d).

2). Решить с использованием графического метода задачу линейного программирования с тремя переменными

$$x_1 + 2x_2 + 3x_3 \rightarrow \min$$

при ограничениях

$$x_1 \leq 0, x_2 \leq 0, x_3 \leq 0;$$

$$x_3 \geq -3;$$

$$m * x_2 + x_1 \geq -4.$$

Здесь m - индивидуальный коэффициент для каждого студента.

Способ проведения – письменный.

Критерии оценивания:

Задача решена полностью - 6 баллов;

Задача содержит неточности и незначительные ошибки - 4 балла;

Решение содержит грубые ошибки - 2 балла.

ОПК-3.3 Обоснованно выбирает, адаптирует и анализирует математические модели для решения задач профессиональной деятельности с учетом специфики последних

1). Решить задачу линейного параметрического программирования графически

$$3x_1 + x_2 \rightarrow \min$$

при ограничениях

$$ax_1 + x_2 \geq -2,$$

$$mx_1 - x_2 \leq 1,$$

$$x_1 \leq 0, x_2 \leq 0.$$

Здесь a - действительный параметр, а m - индивидуальный параметр для каждого студента.

2). Для транспортной задачи линейного программирования, задаваемой с помощью транспортной таблицы

	1	2	3	4	a_i
1	M	4	3	2	$25+M$
2	1	$13-M$	$M+1$	7	18
3	$12-M$	3	4	2	$37-M$
b_j	18	$15+M$	$27-M$	20	

найти опорный план методами северо-западного угла, минимальной стоимости, двойного предпочтения и штрафов и провести сравнительный анализ полученных решений; М – номер варианта.

3). Найти оптимальный план транспортной задачи из задания 2, взяв в качестве опорного план, полученный в задании 2.

Способ проведения – письменный.

Критерии оценивания:

Задача решена полностью - 6 баллов;

Задача содержит неточности и незначительные ошибки - 4 балла;

Решение содержит грубые ошибки - 2 балла.

V. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

1) Рекомендуемая литература

а) Основная литература

1. Давыдов А.Н. Линейное программирование: графический и аналитический методы: учебное пособие/А.Н. Давыдов. - Самара: Самарский государственный архитектурно-строительный университет, 2014. - 106 с.: табл., граф. - Библиогр. в кн. - ISBN 978-5-9585-0604-0; [Электронный ресурс]. – Режим доступа: [//biblioclub.ru/index.php?page=book&id=438318](http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=438318)
2. Васильев Ф.П. Методы оптимизации : учебник / Ф.П. Васильев. - Изд. нов., перераб. и доп. - Москва : МЦНМО, 2011. - Ч. 1. Конечномерные задачи оптимизации. Принцип максимума. Динамическое программирование. - 620 с. - ISBN 978-5-94057-707-2 ; [Электронный ресурс]. - Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=63313>
1. Летова Т.А. Методы оптимизации. практический курс : учебное пособие / Т.А. Летова, А.В. Пантелеев. - Москва : Логос, 2011. - 424 с. - (Новая университетская библиотека). - ISBN 978-5-98704-540-4 ; [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=84995>
2. Кириллов Ю.В. Прикладные методы оптимизации : учебное пособие / Ю.В. Кириллов, С.О. Веселовская. - Новосибирск : НГТУ, 2012. - Ч. 1. Методы решения задач линейного программирования. - 235 с. - ISBN 978-5-7782-2053-9 ; [Электронный ресурс]. - Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=228968>

б) Дополнительная литература:

1. Семенихина О.Н. Методы оптимизации. Линейные и нелинейные методы и модели в экономике : учебное пособие / О.Н. Семенихина, И.Н. Мастяева. - Москва : Евразийский открытый институт, 2011. - 422 с. - ISBN 978-5-374-00410-6 ; [Электронный ресурс]. – Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=90388>
2. Гладких Б.А. Методы оптимизации и исследование операций для бакалавров информатики : учебное пособие / Б.А. Гладких. - Томск : Издательство "НТЛ", 2009. - Ч. 1. Введение в исследование операций.

Линейное программирование. - 200 с. - ISBN 978-5-89503-410-1 ;
 [Электронный ресурс]. - Режим доступа:
<http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=200774>

3. Гладких Б.А. Методы оптимизации и исследование операций для бакалавров информатики : учебное пособие / Б.А. Гладких. - Томск : Издательство "НТЛ", 2011. - Ч. 2. Нелинейное и динамическое программирование. - 264 с. - ISBN 978-5-89503-483-5 ; [Электронный ресурс]. - Режим доступа:
<http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=200917>
4. Гладких Б.А. Методы оптимизации и исследование операций для бакалавров информатики : учебное пособие / Б.А. Гладких ; под ред. Н.И. Шидловской. - Томск : Издательство "НТЛ", 2012. - Ч. 3. Теория решений. - 280 с. - ISBN 978-5-89503-515-3 ; [Электронный ресурс]. - Режим доступа:
<http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=200942>

2) Программное обеспечение

Компьютерный класс факультета прикладной математики и кибернетики № 46 (170002, Тверская обл., г.Тверь, Садовый переулок, д.35)	
Adobe Acrobat Reader DC - Russian	бесплатно
Apache Tomcat 8.0.27	бесплатно
Cadence SPB/OrCAD 16.6	Государственный контракт на поставку лицензионных программных продуктов 103 - ГК/09 от 15.06.2009
GlassFish Server Open Source Edition 4.1.1	бесплатно
Google Chrome	бесплатно
Java SE Development Kit 8 Update 45 (64-bit)	бесплатно
JetBrains PyCharm Community Edition 4.5.3	бесплатно
JetBrains PyCharm Edu 3.0	бесплатно
Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows	Акт на передачу прав ПК545 от 16.12.2022
Lazarus 1.4.0	бесплатно
Mathcad 15 M010	Акт предоставления прав ИС00000027 от 16.09.2011
MATLAB R2012b	Акт предоставления прав № Us000311 от 25.09.2012
Многофункциональный	бесплатно

редактор ONLYOFFICE бесплатное ПО	
ОС Linux Ubuntu бесплатное ПО	бесплатно
MiKTeX 2.9	бесплатно
MSXML 4.0 SP2 Parser and SDK	бесплатно
NetBeans IDE 8.0.2	бесплатно
NetBeans IDE 8.2	бесплатно
Notepad++	бесплатно
Oracle VM VirtualBox 5.0.2	бесплатно
Origin 8.1 Sr2	договор №13918/М41 от 24.09.2009 с ЗАО «СофтЛайн Трейд»
Python 3.1 pygame-1.9.1	бесплатно
Python 3.4 numpy-1.9.2	бесплатно
Python 3.4.3	бесплатно
Python 3.5.1 (Anaconda3 2.5.0 64-bit)	бесплатно
WCF RIA Services V1.0 SP2	бесплатно
WinDjView 2.1	бесплатно
R Studio	бесплатно
Anaconda3 2019.07 (Python 3.7.3 64-bit)	бесплатно
Компьютерный класс факультета прикладной математики и кибернетики № 249 (170002, Тверская обл., г.Тверь, Садовый переулок, д.35)	
Cadence SPB/OrCAD 16.6	Государственный контракт на поставку лицензионных программных продуктов 103 - ГК/09 от 15.06.2009
FidesysBundle 1.4.43 x64	Акт приема передачи по договору №02/12-13 от 16.12.2013
Google Chrome	бесплатно
JetBrains PyCharm Community Edition 4.5.3	бесплатно
Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows	Акт на передачу прав ПК545 от 16.12.2022
Lazarus 1.4.0	бесплатно
Mathcad 15 M010	Акт предоставления прав ИС00000027 от 16.09.2011
MATLAB R2012b	Акт предоставления прав № Us000311 от 25.09.2012
MiKTeX 2.9	бесплатно
NetBeans IDE 8.0.2	бесплатно
Notepad++	бесплатно
OpenOffice	бесплатно

Origin 8.1 Sr2	договор №13918/М41 от 24.09.2009 с ЗАО «СофтЛайн Трейд»
Python 3.4.3	бесплатно
Python 3.5.1 (Anaconda3 2.5.0 64 bit)	бесплатно
R for Windows 3.3.2	бесплатно
STATGRAPHICS Centurion XVI.П	Акт приема-передачи № Tr024185 от 08.07.2010
Многофункциональный редактор ONLYOFFICE бесплатно е ПО	бесплатно
ОС Linux Ubuntu бесплатное ПО	бесплатно

3) Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1. ЭБС «ZNANIUM.COM» www.znanium.com;
2. ЭБС «Университетская библиотека онлайн» <https://biblioclub.ru/>;
3. ЭБС «Лань» <http://e.lanbook.com>.

4) Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

- Сайт поддержки учебного процесса по дисциплине: <http://prog.tversu.ru>
- Виртуальная образовательная среда ТвГУ (<http://moodle.tversu.ru>)
- Научная библиотека ТвГУ (<http://library.tversu.ru>)
- Сайт ТвГУ (<http://university.tversu.ru>)

VI. Методические материалы для обучающихся по освоению дисциплины

Важной составляющей данного раздела РПД являются требования к рейтинг-контролю с указанием баллов, распределенных между модулями и видами работы обучающихся.

Максимальная сумма баллов по учебной дисциплине, заканчивающейся зачетом, по итогам семестра составляет 100 баллов (50 баллов - 1-й модуль и 50 баллов - 2-й модуль).

Студенту, набравшему 40 баллов и выше по итогам работы в семестре, в экзаменационной ведомости и зачетной книжке выставляется оценка «зачтено». Студент, набравший до 39 баллов включительно, сдает зачет.

Распределение баллов по модулям устанавливается преподавателем и может корректироваться.

Контроль знаний проводится в два этапа (2 модуля), за которые можно набрать максимально 60 баллов. Максимально возможный балл за дисциплину равен 100. За первый модуль максимально можно набрать 30

баллов, за второй максимально можно набрать 30 баллов. На зачете можно набрать до 40 баллов. Контрольные работы проводятся в письменной форме.

Модуль 1.

Примерный перечень заданий для подготовки к модулю 1.

(Варианты отличаются заданием различных значений М и К).

Вариант М-К.

1. Перейти от содержательной постановки задачи к математической постановке.

Для изготовления двух видов продукции P1 и P2 используют три вида сырья: C1, C2 и C3. Запасы сырья, количество единиц сырья, затрачиваемых на изготовление единицы продукции, а также величина прибыли, получаемой от реализации единицы продукции, приведены в следующей таблице.

Вид сырья	Запас сырья	Количество единиц сырья, идущих на изготовление единицы продукции	
		P1	P2
C1	20xM	2	5
C2	40	8	5
C3	30xK	5	6
Прибыль, получаемая от реализации единицы продукции		5xM	4xK

Необходимо составить такой план выпуска продукции, чтобы при ее реализации получить максимальную прибыль.

2. Для транспортной задачи линейного программирования, задаваемой с помощью транспортной таблицы

	1	2	3	4	ai
1	M	4	3	2	25+M
2	1	13-M	M+1	7	18
3	12-M	3	4	2	37-M
bj	18	15+M	27-M	20	

найти опорный план методом К (1- методом северо-западного угла, 2- методом минимальной стоимости, 3 – методом двойного предпочтения, 4 – методом штрафов).

3. Найти оптимальный план транспортной задачи из задания 2, взяв в качестве опорного план, полученный в задании 2.

Модуль 2

Примерный перечень заданий для подготовки к модулю 2.

1. Решить с использованием графического метода задачу

$$x_1 + 2x_2 + 3x_3 \rightarrow \min$$

при ограничениях

$$x_1 \leq 0, x_2 \leq 0, x_3 \leq 0;$$

$$x_3 \geq -3;$$

$$m * x_2 + x_1 \geq -4.$$

Здесь m - индивидуальный коэффициент для каждого студента.

2. Привести алгоритм формирования оптимального плана на основе опорного плана при использовании симплексного метода решения задачи линейного программирования.

3. Для канонической задачи линейного программирования

$$x + 2y + cz \rightarrow \max$$

$$dx + 3z = 1$$

$$ax + 2y + z + 3h = b$$

$$x, y, z, h \geq 0$$

записать двойственную задачу.

(Вариант определяется заданием параметров a, b, c, d).

Вопросы для подготовки к зачету

Типы задач линейного программирования.

- Основная задача линейного программирования.
- Примеры формализации задач в содержательной постановке в виде задач линейного программирования.
- Схема решения транспортной задачи линейного программирования.
- Методы нахождения опорных планов: минимальной стоимости, двойного предпочтения, северо-западного угла, метод штрафов.

Метод потенциалов решения транспортной задачи линейного программирования.

- Понятие цикла, помеченного цикла.
- Потенциалы поставщиков и потребителей.
- Схема нахождения оптимальной системы потенциалов.
- Производственно-транспортные задачи.
- Задачи назначения.

Геометрический метод решения задач линейного программирования.

- Геометрический метод решения задач линейного программирования в случае двух переменных.
- Геометрический метод решения задач линейного программирования в случае трех переменных.
- Применимость геометрического метода в случае задач с количеством переменных большим трех.

Симплексный метод решения задач линейного программирования.

- Алгебраический вариант симплексного метода.
- Табличный вариант симплексного алгоритма.
- Метод Гомори решения задач целочисленного программирования.

Двойственные задачи линейного программирования.

- Теоремы о связи решений двойственных задач линейного программирования.
- Экономическая интерпретация двойственных задач.

Методические рекомендации по организации самостоятельной работы студентов

В целях обеспечения самостоятельной работы студентов выдаются самостоятельные индивидуальные задания. Суть задания – анализ изучаемых в дисциплине методов и алгоритмов. В зависимости от сложности задания, их количество может варьироваться от 2 до 3 на один модуль.

Темы и формы контроля.

Тема 1. Типы задач линейного программирования Форма контроля: коллоквиум.

Тема 2. Метод потенциалов решения транспортной задачи линейного программирования

Форма контроля: коллоквиум.

Тема 3. Геометрический метод решения задач линейного программирования.

Форма контроля: домашняя контрольная работа.

Тема 4. Симплексный метод решения задач линейного программирования.

Форма контроля: домашняя контрольная работа.

Тема 5. Двойственные задачи линейного программирования Форма контроля: тестирование.

VII. Материально-техническое обеспечение

Для аудиторной работы.

Учебная аудитория № 310 (170002, Тверская обл., г.Тверь, Садовый переулок, д.35) Учебная аудитория № 304 (170002, Тверская обл., г.Тверь, Садовый переулок, д.35)	Набор учебной мебели, меловая доска. Набор учебной мебели, экран, комплект аудиотехники (радиосистема, стационарный микрофон с настольным держателем, усилитель, микшер, акустическая система), проектор, ноутбук.
--	--

Для самостоятельной работы.

Помещение для самостоятельной работы обучающихся: Компьютерный класс №2 факультета ПМиК № 249 170002, Тверская обл., г.Тверь, Садовый переулок, д.35	Набор учебной мебели, компьютер, проектор.
--	--

VIII. Сведения об обновлении рабочей программы дисциплины

№ п.п.	Обновленный раздел рабочей программы дисциплины	Описание внесенных изменений	Дата и протокол заседания
--------	---	------------------------------	---------------------------

			кафедры, утвердившего изменения
1.	I. 3. Объем дисциплины	Выделение часов на практическую подготовку	От 29.10.2020 года, протокол № 3 ученого совета факультета
2.	II. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий	Выделение часов на практическую подготовку по темам	От 29.10.2020 года, протокол № 3 ученого совета факультета
3.	11. 2) Программное обеспечение	Внесены изменения в программное обеспечение	От 29.09.2022 года, протокол № 2 ученого совета факультета
4.	13. Материально-техническое обеспечение	Внесены изменения в материально-техническое обеспечение аудиторий	От 29.09.2022 года, протокол № 2 ученого совета факультета
5.	11. 2) Программное обеспечение	Внесены изменения в список ПО	От 24.08.2023 года, протокол № 1 ученого совета факультета
6.	V. 1) Рекомендуемая литература	Обновление ссылок на литературу	От 24.08.2023 года, протокол № 1 ученого совета факультета