

Документ подписан простой электронной подписью  
Информация о владельце:  
ФИО: Смирнов Сергей Николаевич  
Должность: врио ректора  
Дата подписания: 01.04.2025 10:04:30  
Уникальный программный ключ:  
69e375c64f7e975d4e8830e7b4fcc2ad1bf35f08

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
ФГБОУ ВО «Тверской государственный университет»

Утверждаю:

Проректор по ОДиМП

Сердитова Н.Е.

\_\_\_\_\_

«\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_г.

Рабочая программа факультативной дисциплины (с аннотацией)

**Элементарная математика**

Для всех направлений подготовки бакалавриата и специалитета

Для студентов 1 курса очной формы обучения

Составитель: к.ф.-м.н. Меза Варгас К.Н.

Тверь, 2024

## **I. Аннотация**

### **1. Цель и задачи дисциплины**

**Целями** освоения дисциплины «**Элементарная математика**» является выравнивание начального уровня студентов и подготовка к осваиванию материала «**Высшей математики**».

**Задачами** освоения дисциплины является формирование четкого понимания и освоение навыков вычисления по следующим разделам:

- показательная функция;
- логарифмическая функция;
- тригонометрическая функция;
- производная;
- интегралы.

### **2. Место дисциплины в структуре ООП**

Дисциплина «**Элементарная математика**» является факультативной дисциплиной. Дисциплина изучается в течение семестра в 1 семестре бакалавриата и специалитета.

**3. Объем дисциплины:** составляет 4 зачетных единиц, 144 академических часов, в том числе **контактная аудиторная работа:** практические занятия 68 часов; **самостоятельная работа** 76 часа.

**4. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы**

Планируемые результаты освоения образовательной программы (формируемые компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине
УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач.	УК-1.1. Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие;
ПК-4. Способен проводить научно-исследовательские и опытно-конструкторские разработки по отдельным разделам темы	ПК-4.2. Применяет методы анализа научно-технической информации

--	--

**5. Форма промежуточной аттестации - зачет.**

**6. Язык преподавания: русский.**

**II. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий.**

**1. Для студентов очной формы обучения**

Учебная программа – Наименование разделов и тем	Всего (час)	Контактная работа (час.)		Самосто- ятельная работа (час)
		Лекции	Практи- ческие работы	
<b>1. Показательная функция</b>				
<b>Показательная функция, ее свойства и график</b>	6		2	4
Показательные уравнения	10		4	6
Показательные неравенства	10		4	6
Система показательных уравнений и неравенств	4		2	2
<b>2. Логарифмическая функция</b>				
Логарифмы. Свойства логарифмов	4		2	2
Десятичные и натуральные логарифмы	4		2	2
Логарифмическая функция, ее свойства и график	4		2	2
Логарифмические уравнения	8		4	4
Логарифмические неравенства	8		4	4
<b>3. Тригонометрическая функция</b>				
Тригонометрические тождества	6		2	4

Синус, косинус и тангенс углов $\alpha$ и $-\alpha$ . Формулы приведения	6		2	4
Формулы сложения. Сумма и разность синусов. Сумма и разность косинусов	6		2	4
Синус, косинус и тангенс двойного угла и половинного угла	5		2	3
Тригонометрические уравнения	7		4	3
Решение тригонометрических уравнений	9		6	3
<i>4. Производная функции</i>				
Область определения и множество значений функции. Производная. Геометрический смысл производной.	5		2	3
Производные некоторых элементарных функций	7		4	3
Правила дифференцирования	6		4	2
Производные сложных функций	4		2	2
Возрастание и убывание функции. Экстремумы функции	4		2	2
Применение производной к построению графиков функций. Наибольшее и наименьшее значение функции	4		2	2
<i>5. Интегралы</i>				
Первообразная	7		4	3
Правила нахождения первообразной функций	5		2	3
Площадь криволинейной трапеции и интеграл	5		2	3
<b>итого</b>	<b>144</b>		<b>68</b>	<b>76</b>

### III. Образовательные технологии

Учебная программа- наименование разделов и тем	Вид занятия	Образовательные технологии
<i>1. Показательная функция</i>		
Показательная функция, ее свойства и график	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Показательные уравнения	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Показательные неравенства	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач.</i>

		<i>Решение индивидуальных задач</i>
Система показательных уравнений и неравенств	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
<i>2. Логарифмическая функция</i>		
Логарифмы. Свойства логарифмов	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Десятичные и натуральные логарифмы	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Логарифмическая функция, ее свойства и график	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Логарифмические уравнения	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Логарифмические неравенства	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
<i>3. Тригонометрическая функция</i>		
Тригонометрические тождества	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Синус, косинус и тангенс углов $\alpha$ и $-\alpha$ . Формулы приведения	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Формулы сложения. Сумма и разность синусов. Сумма и разность косинусов	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Синус, косинус и тангенс двойного угла и половинного угла	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Тригонометрические уравнения	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Решение тригонометрических уравнений	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
<i>4. Производная функции</i>		
Область определения и множество значений функции. Производная. Геометрический смысл производной.	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Производные некоторых элементарных функций	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Правила дифференцирования	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Производные сложных функций	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>

Возрастание и убывание функции. Экстремумы функции	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Применение производной к построению графиков функций. Наибольшее и наименьшее значение функции	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
<b>5. Интегралы</b>		
Первообразная	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Правила нахождения первообразной функций	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>
Площадь криволинейной трапеции и интеграл	<i>практические занятия</i>	<i>Активное слушание. Групповое решение задач. Решение индивидуальных задач</i>

#### **IV. Оценочные материалы для проведения текущей и промежуточной аттестации**

**Для проведения текущей и промежуточной аттестации:**

**УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач:**

УК-1.1. Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие;

**Задание:**

1) Постройте графики функции и вычислите площадь фигуры, ограниченной этими линиями:

$$y = \sin x$$

$$y = 6x$$

2) Вычислите интегралы любым удобным способом:

$$\int_0^{\pi} \sin x dx$$

$$\int_2^4 \frac{1}{x^2} dx$$

$$\int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^2 \left( x - \frac{\pi}{6} \right) dx$$

3) Решите уравнение:

1)  $9^x + 6^x = 4^{x+0,5}$

2)  $20^x - 2^{x+2} - 5^{1-x} = 0$

3)  $(2\sqrt{7} - \sqrt{7})^x + (2\sqrt{2} + \sqrt{7})^x = 30$

$$(2\sqrt{7} + \sqrt{7})^x + (15 - 4\sqrt{14})(2\sqrt{2} - \sqrt{7})^x = \\ = 16 - 4\sqrt{14}$$

- 4) Что такое производная функции?
- 5) Поясните геометрический смысл производной.
- 6) Перечислите основные свойства производной функции.

**Способ аттестации:** письменный

### **Критерии оценки:**

- Задание выполнено правильно и полностью, представлены все необходимые вычисления.
- Задание выполнено правильно и полностью, представлены не все необходимые вычисления и пояснения.
- Задание выполнено правильно, но не полностью, представлены не все необходимые вычисления и пояснения.
- Задание не выполнено.

## **V. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины**

а) основная литература:

- Практикум по элементарной математике : учебное пособие / А. А. Голубев, Т. А. Спасская ; Министерство науки и высшего образования РФ, ФГБОУ ВО "Тверской государственный университет". - Тверь : Тверской государственный университет, 2020. - 157 с. : ил., табл. - Библиогр.: с. 155-156. - ISBN 978-5-7609-1558-0 : 414.00.

- Элементарная математика : учебное пособие. 3 : Тригонометрия / Р. А. Мельников, Г. Г. Ельчанинова; Р.А. Мельников, Г.Г. Ельчанинова; Министерство образования и науки Российской Федерации; Елецкий государственный университет им. И.А. Бунина. - Елец : Елецкий государственный университет им. И.А. Бунина, 2017. - 101 с. - Библиогр. в кн. - <http://biblioclub.ru/>. - ISBN 978-5-94809-852-4. - ISBN 978-5-94809-943-9 (ч. 3).

<http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=498152>

- Элементарная математика в помощь высшей [Электронный ресурс] : Учебное пособие. - Элементарная математика в помощь высшей. - Омск : Омский государственный университет им. Ф.М. Достоевского, 2016. - 118 с. - Книга

находится в премиум-версии ЭБС IPR BOOKS. - РҮРёС†РµPSP·РёСЦ PrPs  
14.02.2020. - ISBN 978-5-7779-2042-3. <http://www.iprbookshop.ru/59680.html>

б) дополнительная литература:

- Элементарная математика для первокурсника [Электронный ресурс] / В. И. Антонов, Ф. И. Копелевич; Антонов В. И., Копелевич Ф. И. - 1-е изд. - Санкт-Петербург : Лань, 2013. - 112 с. - Книга из коллекции Лань - Математика. - ISBN 978-5-8114-1413-0. [http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_cid=25&pl1\\_id=5701](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=5701)

- Практические занятия по элементарной математике [Электронный ресурс] : Учебное пособие. - Москва : Прометей, 2012. - 102 с. - Книга находится в премиум-версии ЭБС IPR BOOKS. - ISBN 978-5-4263-0121-4  
<http://www.iprbookshop.ru/18603.html>

2) Программное обеспечение

Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows

Adobe Acrobat Reader

Google Chrome

Notepad++

Многофункциональный редактор ONLYOFFICE

OpenOffice

3) Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1.ЭБС«ZNANIUM.COM» [www.znanium.com](http://www.znanium.com);

2.ЭБС «Университетская библиотека онлайн»<https://biblioclub.ru/>;

3.ЭБС «Лань» <http://e.lanbook.com>

4) Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

## **VI. Методические материалы для обучающихся по освоению дисциплины**

Самостоятельная работа начинается до прихода студента на занятие. Целесообразно использование «системы опережающего чтения», т.е. предварительного прочитывания материала, содержащегося в учебниках и учебных пособиях, закладывающего базу для более глубокого восприятия занятия. Работа над лекционным материалом включает два основных этапа: конспектирование лекций и последующую работу над лекционным материалом. Под конспектированием подразумевают составление конспекта, т.е. краткого письменного изложения содержания чего-либо (устного выступления – речи, лекции, доклада и т.п. или письменного источника – документа, статьи, книги и т.п.).

Методика работы при конспектировании устных выступлений значительно отличается от методики работы при конспектировании письменных источников. Конспектируя письменные источники, студент имеет возможность неоднократно прочитать нужный отрывок текста, поразмыслить над ним, выделить основные мысли автора, кратко сформулировать их, а затем записать. При необходимости он может отметить и свое отношение к этой точке зрения. Слушая же лекцию, студент большую часть комплекса указанных выше работ должен откладывать на другое время, стремясь использовать каждую минуту на запись лекции, а не на ее осмысление – для этого уже не остается времени. Поэтому при конспектировании лекции рекомендуется на каждой странице отделять поля для последующих записей в дополнение к конспекту.

Записав лекцию или составив ее конспект, не следует оставлять работу над лекционным материалом до начала подготовки к зачету. Нужно проделать как можно раньше ту работу, которая сопровождает конспектирование письменных источников и которую не удалось сделать во время записи лекции: прочесть свои записи, расшифровав отдельные сокращения, проанализировать текст, установить логические связи между его элементами, выделить главные мысли, отметить

вопросы, требующие дополнительной обработки, в частности, консультации преподавателя.

В процессе организации самостоятельной работы большое значение имеют консультации с преподавателем, в ходе которых можно решить многие проблемы изучаемого курса, уяснить сложные вопросы. Беседа студента и преподавателя может дать многое - это простой прием получения знаний. Самостоятельная работа носит сугубо индивидуальный характер, однако вполне возможно и коллективное осмысление проблем.

### Пример домашней работы:

Решите логарифмические уравнения и неравенства:

1.  $\log_3(x+4) + \log_3(x-4) = 2$

2.  $\log_4^2(2x+1) - \log_4(2x+1)^2 - 3 = 0$

3.  $\log_{\frac{1}{3}}(3x-2) < \log_{\frac{1}{3}}(5-x)$

4.  $\log_{\frac{1}{3}}x \leq 3 - 3x$

### Пример контрольной работы:

1. Дана функция  $f(x) = 2x^3 + 3x^2 - 1$ . Найдите:

а) промежутки возрастания и убывания функции;

б) наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке  $[-1; 2]$ ;

2. Напишите уравнение касательной к графику функции  $f(x) = x^3 + 3x^2 - 2x + 2$  в точке с абсциссой  $x_0 = 1$ .

3. Исследуйте функцию  $f(x) = x^3 - 3x$  и постройте ее график.

4. Число 72 представьте в виде суммы трех положительных чисел так, чтобы два из них были равны между собой, а сумма квадратов этих трех чисел была наименьшей.

## VII. Материально-техническое обеспечение

Учебная аудитория для проведения занятий лекционного типа, занятий семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых	1 Экран настенный Screen Media 153x203 2. Комплект учебной мебели на 24 посадочных места 3. Меловая доска 4. ПК	Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows Adobe Acrobat Reader Google Chrome Notepad++ Многофункциональный
---	--	---

<p>работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, Лекционная аудитория № 28 (170002 Тверская обл., г. Тверь, Садовый пер., д. 35)</p>	<p>5. проектор EPSON EB-X05 с потолочным креплением</p>	<p>редактор ONLYOFFICE OpenOffice</p>
---	---	---

### **VIII. Сведения об обновлении рабочей программы дисциплины**

№ п.п.	Обновленный раздел рабочей программы дисциплины	Описание внесенных изменений	Реквизиты документа, утвердившего изменения
1.			
2.			