Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Павлова Людмила Станиславовна

Должность: и.о. проректора Министерство наукити высшего образования Российской Федерации

Дата подписания: 16.10.2025 16:38:28

ФГБОУ ВО «Тверской государственный университет» Уникальный программный ключ:

d1b168d67b4d7601372f8158b54869a0a60b0a21

Утверждаю:

Руковолитель ООП

С.М. Дудаков

2023\_г.

Рабочая программа дисциплины (с аннотацией)

Алгебра и геометрия

Направление подготовки 15.03.06 - "Мехатроника и робототехника"

Профиль подготовки «Интеллектуальное управление в мехатронных и робототехнических системах»

> Для студентов 1 курса очная форма

Составитель: к.ф.-м.н., доцент М.Н. Рыбаков

#### **I.** Аннотация

#### 1. Цель и задачи дисциплины

Целью дисциплины является освоение основ фундаментальных знаний, позволяющих разобраться в математическом описании проблем, связанных с линейной алгеброй, решать стандартные задачи, давать интерпретацию полученным результатам.

Задачами дисциплины является знакомство слушателей с понятиями, теоремами, методами линейной алгебры, получение умений и навыков работы с ними.

#### 2. Место дисциплины в структуре ООП

Дисциплина относится к разделу «Математический» обязательной части Блока 1.

Предварительные знания, необходимые для освоения дисциплины, — это знания, полученные при изучении школьной программы по алгебре и началам анализа, а также по геометрии.

Освоение данной дисциплины необходимо как предшествующее для следующих дисциплин: общая алгебра, дифференциальные и разностные уравнения, теория вероятностей и математическая статистика, численные методы, функциональный анализ.

# **3. Объем дисциплины:** 8 зачетных единиц, 288 академических часов, в том числе:

контактная аудиторная работа: лекции 93 часа, практические занятия 78 часов, в т. ч. практическая подготовка 0 часа;

**контактная внеаудиторная работа:** контроль самостоятельной работы 10, в том числе курсовая работа 10;

самостоятельная работа: 107 часов, в том числе контроль 81 час.

# 4. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Планируемые результаты освоения образовательной программы (формируемые компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине
ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности  УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и	ОПК 1.1 Знает основные положения и концепции математических и естественных наук ОПК-1.2 Решает типовые математические и естественнонаучные задачи ОПК-1.3 Работает со стандартными математическими моделями при решении профессиональных задач
синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.2 Определяет, интерпретирует и ранжирует информацию, требуемую для решения поставленной задачи УК-1.3 Осуществляет поиск информации для решения поставленной задачи по различным типам запросов УК-1.4 При обработке информации отличает факты от мнений, интерпретаций, оценок, формирует собственные мнения и суждения, аргументирует свои выводы и точку зрения УК-1.5 Рассматривает и предлагает возможные варианты решения поставленной задачи, оценивая их достоинства и недостатки
ПК-1 Способен участвовать в качестве исполнителя в научно-исследовательских разработках новых робототехнических и мехатронных систем	ПК-1.1 Разрабатывает математические модели мехатронных и робототехнических систем, их подсистем и отдельных элементов и модулей ПК-1.5 Проводит вычислительные эксперименты с использованием стандартных программных пакетов с целью исследования математических

моделей	мехатронных	И
робототехнических систем		

#### 5. Форма промежуточной аттестации и семестр прохождения

Экзамен (1,2 семестры), курсовая работа (1 семестр).

#### 6. Язык преподавания русский.

# П. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

Учебная программа – наименование	Всего	Ко	Контактная работа (час.)			Самостоя-	
разделов и тем	(час.)	Лекции		ТЕЛЬНОЙ КУСОВАЯ		тельной : курсовая	тельная работа, в том числе контроль
		всего	в т.ч. практическая	всего	в т.ч. практическая подготовка	Контроль самостоятельной работы (в том числе курсовая	(час.)
Комплексные числа	20	6		5			9
Метод Гаусса	23	8		6			9
Определители	23	8		6			9
Арифметические пространства	25	8		8			9
Алгебра матриц	25	8		7			10
Делимость целых чисел и	22	8		5			9
многочленов							
Элементы общей алгебры	24	8		7			9
Линейные пространства	24	8		7			9
Линейные отображения	24	8		7			9
Евклидовы пространства	24	8		7			9
Квадратичные формы	24	8		7			9
Гиперповерхности второго порядка	20	7		6			7
Курсовая работа	10					10	
ИТОГО	288	93		78		10	107

## Ш. Образовательные технологии

Учебная программа –	Вид занятия	Образовательные технологии	
наименование разделов и			
тем			
Комплексные числа	Лекции, практические	1. Изложение теоретического	
	занятия	материала	
		2. Решение задач	
Метод Гаусса	Лекции, практические	1. Изложение теоретического	
	занятия	материала	
		2. Решение задач	
Определители	Лекции, практические	1. Изложение теоретического	
	занятия	материала	
		2. Решение задач	
Арифметические	Лекции, практические	1. Изложение теоретического	
пространства	занятия	материала	
		2. Решение задач	
Алгебра матриц	Лекции, практические	1. Изложение теоретического	
	занятия	материала	
		2. Решение задач	
Делимость целых чисел и	Лекции, практические	1. Изложение теоретического	
многочленов	занятия	материала	
		2. Решение задач	
Элементы общей алгебры	Лекции, практические	1. Изложение теоретического	
	занятия	материала	
		2. Решение задач	
Линейные пространства	Лекции, практические	1. Изложение теоретического	
	занятия	материала	
		2. Решение задач	
Линейные отображения	Лекции, практические	1. Изложение теоретического	
	занятия	материала	
		2. Решение задач	
Евклидовы пространства	Лекции, практические	1. Изложение теоретического	
	занятия	материала	
		2. Решение задач	

Квадратичные формы	Лекции, практические	1. Изложение теоретического
	занятия	материала
		2. Решение задач
Гиперповерхности второго	Лекции, практические	1. Изложение теоретического
порядка	занятия	материала
		2. Решение задач

Преподавание дисциплины строится на сочетании лекций, практических занятий и различных форм самостоятельной работы студентов. В процессе освоения дисциплины используются следующие образовательные технологии, способы и методы формирования компетенций: традиционные лекции, практические занятия в диалоговом режиме, выполнение индивидуальных заданий в рамках самостоятельной работы.

Дисциплина предусматривает выполнение контрольных работ, письменных домашних заданий.

#### IV. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

1) Рекомендуемая литература

#### а) Основная литература:

- 1. Огнева Э. Н. Математика: Раздел 1. Алгебра и геометрия: учебное пособие / Э. Н. Огнева. Кемерово: КемГУКИ, 2011. 227 с. [Электронный ресурс]. Режим доступа: <a href="http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=227759">http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=227759</a>
  2. Шуман, Г. И. Алгебра и геометрия: учебное пособие / Г. И. Шуман, О. А.
- 2. Шуман, Г. И. Алгебра и геометрия: учебное пособие / Г. И. Шуман, О. А. Волгина, Н. Ю. Голодная. Москва: РИОР: ИНФРА-М, 2019. 160 с. (Высшее образование). ISBN 978-5-369-01708-1. Текст: электронный. URL: https://znanium.com/catalog/product/1002027

#### б) Дополнительная литература:

- 1. Кирсанов, М. Н. Алгебра и геометрия. Сборник задач и решений с применением системы Maple: учебное пособие / М. Н. Кирсанов, О. С. Кузнецова. Москва: ИНФРА-М, 2023. 272 с. (Высшее образование: Бакалавриат). DOI 10.12737/20873. ISBN 978-5-16-012325-7. Текст: электронный. URL: <a href="https://znanium.com/catalog/product/1907684">https://znanium.com/catalog/product/1907684</a>
  - 2) Программное обеспечение

# Компьютерный класс факультета прикладной математики и кибернетики № 46 (170002, Тверская обл., г.Тверь, Садовый переулок, д.35)

Adobe Acrobat Reader DC - Russian	бесплатно		
Apache Tomcat 8.0.27	бесплатно		
	Государственный контракт на поставку		
Cadence SPB/OrCAD 16.6	лицензионных программных продуктов 103 -		
	ГК/09 от 15.06.2009		
GlassFish Server Open Source Edition	бесплатно		
4.1.1			
Google Chrome	бесплатно		
Java SE Development Kit 8 Update 45 (64-bit)	бесплатно		
JetBrains PyCharm Community Edition			
4.5.3	бесплатно		
JetBrains PyCharm Edu 3.0	бесплатно		
Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows	Акт на передачу прав ПК545 от 16.12.2022		
Lazarus 1.4.0	бесплатно		
Mathcad 15 M010	Акт предоставления прав ИС00000027 от 16.09.2011		
MATLAB R2012b	Акт предоставления прав № Us000311 от 25.09.2012		
Многофункциональный			
редактор ONLYOFFICE бесплатное	бесплатно		
ПО			
OC Linux Ubuntu бесплатное ПО	бесплатно		
MiKTeX 2.9	бесплатно		
MSXML 4.0 SP2 Parser and SDK	бесплатно		
NetBeans IDE 8.0.2	бесплатно		
NetBeans IDE 8.2	бесплатно		
Notepad++	бесплатно		
Oracle VM VirtualBox 5.0.2	бесплатно		
Origin 8.1 Sr2	договор №13918/M41 от 24.09.2009 с ЗАО «СофтЛайн Трейд»		
Python 3.1 pygame-1.9.1	бесплатно		
Python 3.4 numpy-1.9.2	бесплатно		
Python 3.4.3	бесплатно		
Python 3.5.1 (Anaconda3 2.5.0 64-bit)	бесплатно		
WCF RIA Services V1.0 SP2	бесплатно		
WinDjView 2.1	бесплатно		
R Studio	бесплатно		
Anaconda3 2019.07 (Python 3.7.3 64-bit)	бесплатно		

- 3) Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы
- 1. **36C «ZNANIUM.COM»** <u>www.znanium.com</u>;

- 2. ЭБС «Университетская библиотека онлайн» <a href="https://biblioclub.ru/">https://biblioclub.ru/</a>;
- 3. ЭБС «Лань» <a href="http://e.lanbook.com">http://e.lanbook.com</a>.
- 4) Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины
  Интернет-университет <a href="http://www.intuit.ru">http://www.intuit.ru</a>

#### V. Методические материалы для обучающихся по освоению дисциплины

- 1. Определители: Метод. указ. по курсу / Тверской гос. ун-т; Сост. Некрасов К.Г. Тверь, 2009. 20 с.
- 2. Системы линейных уравнений: Метод. указания по курсу / Тверской гос. ун-т. Сост.: Некрасов К.Г., Тверь, 2011, 16 с.
- 3. Арифметические пространства. Ранг матрицы: Метод. указ. по курсу / Тверской гос. ун-т; Сост. Некрасов К.Г. Тверь, 2009. 20 с.
- 4. Операции с матрицами и теорема Гамильтона-Кэли: Метод. указ. по курсу / Тверской гос. ун-т; Сост. Некрасов К.Г. Тверь, 2009. 16 с.
- 5. Линейные пространства: Метод. указания по курсу / Тверской гос. ун-т. Сост.: Некрасов К.Г., Тверь, 2007, 16 с.
- 6. Линейные преобразования линейных пространств: Метод. указания по курсу / Тверской гос. ун-т. Сост.: Некрасов К.Г., Тверь, 2008, 20 с.
- 7. Евклидовы пространства: Метод. указания по курсу / Тверской гос. ун-т. Сост.: Некрасов К.Г., Тверь, 2010, 20 с.
- 8. Квадратичные формы над полем действительных чисел: Метод. указания по курсу / Тверской гос. ун-т. Сост.: Некрасов К.Г., Тверь, 2008, 16 с.
- 9. Жорданова форма матриц над полем комплексных чисел: Метод. указания по курсу / Тверской гос. ун-т. Сост.: Некрасов К.Г., Тверь, 2011, 20 с.

В итоге проводятся 3 контрольных мероприятия, распределение баллов между которыми составляет 30/30/40. Контрольные работы проводятся в письменной форме.

#### Методические указания.

Для полноценного усвоения курса студенту необходимо овладеть основными понятиями дисциплины, знать определения, уметь приводить их точные формулировки, приводить примеры объектов, удовлетворяющих этим определениям, а также примеры объектов, не удовлетворяющих им. Кроме того, необходимо знать факты, связанные с изучаемыми понятиями. Требуется знать связи между понятиями, уметь устанавливать соотношения между классами объектов, описываемых различными понятиями. Студент должен освоить доказательства основных утверждений и фактов, изучаемых в рамках дисциплины. Часть из этих доказательств целесообразно обсуждать на практических занятиях, например, в форме опроса или докладов.

Практическая и самостоятельная работа включает в себя следующие составляющие.

- 1. Изучение теоретического материала.
- 2. Самостоятельное изучение методов решения задач по данному разделу с использованием рекомендованной литературы.
- 3. Решение задач на лабораторных и практических занятиях.
- 4. Выполнение контрольных работ.

Для полноценного усвоения курса студенту необходимо овладеть основными понятиями дисциплины, знать определения, уметь приводить их точные формулировки, приводить примеры объектов, удовлетворяющих этим определениям, а также примеры объектов, не удовлетворяющих им. Кроме того, необходимо знать факты, связанные с изучаемыми понятиями. Требуется знать связи между понятиями, уметь устанавливать соотношения между классами объектов, описываемых различными понятиями. Студент должен освоить доказательства основных утверждений и фактов, изучаемых в рамках дисциплины. Часть из этих доказательств целесообразно обсуждать на практических занятиях, например, в форме опроса или докладов.

Практическая и самостоятельная работа включает в себя следующие составляющие.

- 1. Изучение теоретического материала.
- 2. Самостоятельное изучение методов решения задач по данному разделу с использованием рекомендованной литературы.
- 3. Решение задач на лабораторных и практических занятиях.

Выполнение контрольных работ.

Важной составляющей данного раздела РПД являются требования к рейтинг-контролю с указанием баллов, распределенных между модулями и видами работы обучающихся.

Максимальная сумма баллов по учебной дисциплине, заканчивающейся экзаменом, по итогам семестра составляет 60 баллов (30 баллов - 1-й модуль и 30 баллов - 2-й модуль).

Обучающемуся, набравшему 40–54 балла, при подведении итогов семестра (на последнем занятии по дисциплине) в рейтинговой ведомости учета успеваемости и зачетной книжке может быть выставлена оценка «удовлетворительно».

Обучающемуся, набравшему 55–57 баллов, при подведении итогов семестра (на последнем занятии по дисциплине) в графе рейтинговой ведомости учета успеваемости «Премиальные баллы» может быть добавлено 15 баллов и выставлена экзаменационная оценка «хорошо».

Обучающемуся, набравшему 58–60 баллов, при подведении итогов семестра (на последнем занятии по дисциплине) в графе рейтинговой ведомости учета успеваемости «Премиальные баллы» может быть добавлено 27 баллов и выставлена экзаменационная оценка «отлично». В каких-либо иных случаях добавление премиальных баллов не допускается.

Обучающийся, набравший до 39 баллов включительно, сдает экзамен.

Распределение баллов по модулям устанавливается преподавателем и может корректироваться.

#### VI. Материально-техническое обеспечение

Для аудиторной работы.

Учебная аудитория № 212 (170002, Набор учебной мебели,			
Тверская обл., г.Тверь, Садовый	мультимедийный комплекс		
переулок, д.35)	(доска, проектор, панель		
	управления, переносной ноутбук).		
Учебная аудитория № 20	Набор учебной мебели,		
(170002, Тверская обл., г.Тверь,	ь, экран, проектор.		
Садовый переулок, д.35)			
Учебная аудитория № 206	Набор учебной мебели, экран,		
(170002, Тверская обл., г.Тверь,	рь, проектор.		
Садовый переулок, д.35)			

## Для самостоятельной работы.

Помещение для самостоятельной	Компьютер, экран, проектор,		
работы обучающихся:	кондиционер.		
Компьютерный класс факультета			
прикладной математики и			
кибернетики № 4б			
(170002, Тверская обл., г.Тверь,			
Садовый переулок, д.35)			

## VII. Сведения об обновлении рабочей программы дисциплины

№п.п.	Обновленный раздел рабочей	Описание внесенных	Реквизиты	
	программы дисциплины	изменений	документа,	
			утвердившего	
			изменения	
1	IV. Учебно-методическое	Внесены изменения	От 24.08.2023	
	и информационное	в программное	года, протокол № 1	
	обеспечение дисциплины	обеспечение	ученого совета	
	2) Программное		факультета	
	обеспечение			