Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце: ФИО: Смирнов Серген ИКТ/ПЕРСТВО науки и высшего образования Российской Федерации

Должность: врио ректора. Дата подписания: 1950 У 4 В О 15 ТВЕРСКОЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Уникальный программный ключ:

69e375c64f7e975d4e8830e7b4fcc2ad1bf35f08

Утверждаю:

уководитель ООП:

Рабочая программа дисциплины (с аннотацией)

ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНАЯ ГЕОМЕТРИЯ И ТОПОЛОГИЯ

Направление подготовки 02.03.03 Математическое обеспечение и администрирование информационных систем

> Профиль подготовки Математические основы информатики

Для студентов 2 курса очной формы обученияО

Уровень высшего образования БАКАЛАВРИАТ

д.ф.м.н., профессор Г.С. Шаров Составитель:

І. Аннотация

1. Цели и задачи дисциплины

– дать фундаментальную подготовку по геометрии и топологии; помочь студенту овладеть современными математическими методами, полезными для решения прикладных задач.

2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к обязательной части блока дисциплин, формирует универсальную и общепрофессиональную компетенции. Для ее успешного освоения необходимы знания и умения, приобретенные в результате обучения в школе и в ходе освоения дисциплин «Аналитическая геометрия», «Алгебра и теория чисел» и «Математический анализ». От успешности освоения дисциплины в значительной степени зависит эффективность дальнейшего обучения студента, в том числе и при последующем изучении дисциплин «Компьютерная геометрия и геометрическое моделирование», «Математический анализ», «Компьютерная графика» и других курсов.

3. Объём дисциплины:

5 зачетных единиц, 180 академических часов, в том числе контактная работа: лекции — 34 часа, практические занятия — 34 часов, самостоятельная работа и контроль — 112 часов.

4. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

istaniipyembinii pesysibiatanii debdeniii dopasobatesibiidi iipdi paninbi			
Планируемые результаты	Планируемые результаты обучения по		
освоения образовательной	дисциплине		
программы (формируемые			
компетенции)			
УК-1 Способен осуществлять поиск,	УК-1.1 Анализирует задачу, выделяя её базовые		
критический анализ и синтез	составляющие		
информации, применять системный	УК-1.5 Рассматривает и предлагает возможные		
подход для решения поставленных	варианты решения поставленной задачи,		
задач	оценивая их достоинства и недостатки		
ОПК-1 Способен применять	ОПК-1.1 Оперирует базовыми знаниями в области		
фундаментальные знания, полученные в	основных математических и естественно-научных		
области математических и (или)	дисциплин, предусмотренных учебным планом		
естественных наук, и использовать их в	ОПК-1.2 Решает типовые задачи основных		
профессиональной деятельности	математических и естественно-научных		
	дисциплин, применяя стандартные приемы и		
	методы		
	ОПК-1.3 Выбирает различные методы решения		
	задач профессиональной деятельности на основе		
	теоретических знаний, полученных при изучении		
	основных математических и естественно-научных		
	дисциплин		

5. Форма промежуточного контроля.

По окончании 3-го семестра – экзамен.

6. Язык преподавания русский.

П. Содержание дисциплины (или модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

1. Для студентов очной формы обучения

	Наименование разделов и тем	Всего часов	Аудито заняти	-	Самост. работа
Разделы	Темы		Лекц ии	практи ка	
Дифференци альная геометрия	1. Простая кривая (график дифференцируемой функции) на плоскости. Параметризованная кривая. Регулярные и нерегулярные точки. Радиус-вектор кривой.	10	2	2	6
кривых на плоскости и в пространстве .	2. Касательная и нормаль к плоской кривой, их уравнения. Геометрический и физический смысл производной радиуса-вектора параметризованной кривой. Огибающая семейства кривых на плоскости.	14	2	3	8
	3. Длина дуги кривой. Натуральный параметр. Свойства первой и второй производной радиус-вектора по натуральному параметру. Вектор главной нормали.	8	2	1	5
	4. Кривизна кривой. Кривизна как модуль второй производной от радиуса-вектора по натуральному параметру. Общие формулы.	10	2	2	6
	5. Порядок касания кривых. Теоремы о порядке касания плоских кривых. Соприкасающаяся окружность плоской кривой. Эволюта, эвольвента, их свойства.	12	3	3	6
	6. Пространственные кривые в пространстве. Строение пространственной параметризованной кривой в окрестности регулярной точки.	10	2	3	5
	7. Формулы Френе для пространственной и плоской кривой. Кручение, его геометрический смысл. Точки уплощения. Кривые с нулевым кручением. Формулы для вычисления кривизны и кручения.	10	3	2	5

		Всего часов	Аудито	-	Самост. работа
Разделы	Темы		Лекц ии	практи ка	
	8. Натуральные уравнения пространственной кривой. Теорема об определении кривой ее натуральными уравнениями. Нахождение параметрических уравнений плоской кривой по ее натуральному уравнению.	9	2	2	5
Дифференци альная геометрия поверхносте й.	9. Простая поверхность, общая поверхность. Параметризованная поверхность, координатная сеть на ней. Параметрические уравнения плоскости, сферы, геликоида, цилиндра и конуса.	10	2	2	6
	10. Линия на поверхности. Касательная плоскость и нормаль к поверхности, их уравнения. Вид координатной сети в окрестности нерегулярной точки.	7	1	2	4
1-я квадратична я форма поверхности	11. Длина кривой на поверхности. Первая квадратичная форма поверхности. Линейный элемент плоскости, сферы, цилиндрической и конической поверхностей.	10	2	2	6
	12. Вычисление угла между кривыми на поверхности. Угол между координатными линиями. Площадь области на поверхности.	10	2	2	6
	13. Поверхности вращения, их параметрические уравнения. Тор, катеноид, псевдосфера. Линейный элемент поверхности вращения. Линейчатые и развертывающиеся поверхности.	8	2	1	5
	14. Изометрическое отображение поверхностей. Необходимое и достаточное условие изометрии. Изгибание, наложимость поверхностей. Наложение развертывающейся поверхности на плоскость. Конформное отображение поверхностей. Необходимое и достаточное условие конформности.	11	3	2	6
Основы топологии	15. Метрическое пространство. Открытый шар, открытое множество, открытость объединения и пересечения (конечного числа) открытых множеств.	9	2	2	5
	16. Определение топологического пространства. Примеры топологий, аксиомы отделимости, окрестность точки, непрерывность отображения и гомеоморфизм в метрических и топологических пространствах.	11	3	2	6
Итого		180	34	34	112

ІІІ. Образовательные технологии

Учебная программа — наименование разделов и тем (в строгом соответствии с разделом II РПД)	Вид занятия	Образовательные технологии
Простая кривая на плоскости. Параметризованная кривая. Касательная и нормаль к плоской кривой, их уравнения. Огибающая семейства кривых на плоскости.	Лекция, практическое занятие	Традиционная лекция, лекция- визуализация, групповое решение творческих задач, индивидуальные задания.
Длина дуги кривой. Натуральный параметр. Свойства производных радиус-вектора по натуральному параметру. Кривизна кривой.	Лекция, практическое занятие	Традиционная лекция, лекция- визуализация, групповое решение творческих задач, индивидуальные задания.
Порядок касания кривых. Соприкасающаяся окружность. Эвольта, эвольвента, их свойства.	Лекция, практическое занятие	Традиционная лекция, лекция- визуализация, компьютерное моделирование, групповое решение творческих задач, индивидуальные задания.
Пространственные кривые. Параметризованные кривые в пространстве. Соприкасающаяся плоскость пространственной кривой, Формулы Френе для пространственной кривой. Кручение, его геометрический смысл.	Лекция, практическое занятие	Традиционная лекция, лекция- визуализация, компьютерное моделирование, групповое решение творческих задач, индивидуальные задания.
Простая поверхность, общая поверхность. Параметризованная поверхность, координатная сеть. Параметризации плоскости, сферы, геликоида, цилиндра и конуса.	Лекция, практическое занятие	Традиционная лекция, лекция- визуализация, компьютерное моделирование, групповое решение творческих задач, индивидуальные задания.
Линия на поверхности. Касательная плоскость и нормаль к поверхности, их уравнения.	Лекция, практическое занятие	Традиционная лекция, лекция- визуализация, компьютерное решение, групповое решение творческих задач.
Длина кривой на поверхности. Первая квадратичная форма поверхности. Линейный элемент плоскости, сферы, цилиндрической и конической поверхностей. Вычисление угла между кривыми на поверхности. Площадь области на поверхности.	Лекция, практическое занятие	Традиционная лекция, лекция- визуализация, компьютерное моделирование, групповое решение творческих задач, индивидуальные задания.
Поверхности вращения, их параметрические уравнения. Тор, катеноид, псевдосфера. Линейчатые и развертывающиеся поверхности.	Лекция, практическое занятие	Традиционная лекция, лекция- визуализация, групповое решение творческих задач, индивидуальные задания.

	T	Ī
Изометрическое отображение	Лекция,	Традиционная лекция, лекция-
поверхностей. Изгибание,	практическое	визуализация, групповое решение
наложимость поверхностей.	занятие	творческих задач, индивидуальные
Наложение развертывающейся		задания.
поверхности на плоскость.		
Конформное отображение		
поверхностей. Необходимые и		
достаточные условия изометрии и		
конформности.		
Метрическое пространство.	Лекция,	Традиционная лекция, лекция-
Открытый шар, открытое	практическое	визуализация, групповое решение
множество, открытость	занятие	творческих задач, индивидуальные
объединения и пересечения		задания.
(конечного числа) открытых		
множеств.		
Определение топологического	Лекция,	Традиционная лекция, лекция-
пространства. Примеры топологий,	практическое	визуализация, групповое решение
аксиомы отделимости, окрестность	занятие	творческих задач, индивидуальные
точки, непрерывность отображения		задания.
и гоомеоморфизм. метрического и		
топологического пространства.		

IV. Оценочные материалы для проведения текущей и промежуточной аттестации

- 1. Примерные индивидуальные задания.
- 2. Список вопросов к экзамену.

1. Параметризованные кривые

Научиться строить кривую, исследовать ее свойства, находить ее асимптоты, точки перегиба, точки самопересечения, нерегулярные точки, локальные экстремумы, переходить к общим уравнениям и исследовать особые точки.

- 1) Постройте параметризованную кривую x=x(t), y=y(t). Найдите ее асимптоты, точки перегиба, точки самопересечения, нерегулярные точки, локальные экстремумы функций x(t), y(t).
- 2) Исключите переменную t из заданных параметрических уравнений, найдите уравнение соответствующей общей кривой F(x,y)=0 и определите ее порядок. Найдите особые точки этой кривой.

$$(1) \begin{cases} x = t - \frac{1}{t}, \\ y = t^2 - \frac{1}{t}. \end{cases}$$

$$(2) \begin{cases} x = \frac{t^2 + t^3}{1 + t^2}, \\ y = \frac{t^2 - t^3}{1 + t^2}. \end{cases}$$

$$(3) \begin{cases} x = t^3 - \frac{t^5}{5}, \\ y = \frac{3}{1 + t^2}. \end{cases}$$

$$(4) \begin{cases} x = t(4 - t^2), \\ y = t^2(4 - t^2). \end{cases}$$

$$(5) \begin{cases} x = \frac{t^2}{1 - t^3}, \\ y = \frac{t^3}{1 - t^3}. \end{cases}$$

$$(6) \begin{cases} x = \frac{t^3}{t - 1}, \\ y = \frac{t^3}{t - 1}. \end{cases}$$

$$(7) \begin{cases} x = \frac{1}{1 + t^2}, \\ y = \frac{t + t^2}{1 + t^2}. \end{cases}$$

$$(8) \begin{cases} x = \frac{t^3}{1 + t^2}, \\ y = \frac{t^2 - t^3}{1 + t^2}. \end{cases}$$

$$(9) \begin{cases} x = \frac{5t^2}{1 + t^5}, \\ y = \frac{5t^3}{1 + t^5}. \end{cases}$$

$$(10) \begin{cases} x = t^2 + t, \\ y = t - 1/t. \end{cases}$$

$$(11) \begin{cases} x = t^3 - t^5. \\ y = \frac{t^2 - t^3}{1 + t^2}. \end{cases}$$

$$(12) \begin{cases} x = t^5 - t^5. \\ y = t^5 - t^5. \end{cases}$$

2. Вопросы для экзамена

- 1. Простая кривая (график дифференцируемой функции) на плоскости. Параметризованная кривая. Регулярные и нерегулярные точки. Параметризаций прямой, окружности, эллипса, гиперболы, циклоиды. Радиус-вектор кривой. Теорема о строении плоской параметризованной кривой в окрестности регулярной точки.
- 2 . Теорема о строении множества, заданного уравнением F(x,y)=0, в окрестности неособой точки; виды особых точек. Декартов лист.
- 3. Касательная и нормаль к плоской кривой, их уравнения. Геометрический и физический смысл производной радиуса-вектора параметризованной кривой.
- 4. Пространственные кривые. Параметризованные кривые в пространстве. Кривая Вивиани, винтовая линия. Строение пространственной параметризованной кривой в окрестности регулярной точки.
- 5. Соприкасающаяся плоскость пространственной кривой, ее инвариантность относительно замены параметра. Теорема о порядке касания кривой и ее соприкасающейся плоскости.
- 6 Длина дуги кривой. Натуральный параметр. Свойства первой и второй производной радиусвектора по натуральному параметру, их физический смысл. Вектор главной нормали. Геометрические образы, связанные с точкой пространственной кривой, их уравнения.
- 7. Кривизна кривой. Кривизна как модуль второй производной от радиуса-вектора по натуральному параметру. Точки спрямлениия. Кривые с нулевой кривизной. Кривизна окружности.
- 8. Формулы Френе для пространственной и плоской кривой. Кручение, его геометрический смысл.. Точки уплощения. Кривые с нулевым кручением. Формулы для вычисления кривизны и кручения.
- 9. Порядок касания кривых. Теорема о порядке касания плоских кривых, одна из которых задана неявно, а другая параметрически. Соприкасающаяся окружность плоской кривой. Эволюта, эвольвента, их свойства.
- 10. Огибающая семейства кривых на плоскости. Натуральные уравнения пространственной кривой. Теорема об определении кривой ее натуральными уравнениями. Нахождение параметрических уравнений плоской кривой по ее натуральному уравнению.
- 11. Простая поверхность (график дифференцируемой функции z=f(x,y)). Определение параметризованной поверхности. Координатная сеть на поверхности. Параметрические уравнения плоскости, сферы, геликоида, цилиндра и конуса.
- 12 Теорема о строении множества, заданного уравнением F(x,y,z)=0, в окрестности неособой точки. Параметрические уравнения поверхностей второго порядка..
- 13. Линия на поверхности. Касательная плоскость и нормаль к поверхности, их уравнения. Вид координатной сети в окрестности нерегулярной точки.

- 14. Длина кривой на поверхности. Первая квадратичная форма поверхности. Линейный элемент плоскости в декартовых и полярных координатах, сферы в географических координатах, пилиндрической и конической поверхностей.
- 15. Вычисление угла между кривыми на поверхности. Угол между координатными линиями. Площадь области на поверхности.
- 16. Поверхности вращения, их параметрические уравнения. Тор, катеноид, псевдосфера. Линейный элемент поверхности вращения. Линейчатые и развертывающиеся поверхности.
- 17. Метрическое пространство. Открытый шар, открытое множество, открытость объединения и пересечения (конечного числа) открытых множеств.
- 18. Определение топологического пространства. Метрическая и евклидова топологии, дискретная и антидискретная топологии, Аксиомы отделимости. Примеры топологических пространств, Окрестность точки метрического и топологического пространства. Внутренняя точка, внутренность, свойства открытых множеств и свойства внутренности.

Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

1. Типовые контрольные задания для проверки уровня сформированности компетенции

Планируемый	Типовые контрольные	Показатели и критерии
образовательный	задания для оценки	оценивания
результат (компетенция,	знаний, умений, навыков	компетенции, шкала
индикатор)	(2-3 примера)	оценивания
УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	Проведите исследование заданной поверхности, найдите параметрические и общее уравнения, первую и вторую квадратичные формы, длину кривой на поверхности, найдите асимптотические линии, полную и среднюю кривизну, нормальную кривизну координатных линий.	Уверенное владение, задание полностью выполнено — 8 баллов. Наличие отдельных ошибок — $3-7$ баллов. Большое количество ошибок — 0 баллов.
УК-1.1 Анализирует задачу, выделяя её базовые составляющие УК-1.2 Определяет, интерпретирует и ранжирует информацию, требуемую для решения поставленной задачи	Постройте заданную параметризованную кривую. Найдите ее асимптоты, точки перегиба, точки самопересечения, нерегулярные точки, локальные экстремумы; найдите уравнение соответствующей общей кривой,	Правильное выполнение задания — 10 баллов. Наличие отдельных ошибок — 4 — 7 баллов. Большое количество ошибок, решение не дано или дано неверное решение— 0 баллов.

Планируемый образовательный результат (компетенция, индикатор)	Типовые контрольные задания	Критерии оценивания и шкала оценивания
ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	1. Проверьте параметризации и найдите особые точки кривой $x=2(\mathrm{sh}t-\mathrm{ch}t),\ y=\mathrm{ch}\ t-\mathrm{sh}\ t,\ z=\mathrm{e}^{-3t/2}.$ 2. Найдите длину дуги кривой $x=\mathrm{cos}\ t,\ y=\mathrm{sin}\ t,\ z=t,\ \mathrm{лежащей}\ \mathrm{внутри}\ \mathrm{шарa}\ x^2+y^2+z^2=2.$ Найдите натуральный параметр s на этой кривой. 3. Найдите уравнения элементов трехгранника Френе кривой $x=t^3-t^2-5,\ y=3t^2+1,\ z=2t^3-16$ в той точке M , где нормальная плоскость параллельна плоскости $2x+3y+6z=0.$ 4. Найдите, при каких a и b кривизна кривой $x=a$ ch $t,\ y=a$ sh $t,\ z=bt$ во всех точках совпадает с кручением. 5. Пусть R - радиус кривизны плоской кривой $\gamma,\ \alpha$ - угол между постоянным вектором и текущим касательным вектором кривой γ . Найдите параметрическое уравнение кривой $\gamma,\ \mathrm{ccn}\ R=\alpha.$ 6. Найдите уравнение эволюты цепной линии γ если γ найдите кривизну эллипса γ найдите кривизну эллипса γ найдите кривизну эллипса γ найдите кривизну осями координат делится точкой касания пополам. 8. На главных нормалях винтовой линии γ отложены отрезки длины $1/k$, где k – кривизна кривой γ . Найдите уравнение кривой γ . Найдите уравнение кривой, образованной концами этих отрезков, определите ее кривизну и кручение.	 Полно и правильно даны ответы на все поставленные вопросы, приведены необходимые примеры; студент показывает понимание излагаемого материала — 31 — 40 баллов Полно и правильно даны ответы на все поставленные вопросы, приведены примеры, однако имеются неточности; в целом студент показывает понимание изученного материала — 21 — 30 балла Ответ дан в основном правильно, но недостаточно аргументированы выводы, приведены не все необходимые примеры — 11 — 20 баллов Даны неверные ответы на поставленные вопросы — 0 — 10 баллов

V. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины 1) Рекомендуемая литература

- а) основная литература:
- 1. Мищенко А. С, Фоменко А. Т. Курс дифференциальной геометрии и топологии. М.: URSS. 2020. 504 с. ISBN 978-5-9710-6746-7. Текст : электронный. URL: https://znanium.com/catalog/product/544615
- 2. Игнаточкина Л. А. Топология для бакалавров математики [Электронный ресурс] : учебное пособие / Л. А. Игнаточкина. М. : Прометей, 2018. 88 с. Режим доступа: http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=437314

б) дополнительная литература:

1. Мищенко А.С. Краткий курс дифференциальной геометрии и топологии. Учебное пособие. М.: Издательская фирма "Физико-математическая литература" (ФИЗМАТЛИТ), 2004. - 304 с. — Электронный ресурс. — режим доступа: http://znanium.com/go.php?id=544615

http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=69322

- 2. Примаков Д.А. Геометрия и топология [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Д. А. Примаков, Р. Я. Хамидуллин. М.: Московский финансовопромышленный университет «Синергия», 2011.— 272 с.— Режим доступа: http://www.iprbookshop.ru/17013.html
- 2) Лицензионное программное обеспечение и свободно распространяемое программное обеспечение, в том числе отечественного производства.

Google Chrome бесплатное ПО;

Яндекс Браузер бесплатное ПО;

Kaspersky Endpoint Security 10 акт на передачу прав ПК545 от 16.12.2022;

Многофункциональный редактор ONLYOFFICE бесплатное ПО;

OC Linux Ubuntu бесплатное ПО;

Octave 8.3.0 бесплатное Π O.

- 3) Современные профессиональные базы данных, информационные справочные системы, перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины
 - 1. ЭБС "Издательство Лань" http://e.lanbook.com
 - 2. JEC ZNANIUM.COM <u>www.znanium.com</u>
 - 3. ΦΓБУ "PΓБ" http://diss.rsl.ru/

- 4. 36 eLibrary https://elibrary.ru/projects/subscription/rus-titles-open.asp
- 5. ЭБС "Университетская библиотека онлайн" https://biblioclub.ru/
- 6. 3EC IPRbooks http://www.iprbookshop.ru/.
- 9. Научная библиотека ТвГУ http://www.libraru.tversu.ru
- 10. Научная библиотека МГУ http://lib.mexmat.ru/

VI. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Для успешного усвоения материала данной учебной дисциплины, в частности, для выработки навыков решения задач необходима систематическая самостоятельная работа студентов по подготовке к практическим занятиям, коллоквиумам и к контрольным работам.

Подготовка к практическим занятиям включает в себя:

- 1) решение практических задач, заданных преподавателем на дом;
- 2) повторение теоретических вопросов, определений, теорем, необходимых для решения практических задач;
- 3) повторение соответствующего раздела при подготовке к контрольной работе.

Требования к рейтинг-контролю

Содержание учебной дисциплины в течение семестра делится на два модуля. По окончании модуля (периода обучения) осуществляется рейтинговый контроль успеваемости знаний студентов. Сроки проведения рейтингового контроля в 3 (осеннем) семестре — І рейтинговый контроль успеваемости проводится на 9-10 учебной неделе по графику учебного процесса, ІІ рейтинговый контроль успеваемости - две последние недели фактического завершения семестра по графику учебного процесса;

Максимальная сумма баллов в течение семестра составляет 60 баллов, на экзамене — 40 баллов. При этом на 1-й модуль отводится 30 баллов, на 2-й — 30 баллов. Из них 20 отводятся на индивидуальные домашние задания, а оставшиеся — на текущую работу (ответы у доски, самостоятельное решение задач и т.д.). Студенту, набравшему 40-54 балла, при подведении итогов семестра (на последнем занятии по дисциплине) в экзаменационной ведомости и зачётной книжке может быть выставлена оценка «удовлетворительно».

Студенту, набравшему 55-57 баллов, при подведении итогов семестра (на последнем занятии по дисциплине) в графе экзаменационной ведомости

«Премиальные баллы» может быть добавлено 15 баллов и выставлена экзаменационная оценка «хорошо».

Студенту, набравшему 58-60 баллов, при подведении итогов семестра (на последнем занятии по дисциплине) в графе экзаменационной ведомости «Премиальные баллы» может быть добавлено 27 баллов и выставлена экзаменационная оценка «отлично». В иных случаях добавление премиальных баллов не допускается.

VII. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Учебный процесс по данной дисциплине проводится в аудиториях, оснащенных мультимедийными средствами обучения.

Наименование	Оснащенность	Перечень лицензионного
специальных помещений и	помещений	программного
помещений для		обеспечения.
самостоятельной работы		Реквизиты
		подтверждающего
		документа
Учебная аудитория для	Набор учебной мебели,	Google Chrome – бесплатно
проведения занятий	меловая доска, Переносной	Kaspersky Endpoint Security
лекционного типа, занятий	ноутбук,	10 для Windows – Акт на
семинарского типа,	Интерактивная система	передачу прав ПК545 от
курсового проектирования	Smart Board 660iv co	16.12.2022.
(выполнения курсовых	встроенным проектором	
работ), групповых и		
индивидуальных		
консультаций, текущего		
контроля и промежуточной		
аттестации,		
Учебная аудитория № 207		
(Корпус 3, 170002, Тверская		
обл., г.Тверь, пер. Садовый,		
дом 35)		

VIII. Сведения об обновлении рабочей программы дисциплины

	VIII ODEACHIN OU OUNDERCHIN SHOOTEN II SOT PHINING ANCIANION					
№	Обновленный	Описание внесенных	Дата и протокол заседания			
п.	раздел рабочей	изменений	кафедры, утвердившего			
п.	программы		изменения			
	дисциплины					
	(модуля)					
1	Разделы III, IV,V.	Обновление содержания, ФОС,	20.04.2023 г, протокол № 7			
		списка литературы				
2						
3						