

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Сердитова Наталья Евгеньевна
Должность: проректор по образовательной деятельности
Дата подписания: 25.08.2025 16:35:17
Уникальный программный ключ:
6cb002877b2a1ea640fdebb0cc541e4e05322d13

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**
ФГБОУ ВО «ТВЕРСКОЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

Утверждаю:

Руководитель ООП

Е.В. Барабанова



«26» июня 2025 г.

Рабочая программа дисциплины

Теория функций комплексного переменного

Закреплена за кафедрой:	Физики конденсированного состояния
Направление подготовки:	03.03.03 Радиофизика
Направленность (профиль):	Материалы и устройства радиоэлектроники (беспилотные системы, программно-аппаратные комплексы, системы автоматизированного проектирования)
Квалификация:	Бакалавр
Форма обучения:	очная
Семестр:	3

Программу составил(и):

канд. физ.-мат. наук, доц., Кислова Инна Леонидовна

Тверь, 2025

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ДИСЦИПЛИНЫ

Цели освоения дисциплины (модуля):

Целью освоения дисциплины является:

изучение основ теории аналитических функций комплексного переменного и ее приложение к физическим и техническим задачам.

Задачи:

Задачами освоения дисциплины являются:

- знакомство с комплексными числами, их свойствами и операциями над комплексными числами;
- изучение основ работы с функциями комплексного переменного;
- описание основных физических представлений, связанных с теорией функций комплексного переменного;
- приобретение студентами навыков решения физических задач с использованием теории функций комплексного переменного.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ООП

Цикл (раздел) ОП: Б1.О

Требования к предварительной подготовке обучающегося:

Уровень начальной подготовки обучающегося для успешного освоения дисциплины «Теория функций комплексного переменного»: успешное освоение дисциплины обучающихся основывается на их знаниях в области математического анализа, аналитической геометрии, умения определять вид кривой по ее уравнению, находить производную и первообразную функции действительного переменного, вычислять определенные и криволинейные интегралы, раскладывать функцию в ряд Тейлора, знать основные свойства рядов.

Математический анализ

Аналитическая геометрия и линейная алгебра

Векторный и тензорный анализ

Дисциплины (модули) и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:

Квантовая механика

Интегральные уравнения

Методы математической физики

Электродинамика

Теоретическая механика

3. ОБЪЕМ ДИСЦИПЛИНЫ

Общая трудоемкость	2 ЗЕТ
Часов по учебному плану	72
в том числе:	
аудиторные занятия	34
самостоятельная работа	38

4. ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ, СООТНЕСЕННЫЕ С ПЛАНИРУЕМЫМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ ОСВОЕНИЯ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ

ОПК-1.1: Обладает базовыми знаниями в области физики и радиофизики

Уровень 1 знать физические объекты и процессы применения теории функций комплексного переменного

- Уровень 1 Применять правильные математические методы решения для решения прикладных задач
- Уровень 1 базовыми методами решения физико-математических задач с применением комплексных функций

УК-1.1: Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие

- Уровень 1 Знать: понятие комплексного числа, свойства комплексных чисел и основы теории функций комплексного переменного (ТФКП).
- Уровень 1 Уметь: применять изученные математические методы ТФКП при решении профессиональных задач и задач с практическим содержанием.
- Уровень 1 Владеть: математическим аппаратом, изученным в данном курсе и необходимым для освоения математики других курсов, а также для дальнейшего совершенствования и развития профессиональной деятельности.

УК-1.2: Определяет, интерпретирует и ранжирует информацию, требуемую для решения поставленной задачи

УК-1.5: Рассматривает и предлагает возможные варианты решения поставленной задачи, оценивая их достоинства и недостатки

- Уровень 1 Знать варианты решения поставленной задачи
- Уровень 1 Применять грамотные методы для решения поставленных задач
- Уровень 1 Владеть математическим аппаратом по решению задач

5. ВИДЫ КОНТРОЛЯ

Виды контроля в семестрах:	
зачеты	3

6. ЯЗЫК ПРЕПОДАВАНИЯ

Язык преподавания: русский.

7. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Код занят.	Наименование разделов и тем	Вид занятия	Семестр / Курс	Часов	Источники	Примечание
	Раздел 1. Комплексные числа					
1.1	Понятие комплексного числа, его модуль и аргумент. Векторное, алгебраическое, тригонометрическое и показательное представления комплексного числа. Арифметические операции над комплексными числами. Возведение в степень и извлечение корня комплексного числа, формула Муавра.	Лек	3	3	Л1.2Л2.4 Л2.5	

1.2	Понятие комплексного числа, его модуль и аргумент. Векторное, алгебраическое, тригонометрическое и показательное представления комплексного числа. Арифметические операции над комплексными числами. Возведение в степень и извлечение корня комплексного числа, формула Муавра.	Пр	3	3	Л1.1 Л2.1 Л2.2 Л2.3	
1.3	Действия над комплексными числами в алгебраической, тригонометрической и показательной формах	Ср	3	3		
	Раздел 2. Функции комплексного переменного. Конформные отображения.					
2.1	Функции комплексного переменного. Предел и непрерывность функций комплексного переменного. Непрерывность в сферической метрике. Теоремы о непрерывных функциях комплексного переменного на компакте, континууме, в области. Дифференцируемость в смысле действительного и комплексного анализа. Моногенные и голоморфные функции (определения, примеры). Условия Коши-Римана. Производная голоморфной функции. Геометрический смысл модуля и аргумента производной голоморфной функции. Определение конформного отображения в точке и области. Достаточные условия конформности отображения. Основные принципы теории конформных отображений, теорема Римана о конформных отображениях.	Лек	3	4		

2.2	Функции комплексного переменного. Предел и непрерывность функций комплексного переменного. Непрерывность в сферической метрике. Теоремы о непрерывных функциях комплексного переменного на компакте, континууме, в области. Дифференцируемость в смысле действительного и комплексного анализа. Моногенные и голоморфные функции (определения, примеры). Условия Коши-Римана. Производная голоморфной функции. Геометрический смысл модуля и аргумента производной голоморфной функции. Определение конформного отображения в точке и области. Достаточные условия конформности отображения. Основные принципы теории конформных отображений, теорема Римана о конформных отображениях.	Пр	3	6		
2.3	Функции комплексного переменного. Предел и непрерывность функций комплексного переменного. Теоремы о непрерывных функциях комплексного переменного на компакте, континууме, в области. Дифференцируемость в смысле действительного и комплексного анализа. Восстановление функции комплексного переменного (теорема Коши-Римана)	Ср	3	6		
	Раздел 3. Интегралы от функций комплексного переменного					

3.1	Криволинейные интегралы в теории функций комплексного переменного. Определение, свойства, примеры, связь с криволинейными интегралами 1-го и 2-го рода из курса действительного анализа. Переход к пределу под знаком интеграла. Интегральная теорема Коши и её обобщение на многосвязные области. Интегральная формула Коши. Существование производных всех порядков у голоморфных функций. Формулы Коши для производных. Первообразная от функции комплексного переменного. Формула Ньютона-Лейбница. Теорема Морера.	Лек	3	3		
3.2	Криволинейные интегралы в теории функций комплексного переменного. Определение, свойства, примеры, связь с криволинейными интегралами 1-го и 2-го рода из курса действительного анализа. Переход к пределу под знаком интеграла. Интегральная теорема Коши и её обобщение на многосвязные области. Интегральная формула Коши. Существование производных всех порядков у голоморфных функций. Формулы Коши для производных. Первообразная от функции комплексного переменного. Формула Ньютона-Лейбница. Теорема Морера.	Пр	3	4		
3.3	Криволинейные интегралы функций комплексного переменного. Интегралы по замкнутому контуру. Теорема Коши.	Ср	3	10		
	Раздел 4. Ряды Тейлора и Лорана					

4.1	Степенные ряды. Теорема Абеля и теорема о круге сходимости, формула Коши – Адамара. Ло-кально равномерная сходимость степенного ряда. Действия со степенными рядами, почленное интегрирование и почленное дифференцирование степенных рядов. Теорема о представлении голоморфной функции степенным рядом, оценка радиуса сходимости. Степенной ряд как ряд Тейлора для своей суммы, единственность разложения. Неравенства Коши для коэффициентов степенного ряда. Ряды Лорана, структура области сходимости. Теорема о представлении голоморфной функции рядом Лорана. Неравенства Коши для коэффициентов ряда Лорана. Ряд Лорана в окрестности бесконечно удаленной точки.	Лек	3	3		
-----	---	-----	---	---	--	--

4.2	Степенные ряды. Теорема Абеля и теорема о круге сходимости, формула Коши – Адамара. Ло-кально равномерная сходимость степенного ряда. Действия со степенными рядами, почленное интегрирование и почленное дифференцирование степенных рядов. Теорема о представлении голоморфной функции степенным рядом, оценка радиуса сходимости. Степенной ряд как ряд Тейлора для своей суммы, единственность разложения. Неравенства Коши для коэффициентов степенного ряда. Ряды Лорана, структура области сходимости. Теорема о представлении голоморфной функции рядом Лорана. Неравенства Коши для коэффициентов ряда Лорана. Ряд Лорана в окрестности бесконечно удаленной точки.	Пр	3	2		
4.3	Степенные ряды. Ряды Лорана. Правильная и главная части рядов Лорана. Разложений функций в степенные ряды Лорана.	Ср	3	12		
	Раздел 5. Изолированные особые точки и вычеты					
5.1	Классификация и критерии изолированной особой точки на бесконечности. Определение вычета в изолированной особой точке и формулы для вычисления вычетов. Вычисление вычета на бесконечности. Теорема Коши о вычетах. Теорема о сумме вычетов.	Лек	3	4		
5.2	Классификация и критерии изолированной особой точки на бесконечности. Определение вычета в изолированной особой точке и формулы для вычисления вычетов. Вычисление вычета на бесконечности. Теорема Коши о вычетах. Теорема о сумме вычетов.	Пр	3	2		

5.3	Классификация и критерии изолированной особой точки на бесконечности. Определение вычета в изолированной особой точке и формулы для вычисления вычетов. Вычисление вычета на бесконечности. Теорема Коши о вычетах. Теорема о сумме вычетов.	Ср	3	7		
-----	--	----	---	---	--	--

Образовательные технологии

Лекции с применением мультимедийной техники.

Список образовательных технологий

1	Активное слушание
2	Дискуссионные технологии (форум, симпозиум, дебаты, аквариумная дискуссия, панельная дискуссия, круглый стол, фасилитированная и т.д.)
3	Занятия с применением затрудняющих условий

8. ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ТЕКУЩЕЙ И ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ

8.1. Оценочные материалы для проведения текущей аттестации

См. Приложение 1

8.2. Оценочные материалы для проведения промежуточной аттестации

См. Приложение

8.3. Требования к рейтинг-контролю

Рейтинг за семестр

Первая контрольная точка. Содержание модуля 1: Темы 1, 2.

Всего за модуль – 40 баллов, из них 15 – текущая работа студентов, 20 – рубежная контрольная работа, 5 – посещаемость студентами лекций и лабораторных занятий.

Вторая контрольная точка. Содержание модуля 2: Темы 3 – 5.

Всего за модуль – 60 баллов, из них 20 – текущая работа студентов, 30 – рубежная контрольная работа, 10 – посещаемость студентами лекций и лабораторных занятий.

Программой предусматривается выполнение письменных контрольных работ в качестве форм рубежного контроля в конце каждого модуля. Для подготовки к рубежному контролю предполагается выполнение домашних заданий по каждой пройденной в течение модуля теме и использование банка контрольных вопросов и заданий УМК.

9. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ И ИНФОРМАЦИОННОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

9.1. Рекомендуемая литература

9.1.1. Основная литература

Шифр	Литература
Л1.1	Эйдерман, Теория функций комплексного переменного и операционное исчисление, Москва: Юрайт, 2024, ISBN: 978-5-534-05498-9, URL: https://urait.ru/bcode/538317

Л1.2	Ганичева А. В., Основы теории функции комплексной переменной. Операционное исчисление, Санкт-Петербург: Лань, 2023, ISBN: 978-5-507-47283-3, URL: https://e.lanbook.com/book/353696
------	---

9.1.2. Дополнительная литература

Шифр	Литература
Л2.1	Рубашкина, Линейная алгебра. Линейные операторы. Квадратичные формы. Комплексные числа, Москва: ООО "Научно-издательский центр ИНФРА-М", 2016, ISBN: 978-5-16-011858-1, URL: https://znanium.com/catalog/document?id=17915
Л2.2	Гарипов Д. С., Дифференциальное исчисление функций нескольких переменных. Интегральное исчисление функций одной переменной. Комплексные числа, Самара: СамГУПС, 2022, ISBN: , URL: https://e.lanbook.com/book/379319
Л2.3	Волков Ю. В., Ермолаева Н. Н., Козынченко В. А., Курбатова Г. И., Практические занятия по алгебре. Комплексные числа, многочлены, Санкт-Петербург: Лань, 2022, ISBN: 978-5-8114-1743-8, URL: https://e.lanbook.com/book/211694
Л2.4	Данилкина О. Ю., Шур В. Л., Сеницкий А. Ю., Теория функций комплексной переменной, Самара: СамГУПС, 2011, ISBN: , URL: https://e.lanbook.com/book/130275
Л2.5	Казунина Г. А., Чередниченко А. В., Липина Г. А., Специальные главы математики, Кемерово: КузГТУ имени Т.Ф. Горбачева, 2016, ISBN: 978-5-906888-35-8, URL: https://e.lanbook.com/book/105433

9.3.1 Перечень программного обеспечения

1	Adobe Acrobat Reader
2	Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows
3	Google Chrome
4	OpenOffice

9.3.2 Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

1	ЭБС «Лань»
2	ЭБС ТвГУ
3	ЭБС «ЮРАИТ»

10. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ (МОДУЛЯ)

Аудит-я	Оборудование
3-226	комплект учебной мебели, Микшерный пульт, Аудиокомплект, Интерактивная система, проектор, Телекоммуникационные шкафы, экран, компьютер
3-228	комплект учебной мебели, переносной ноутбук, проектор, экран

11. МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ОБУЧАЮЩИХСЯ ПО ОСВОЕНИЮ ДИСЦИПЛИНЫ

Планы практических занятий и методические рекомендации к ним.

Практические занятия включают в себя обсуждение вопросов по каждому разделу курса и решение задач по теме занятия.

Тема 1. Комплексные числа.

Вопросы для обсуждения:

1. Понятие комплексного числа, его модуль и аргумент.
2. Векторное, алгебраическое, тригонометрическое и показательное представления комплексного числа.

3. Арифметические операции над комплексными числами.

4. Возведение в степень и извлечение корня комплексного числа, формула Муавра.

Тема 2. Функции комплексного переменного

Вопросы для обсуждения:

1. Представление функции комплексного переменного

2. Предел и непрерывность функций комплексного переменного.

3. Условия Коши-Римана. Производная голоморфной функции.

4. Геометрический смысл модуля и аргумента производной голоморфной функции.

Тема 3. Интегралы от функций комплексного переменного

Вопросы для обсуждения:

1. Криволинейные интегралы в теории функций комплексного переменного.

2. Определение, свойства, примеры, связь с криволинейными интегралами 1-го и 2-го рода из курса действительного анализа.

3. Интегральная теорема Коши и её обобщение на многосвязные области.

4. Интегральная формула Коши. Существование производных всех порядков у голоморфных функций.

5. Первообразная от функции комплексного переменного. Формула Ньютона-Лейбница.

Тема 4. Ряды Тейлора и Лорана

Вопросы для обсуждения:

1. Последовательности и ряды аналитических функций в области. Теоремы Вейерштрасса о рядах аналитических функций.

2. Степенные ряды. Теорема Абеля и теорема о круге сходимости, формула Коши – Адамара. Локально равномерная сходимость степенного ряда.

3. Теорема о представлении аналитической функции степенным рядом, оценка радиуса сходимости. Степенной ряд как ряд Тейлора для своей суммы, единственность разложения.

4. Ряды Лорана, структура области сходимости. Теорема о представлении голоморфной функции рядом Лорана. Неравенства Коши для коэффициентов ряда Лорана.

Тема 5. Изолированные особые точки и вычеты

Вопросы для обсуждения:

1. Изолированные особые точки голоморфной функции, классификация изолированных особых точек однозначного характера: устранимая особая точка, полюс, порядок полюса, существенная особая точка.

2. Определение вычета в изолированной особой точке и формулы для вычисления вычетов. Вычисление вычета на бесконечности. Теорема Коши о вычетах. Теорема о сумме вычетов.

3. Применения вычетов для нахождения определенных интегралов. Вычетный метод вычисления интегралов.

4. Интегралы от тригонометрических функций. Вычисление несобственных интегралов и главных значений интегралов от действительнозначных функций.

2) Методические рекомендации по организации самостоятельной работы студентов:

Самостоятельная работа студентов предполагает:

–обязательное выполнение домашних заданий, предусмотренных практическими занятиями;

–углубленное изучение литературы и решение задач по пройденным темам и по вопросам, дополнительно указанным преподавателем;

–использование материалов рабочей программы для систематизации знаний и подготовке к занятиям и контрольным работам.

Перечень вопросов для систематизации знаний:

1. Поле комплексных чисел. Векторное, алгебраическое, тригонометрическое и

показательное представление комплексного числа. Геометрические свойства комплексных чисел.

2. Формулы стереографической проекции. Расширенная комплексная плоскость. Сходящиеся последовательности в $\mathbb{C}$ и $\hat{\mathbb{C}}$. Лемма о подинвариантности. Критерий Коши, теорема Больцано-Вейерштрасса.

3. Евклидова и сферическая метрики. Топологии в $\mathbb{C}$ и $\hat{\mathbb{C}}$ (открытые и замкнутые множества, предельные и граничные точки, граница, замыкание, дополнение к множеству, связность множества, кривые, области, компакты, континуумы).

4. Функции комплексного переменного, их непрерывность и ограниченность. Теоремы о непрерывных функциях комплексного переменного на компакте, в области.

5. Моногенные и голоморфные функции (определения, примеры). Условия Коши-Римана в действительной и комплексной формах. Критерии моногенности и голоморфности функции комплексного переменного в точке. Связь голоморфных и гармонических функций.

6. Целые линейные преобразования. Декомпозиция целой линейной функции, её свойства.

7. Геометрический смысл модуля и аргумента производной голоморфной функции. Определения конформного отображения 1-го и 2-го рода. Якобиан конформного отображения. Примеры.

8. Дробно-линейные преобразования, их свойства.

9. Существование и единственность мёбиусова преобразования, нормированного соответствием трёх пар точек.

10. Степенная функция с натуральным показателем.

11. Определение экспоненты, её аналитические свойства. Глобальное обращение, логарифм.

12. Криволинейные интегралы от функции комплексного переменного, их свойства, вычисление. Примеры вычисления интегралов от функции комплексного переменного.

13. Интегральная теорема Коши-Гурса и её обобщение на многосвязные области (с доказательствами).

14. Интегральная формула Коши. Доказательство, обобщение на случай многосвязных областей, следствия.

15. Неопределённый интеграл от ф.к.п. в плоской области и формула Ньютона-Лейбница. Теорема Морера.

16. Существование производных всех порядков у голоморфных функций. Формулы Коши для производных.

17. Поточечная, равномерная, локально-равномерная сходимость функциональной последовательности и функционального ряда. Примеры. Почленное интегрирование и почленное дифференцирование функциональных рядов. Теоремы Вейерштрасса о рядах голоморфных функций.

18. Теорема Абеля о степенных рядах. Существование радиуса сходимости и методы его вычисления. Формула Коши-Адамара. Локально-равномерная сходимость, почленное интегрирование и почленное дифференцирование степенных рядов.

19. Теорема о представлении голоморфной функции степенным рядом, оценка радиуса сходимости. Голоморфность суммы степенного ряда. Степенной ряд как ряд Тейлора для своей суммы. Неравенства Коши для коэффициентов степенного ряда.

20. Теорема Лиувилля. Доказательство с её помощью теоремы Гаусса о существовании комплексного корня у любого многочлена, отличного от константы.

21. Ряды Лорана, структура области сходимости. Доказательство теоремы Лорана. Неравенства Коши для коэффициентов ряда Лорана.

22. Внутренняя теорема единственности (доказательство). Нули голоморфных функций. Факторизация голоморфной функции в окрестности её нуля.

23. Изолированные особые точки голоморфной функции, их классификация. Нахождение порядка полюса. Примеры.

24. Определение вычета и формулы для вычисления вычетов. Теорема Коши о

вычетах. Вычисление вычета на бесконечности. Теорема о сумме всех вычетов.

25. Вычетный метод вычисления интегралов. Интегралы от тригонометрических функций. Вычисление несобственных интегралов от рациональных функций. Лемма Жордана и её применения.

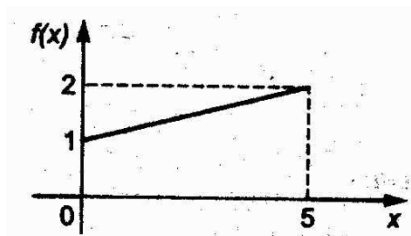
Пример типового задания для проведения промежуточной аттестации.

1.
$$\frac{(\cos 64^\circ + i \sin 64^\circ)(\cos 46^\circ + i \sin 46^\circ)}{\cos 20^\circ - i \sin 20^\circ}$$
2. $z^5 + 1 = 0$
3. Найти множество точек, в которых функция $u(x, y) = e^x \cdot \operatorname{ch} y$ является гармонической. Выяснить, существует ли аналитическая функция $f(z)$ ($z = x + iy$) в некоторой области D , для которой $\operatorname{Re} f = u$. Если такая функция $f(z)$ существует, найти ее.
4. Вычислить интеграл:

$$\int_l (z^2 - z) dz, \text{ где } l \text{ — отрезок прямой от точки } z_1 = 0 \text{ до точки } z_2 = i.$$
5. Вычислить интеграл по замкнутой кривой

$$\oint_l \frac{z dz}{(z-1)^2}.$$

а) $l: |z| = \frac{1}{2};$ б) $l: |z| = 2.$
6. Найти все особые точки функции и вычеты во всех особых точках $\frac{z}{z^2 - 1} e^{\frac{1}{z+1}}.$
7. Найти изображение $-\frac{2t}{3^t} + \sin^2 t$
8. Найти оригинал $F(p) = \frac{2p - 3}{p^3 + p^2 - 12p}$
9. Найти изображение



Типовые задания для проверки текущей работы

1. Дать определение модуля, аргумента комплексного числа.
2. Дать определение алгебраического корня из комплексного числа
3. Дать определение открытого и замкнутого множеств, предельных и граничных точек, границы, замыкания, связности множества, области, компакта, континуума.
4. Дать определение непрерывности ф.к.п. в евклидовой и сферической метриках.

5. Дать определение моногенной и голоморфной функции.
6. Сформулировать условия Коши-Римана в действительной и комплексной формах.
7. Сформулировать геометрический смысл модуля и аргумента производной голоморфной функции.
8. Сформулировать групповое свойство мебиусовых преобразований.
9. Сформулировать круговое свойство мебиусовых преобразований
10. Сформулировать теорему о существовании и единственности мебиусова преобразования, нормированного соответствием трёх пар точек.
11. Сформулировать определение экспоненты, её аналитические свойства.
12. Дать определение логарифма.
13. Сформулировать теорему Римана о конформных отображениях, основные принципы конформных отображений.
14. Сформулировать интегральную теорему Коши-Гурса.
15. Сформулировать интегральную формулу Коши.
16. Сформулировать теорему Морера.
17. Привести формулы Коши для производных голоморфной функции.
18. Сформулировать теоремы Вейерштрасса о рядах голоморфных функций.
19. Сформулировать теорему Абеля о степенных рядах.
20. Сформулировать теорему о представлении голоморфной функции степенным рядом.
21. Привести разложения основных элементарных функций в ряды Тейлора.
22. Сформулировать теорему Лиувилля.
23. Сформулировать теорему Лорана.
24. Привести неравенства Коши для коэффициентов ряда Лорана.
25. Сформулировать внутреннюю теорему единственности.
26. Дать определение изолированной особой точки голоморфной функции, привести их классификацию.
27. Дать определение вычета и привести формулы для вычисления вычетов.
28. Сформулировать теорему Коши о вычетах.
29. Сформулировать теорему о сумме всех вычетов.
30. Сформулировать принцип аргумента.
31. Найти $z = (-1-i)^{12}$

32. $\frac{i}{(4+3i)^2}$

33. Изобразить на комплексной плоскости: $|z-3i|=3$ $\text{Im}(z) \geq 3$

34. $\frac{(\cos 64^\circ + i \sin 64^\circ)(\cos 46^\circ + i \sin 46^\circ)}{\cos 20^\circ - i \sin 20^\circ}$

35. $z^5 + 1 = 0$

36. Найти множество точек, в которых функция $v(x, y) = y^2 - x^2 - 2$ является гармонической. Выяснить, существует ли аналитическая функция $f(z)$ ($z = x + iy$) в некоторой области D , для которой $\text{Im } f = v$. Если такая функция $f(z)$ существует, найти ее.

37. Вычислить интеграл

$\int_l z|z| dz$, где l — дуга окружности $|z| = 1$ от точки $z_1 = 1$ до точки $z_2 = e^{2\pi i}$.

38. Вычислить интеграл по замкнутой кривой

$\oint_l \frac{\sin z}{(z^2 + \pi^2)^2} dz.$

а) $l: |z| = 1;$

б) $l: |z - \pi i| = 1;$

в) $l: |z + \pi i| = 1.$

39. Найти изображение $\frac{\sin t}{t}$

40. Найти свертку оригиналов и изображение свертки: $t, \sin t$

41. Найти разложение функции в ряд Лорана в точке z_0 по степеням $z - z_0$. Указать главную и правильную части ряда и его область сходимости.

$\frac{1}{z} \cos z,$

а) $z_0 = 0;$