

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Лельчицкий Игорь Давыдович
Должность: и.о. проректора по образовательной деятельности
Дата подписания: 09.07.2026 11:07:51
Уникальный программный ключ:
aa5b5ee17d97a2e4d84e98e995320af04f047ce2

УП: 38.03.05 Бизнес-
информатика ОЗФО
2025.plx

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**
ФГБОУ ВО «ТВЕРСКОЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»



Утверждаю
Руководитель ООП
Смирнова О.В.
«20» мая 2026 г.

Рабочая программа дисциплины

Методы оптимальных решений

Закреплена за кафедрой:	Экономической теории
Направление подготовки:	38.03.05 Бизнес-информатика
Направленность (профиль):	Бизнес-аналитика
Квалификация:	Бакалавр
Форма обучения:	очно-заочная
Семестр:	4

Программу составил(и):

канд. техн. наук, доц., Васильев Александр Анатольевич

Тверь, 2026

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ДИСЦИПЛИНЫ

Цели освоения дисциплины (модуля):

Целью освоения дисциплины является: формирование у обучающихся компетенций в области применения системного подхода для оценивания достоинств и недостатков возможных вариантов решения поставленной задачи с использованием методов оптимальных решений и стандартных математических моделей для описания экономических зависимостей.

Задачи :

Задачами освоения дисциплины являются:

- изучить теоретические основы математических методов принятия оптимальных решений в экономике;
- обучить технологиям построения, обоснования и нахождения численного решения экономико-математических моделей с использованием методов оптимальных решений;
- сформировать способность находить оптимальное решение хорошо структурированной экономической задачи с использованием методов оптимальных решений.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП

Цикл (раздел) ОП: Б1.О

Требования к предварительной подготовке обучающегося:

Дисциплина «Методы оптимальных решений» относится к дисциплинам обязательной части учебного плана к Блоку 1 и направлена на формирование у обучающихся универсальных и общепрофессиональных компетенций.

Предпосылками для изучения дисциплины являются знания и умения, полученные в ходе освоения дисциплин:

Линейная алгебра

Математический анализ

Теория вероятностей и математическая статистика

Системный анализ в экономике

Дисциплины (модули) и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:

Стратегический анализ в бизнесе

Имитационное моделирование бизнес-процессов

3. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость	3 ЗЕТ
Часов по учебному плану	108
в том числе:	
самостоятельная работа	84

4. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫЕ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

ОПК-2.2: Разрабатывает рациональные решения для управления бизнесом, выбирая релевантные современные информационные системы и информационно-коммуникационные технологии

ОПК-4.1: Обоснованно выбирает методы, программные средства и информационные системы для сбора, обработки, анализа, систематизации и использования информации в целях последующей информационно-аналитической поддержки принятия управленческих решений

УК-1.1: Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие

УК-2.2: Предлагает способы решения поставленных задач и ожидаемые результаты; оценивает предложенные способы с точки зрения соответствия цели проекта

5. ВИДЫ КОНТРОЛЯ

Виды контроля в семестрах:	
зачеты	4

6. ЯЗЫК ПРЕПОДАВАНИЯ

Язык преподавания: русский.

7. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

№	Наименование разделов и тем	Вид занятия	Сем.	Часов	Примечание
	Раздел 1.				
1.1	Целочисленное программирование	Лек	4	2	
1.2	Целочисленное программирование	Пр	4	2	
1.3	Целочисленное программирование	Ср	4	10	
1.4	Нелинейное программирование	Лек	4	2	
1.5	Нелинейное программирование	Пр	4	4	
1.6	Нелинейное программирование	Ср	4	20	
1.7	Сетевое планирование	Лек	4	2	
1.8	Сетевое планирование	Пр	4	2	
1.9	Сетевое планирование	Ср	4	18	
1.10	Динамическое программирование	Лек	4	2	
1.11	Динамическое программирование	Пр	4	2	
1.12	Динамическое программирование	Ср	4	20	
1.13	Теория игр	Лек	4	2	
1.14	Теория игр	Пр	4	4	
1.15	Теория игр	Ср	4	16	

Список образовательных технологий

1	Технологии развития критического мышления
2	Активное слушание
3	Тренинг
4	Занятия с применением затрудняющих условий

8. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕЙ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

8.1. Оценочные материалы для проведения текущей аттестации

8.2. Оценочные материалы для проведения промежуточной аттестации

Оценочные материалы для проведения промежуточной аттестации представлены в Приложении 1.

Форма проведения промежуточной аттестации: устная и/или письменная.

8.3. Требования к рейтинг-контролю

9. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Рекомендуемая литература

Основная

Шифр	Литература
Л.1.1	Зенков, Методы оптимальных решений, Москва: Юрайт, 2024, ISBN: 978-5-534-05377-7, URL: https://urait.ru/bcode/540061
Л.1.2	Бородин, Пителинский, Методы оптимальных решений, Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2022, ISBN: 978-5-16-012308-0, URL: https://znanium.com/catalog/document?id=423197

Дополнительная

Шифр	Литература
Л.2.1	Мастяева, Горемыкина, Семенихина, Методы оптимальных решений, Москва: ООО "КУРС", 2023, ISBN: 978-5-905554-24-7, URL: https://znanium.com/catalog/document?id=419061
Л.2.2	Смагин, Экономико-математические методы, Москва: Юрайт, 2024, ISBN: 978-5-9916-9814-6, URL: https://urait.ru/bcode/538714
Л.2.3	Попов, Сотников, Экономико-математические методы и модели, Москва: Юрайт, 2024, ISBN: 978-5-534-14867-1, URL: https://urait.ru/bcode/535606

Л.2.4	Гармаш, Орлова, Федосеев, Экономико-математические методы и прикладные модели, Москва: Юрайт, 2022, ISBN: 978-5-9916-3698-8, URL: https://urait.ru/bcode/507819
Л.2.5	Кремер, Путко, Гришин, Фридман, Исследование операций в экономике, Москва: Юрайт, 2024, ISBN: 978-5-534-12800-0, URL: https://urait.ru/bcode/535489
Л.2.6	Новиков, Исследование операций в экономике, Москва: Издательско-торговая корпорация "Дашков и К", 2022, ISBN: 978-5-394-04810-4, URL: https://znanium.com/catalog/document?id=431480

Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети "Интернет"

Э1	Васильев А.А. Теория вероятностей, математическая статистика, экономико-математические методы и экономико-математические модели. Краткий курс и практикум для подготовки к Федеральному Интернет-экзамену в сфере профессионального образования по дисциплине "Математика" [Электронный ресурс]: учеб. пособие. Тверь: Твер. гос. ун-т, 2008. 119 с. Режим доступа: http://eco.tversu.ru/Doc/teor_ver_2008.pdf : http://eco.tversu.ru/Doc/esrc/teor_ver_2008.pdf
Э2	Васильев А.А. Математика: Общие понятия и классификации основных разделов прикладной математики, изучаемых студентами экономических специальностей [Электронный ресурс]: учебно-справочное пособие. Тверь: ТвГУ, 2006. 104 с. Режим доступа: http://eco.tversu.ru/Doc/matem_obsh_pon_2006.pdf : http://eco.tversu.ru/Doc/esrc/matem_obsh_pon_2006.pdf

Перечень программного обеспечения

1	Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows
2	Google Chrome
3	OpenOffice

Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1	Репозиторий ТвГУ
2	Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU (подписка на журналы)
3	ЭБС ТвГУ
4	ЭБС BOOK.ru
5	ЭБС «Лань»
6	ЭБС IPRbooks
7	ЭБС «Университетская библиотека онлайн»
8	ЭБС «ЮРАИТ»
9	ЭБС «ZNANIUM.COM»

10. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Аудит-я	Оборудование
7-316	комплект учебной мебели, переносной ноутбук, проектор, доска

11. МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

Методические рекомендации по подготовке к лекционным, практическим занятиям и по организации самостоятельной работы

Самостоятельная работа начинается до прихода студента на лекцию. Целесообразно использование «системы опережающего чтения», т.е. предварительного прочтения лекционного материала, содержащегося в учебниках и учебных пособиях, закладывающего базу для более глубокого восприятия лекции. Работа над лекционным материалом включает два основных этапа: конспектирование лекций и последующую работу над лекционным материалом. Под конспектированием подразумевают составление конспекта, т.е. краткого письменного изложения содержания чего-либо (устного выступления – речи, лекции, доклада и т.п. или письменного источника – документа, статьи, книги и т.п.).

Методика работы при конспектировании устных выступлений значительно отличается от методики работы при конспектировании письменных источников. Конспектируя письменные источники, студент имеет возможность неоднократно прочитать нужный отрывок текста, поразмыслить над ним, выделить основные мысли автора, кратко сформулировать их, а затем записать. При необходимости он может отметить и свое отношение к этой точке зрения. Слушая же лекцию, студент большую часть комплекса указанных выше работ должен откладывать на другое время, стремясь использовать каждую минуту на запись лекции, а не на ее осмысление – для этого уже не остается времени. Поэтому при конспектировании лекции рекомендуется на каждой странице отделять поля для последующих записей в дополнение к конспекту.

Записав лекцию или составив ее конспект, не следует оставлять работу над лекционным материалом до начала подготовки к зачету. Нужно проделать как можно раньше ту работу, которая сопровождает конспектирование письменных источников и которую не удалось сделать во время записи лекции: прочесть свои записи, расшифровать отдельные сокращения, проанализировать текст, установить логические связи между его элементами, в ряде случаев показать их графически, выделить главные мысли, отметить вопросы, требующие дополнительной обработки, в частности, консультации преподавателя. При работе над текстом лекции студенту необходимо обратить особое внимание на проблемные вопросы, поставленные преподавателем при чтении лекции, а также на его задания и рекомендации.

Перечень вопросов, подлежащих изучению, приведен в данной рабочей программе дисциплины (контрольные вопросы для проведения текущей аттестации; вопросы для подготовки к зачету). Не все эти вопросы будут достаточно полно раскрыты на лекциях. Отдельные вопросы будут освещены недостаточно полно или вообще не будут затронуты. Поэтому, проработав лекцию по конспекту, необходимо сравнить перечень поднятых в ней вопросов с тем перечнем, который приведен в рабочей программе дисциплины (контрольные вопросы для проведения текущей аттестации; вопросы для подготовки к зачету), и изучить ряд вопросов по учебным пособиям, дополняя при этом конспект лекций.

При работе над темами, которые вынесены на самостоятельное изучение, студент должен самостоятельно выделить наиболее важные, узловые проблемы, как это в других темах делалось преподавателем. Здесь не следует с целью экономии времени подходить к работе поверхностно, ибо в таком случае повышается опасность "утонуть" в обилии материала, упустить центральные проблемы. Результатом самостоятельной работы должно стать собственное самостоятельное представление студента об изученных вопросах.

Самостоятельная работа по изучению тем дисциплины по учебным пособиям не должна состоять из сквозного чтения или просмотра текста. Она должна включать вначале ознакомительное чтение, а затем поиск ответов на конкретные вопросы. Основная трудность для студентов заключается здесь в необходимости усвоения, понимания и запоминания значительных объемов материала. Эту трудность, связанную, прежде всего, с дефицитом времени, можно преодолеть путем усвоения интегрального алгоритма чтения.

При подготовке к практическим занятиям следует закрепить полученные теоретические знания по теме и получить практические навыки в их применении путем рассмотрения примеров решения задач по изучаемой теме, рассмотренных в

рекомендованных учебных пособиях.

В процессе самостоятельной работы большое значение имеют консультации с преподавателем, в ходе которых можно решить многие проблемы изучаемого курса, уяснить сложные вопросы. При возникновении трудностей в изучении каких-либо вопросов целесообразно попытаться уяснить их, воспользовавшись другим рекомендованным учебным пособием. Если изучение непонятого материала по другому учебному пособию не привело к его усвоению, то следует обратиться за консультацией к преподавателю данной дисциплины.

Методические рекомендации по подготовке к зачету

Зачет - важный этап в учебном процессе, имеющий целью проверку знаний, выявление умений применять полученные знания к решению практических задач. Как подготовка к зачету, так и сам зачет - форма активизации и систематизации полученных знаний, их углубления и закрепления. Подготовка к зачетам для студентов, особенно заочной формы обучения, всегда осложняется дефицитом времени.

Для подготовки к зачету необходимо:

1) ознакомиться с перечнем вопросов для подготовки к зачету (а также с контрольными вопросами для проведения текущей аттестации) и при необходимости повторить их с использованием конспекта лекций и / или рекомендованных учебных пособий;

2) повторить решение типовых задач, приведенных в разделе “Оценочные средства для проведения текущей и промежуточной аттестации” (типовые задачи для проведения текущей аттестации; примерные задания для проведения промежуточной аттестации), а также решение задач, задаваемых преподавателем для самостоятельного выполнения по рекомендованным учебным пособиям;

3) при возникновении каких-либо вопросов, трудностей в уяснении теоретического материала или проблем с решением задач прибегнуть к помощи Вашего преподавателя и / или других студентов Вашей группы.

Вопросы для подготовки к зачету:

1. Основные понятия целочисленного программирования. Экономическое и геометрическое истолкование задач целочисленного программирования.

2. Суть основных методов решения целочисленных задач линейного программирования (округления решения непрерывной задачи линейного программирования; полного перебора; отсекающие нецелочисленных оптимальных решений).

3. Метод Гомори решения целочисленной задачи линейного программирования.

4. Метод ветвей и границ решения целочисленной задачи линейного программирования.

5. Общая характеристика методов решения задач нелинейного программирования: графического метода, выпуклого программирования, квадратичного программирования, градиентных методов).

6. Графический метод решения задач нелинейного программирования с двумя переменными.

7. Решение задачи нелинейного программирования с ограничением в виде равенства на основе метода подстановки.

8. Решение задачи нелинейного программирования с ограничениями-равенствами методом множителей Лагранжа.

9. Выпуклые функции и множества. Выпуклая задача оптимизации.

10. Необходимые и достаточные условия Куна-Таккера.

11. Метод штрафных функций.

12. Задача оптимизации потребительского выбора, ее решение и геометрическое истолкование.

13. Формулировка задачи максимизации прибыли фирмы в долговременном и в краткосрочном интервалах планирования.

14. Способы задания ориентированного графа: в виде матрицы смежности

вершин; в виде матрицы смежности дуг; в виде матрицы инцидентности; с помощью списка вершин и информации о том, с какими вершинами они соединены дугами; с помощью дуг и информации о том, на какие дуги они опираются

15. Назначение и области применения сетевого планирования и управления. Сетевая модель и ее основные элементы (событие, работа, путь).

16. Алгоритм сетевого планирования и управления. Правила построения сетевых графиков.

17. Упорядочение сетевого графика.

18. Временные параметры сетевых графиков.

19. Сетевое планирование в условиях неопределенности.

20. Анализ и оптимизация сетевого графика.

21. Основные понятия динамического программирования (предмет динамического программирования, геометрическое истолкование общей задачи динамического программирования, условия применения методов динамического программирования; примеры экономических задач, допускающих решение методом динамического программирования).

22. Суть метода динамического программирования на основе рекуррентных соотношений Беллмана.

23. Решение с использованием рекуррентных соотношений Беллмана задачи об оптимальном пути в транспортной сети.

24. Решение с использованием рекуррентных соотношений Беллмана задачи о выборе оптимальной стратегии обновления оборудования.

25. Решение с использованием рекуррентных соотношений Беллмана задачи об оптимальном распределении ресурсов.

26. Предмет и основные задачи теории игр. Основные понятия теории игр (игра, игрок, партия, выигрыш, проигрыш, ход, личный ход, случайный ход, стратегическая игра, стратегия игрока, оптимальная стратегия игрока). Ограничения теории игр.

27. Классификация игр (по количеству игроков, по количеству стратегий игры, по взаимоотношениям сторон, по характеру выигрышей, по виду функции выигрышей, по количеству ходов, по информированности сторон).

28. Антагонистические матричные игры и их решение в чистых стратегиях (платежная матрица, нижняя и верхняя цены игры, принцип минимакса).

29. Понятие смешанной стратегии. Условия применения смешанных стратегий. Основные теоремы теории игр. Упрощение игр.

30. Решение антагонистической матричной игры размера 2×2 в смешанных стратегиях и его геометрическое истолкование.

31. Графическое решение игр вида $2 \times n$ и $m \times 2$.

32. Приведение антагонистической матричной игры размера $m \times n$ к задаче линейного программирования.

33. Понятие игры с природой и ее формальное представление. Виды неопределенностей о состояниях природы.

34. Решение игр с природой в условиях стохастической неопределенности о состояниях природы с использованием критериев максимума среднего выигрыша и минимума среднего риска.

35. Решение игр с природой в условиях полной неопределенности о состояниях природы с использованием критериев максимакса, Вальда, Сэвиджа, Гурвица.