

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Смирнов Сергей Николаевич
Должность: врио ректора
Дата подписания: 21.06.2024 14:30:14
Уникальный программный ключ:
69e375c64f7e975d4e8830e7b4fcc2ad1bf35f08

Министерство науки и высшего образования
Российской Федерации

Федеральное государственное бюджетное
образовательное учреждение высшего образования
«Тверской государственный университет»

Утверждаю:

Руководитель ООП

С.М. Дудаков



2023 г.

Рабочая программа дисциплины (с аннотацией)
ТЕОРИЯ АВТОМАТОВ И ФОРМАЛЬНЫХ ЯЗЫКОВ

Направление подготовки
01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль)
Искусственный интеллект и анализ данных

для студентов 3 курса
Форма обучения – очная

Составитель(и):

• к.ф.-м.н. Карлов Б.Н.

Тверь – 2023

I. Аннотация

1. Цель и задачи дисциплины:

Главная цель курса — дать обучаемому глубокие знания в области формального задания языков, необходимые специалисту в области информационных технологий, ознакомить обучающихся с различными моделями для формального задания языков (конечные автоматы, порождающие грамматики, регулярные выражения, автоматы с магазинной памятью), со свойствами этих моделей и границами их применимости.

2. Место дисциплины в структуре ООП

Дисциплина входит в раздел «Математический» обязательной части блока 1.

Предварительные знания и навыки. Знание курсов «Дискретная математика», «Математическая логика и теория алгоритмов», «Языки программирования и методы трансляции».

Дальнейшее использование. Полученные знания используются в последующем при изучении предметов «Алгоритмы и анализ сложности», «Базы данных» и других.

3. Объем дисциплины: 4 зачетных единицы, 144 академических часа, в том числе:

контактная аудиторная работа лекций 45 часов, практических занятий 15 часов,

контактная внеаудиторная работа контроль самостоятельной работы 0 часов, в том числе курсовая (расчетно-графическая) работа 0 часов;

самостоятельная работа 84 часов, в том числе контроль 36 часов.

4. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы:

Планируемые результаты освоения образовательной программы (формируемые компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине
ОПК-1, Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности	ОПК-1.1 Знает основные положения и концепции математических и естественных наук ОПК-1.2 Решает типовые математические и естественнонаучные задачи

Планируемые результаты освоения образовательной программы (формируемые компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине
	ОПК-1.3 Работает со стандартными математическими моделями при решении профессиональных задач
ОПК-3, Способен к разработке алгоритмических и программных решений в области системного и прикладного программирования, математических, информационных и имитационных моделей, созданию информационных ресурсов глобальных сетей, образовательного контента, прикладных баз данных, тестов и средств тестирования систем и средств на соответствие стандартам и исходным требованиям	ОПК-3.1 Знает основные положения и концепции в области программирования ОПК-3.2 Знает архитектуру языков программирования ОПК-3.3 Составляет программы

5. Форма промежуточной аттестации и семестр прохождения:

экзамен в 5 семестре

6. Язык преподавания:

русский

II. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

Для студентов очной формы обучения

Учебная программа – наименование разделов и тем	Всего (час.)	Контактная работа (час.)				Сам. раб., в т.ч. контроль (час.)	
		Лекции		Практические занятия			
		Всего	В т.ч. практ. подготовка	Всего	В т.ч. практ. подготовка		
1	2	3	4	5	6	7	8
Конечные автоматы и регулярные языки	70	21		7		0	42
Контекстно-свободные граммати-	74	24		8		0	42

ки							
Итого	144	45	0	15	0	0	84

Учебная программа дисциплины

1. Конечные автоматы и регулярные языки

- Детерминированные и недетерминированные конечные автоматы. Язык, задаваемый конечным автоматом.
- Детерминизации конечных автоматов.
- Регулярные выражения и регулярные языки.
- Теорема о задании недетерминированными конечными автоматами регулярных языков.
- Порождающие грамматики. Иерархия Хомского. Эквивалентность порождающих грамматик и машин Тьюринга.
- Праволинейные грамматики. Эквивалентность праволинейных грамматик и конечных автоматов.
- Системы линейных уравнений с регулярными коэффициентами. Теорема о регулярности решения системы линейных уравнений с регулярными коэффициентами.
- Теорема о регулярности языка, задаваемого конечным автоматом.
- Лемма о разрастании для регулярных языков. Примеры нерегулярных языков.
- Минимизация конечных автоматов.
- Теорема Майхилла-Нероуда.
- Теорема о числе состояний детерминированного конечного автомата, получаемого из недетерминированного конечного автомата.
- Конечные преобразования. Композиция конечных преобразований. Теорема Нива.
- Свойства замкнутости класса регулярных языков.
- Алгоритмические проблемы для регулярных языков.

2. Контекстно-свободные грамматики

- КС-грамматики и КС-языки.
- Лемма о выводимости из конкатенации.
- Деревья вывода. Теорема о задании выводимого слова деревом вывода. Теорема о выводимости слов, задаваемых деревьями вывода. Однозначные КС-грамматики.
- Автоматы с магазинной памятью. Эквивалентность различных определений задания языка для автоматов с магазинной памятью.
- Теорема о эквивалентности КС-грамматик и МП-автоматов.
- Построение эквивалентной КС-грамматики без бесполезных нетерминалов.
- Построение эквивалентной КС-грамматики без правил с пустой правой частью.

- Построение эквивалентной КС-грамматики без цепных правил.
- Построение эквивалентной приведённой КС-грамматики.
- Нормальная форма Хомского.
- Устранение левой рекурсии.
- Нормальная форма Грейбах.
- Лемма о разрастании. Примеры языков, не являющихся контекстно-свободными.
- Однозначные КС-грамматики и КС-языки. Лемма Огдена. Примеры неоднозначных КС-языков.
- Свойства замкнутости класса КС-языков.
- Детерминированные МП-автоматы и КС-языки. Примеры недетерминированных КС-языков.
- Дочитывающие ДМП-автоматы. Замкнутость класса детерминированных КС-языков относительно дополнения.
- Проблема соответствий Поста. Алгоритмические проблемы для КС-языков.

III. Образовательные технологии

Учебная программа – наименование разделов и тем	Вид занятия	Образовательные технологии
Конечные автоматы и регулярные языки	лекции, практические занятия	изложение теоретического материала, решение задач
Контекстно-свободные грамматики	лекции, практические занятия	изложение теоретического материала, решение задач

IV. Оценочные материалы для проведения текущей и промежуточной аттестации

Типовые контрольные задания и/или критерии для проверки индикатора ОПК-1.1

Требования к обучающемуся	Типовые контрольные задания для оценки знаний, умений, навыков	Показатели и критерии оценивания, шкала оценивания
Уметь доказывать новые свойства формальных языков	Примеры задач для контрольных работ: <ul style="list-style-type: none"> • Пусть $\text{MIN}(L) = \{w : w \in L, \text{но если } w=xy \text{ для каких-то } x, y \in \Sigma^*, y \neq \varepsilon, \text{ то } x \notin L\}$. Другими словами, слово входит в $\text{MIN}(L)$ тогда и только тогда, когда оно само входит в L, но никакое его собственное начало не входит в L. Докажи-те, что если язык L является регуляр- 	оценка 3 — умеет неформально обосновывать простейшие свойства языков, оценка 4 — умеет нефор-

Требования к обучающемуся	Типовые контрольные задания для оценки знаний, умений, навыков	Показатели и критерии оценивания, шкала оценивания
	<p>ным, то и язык $MIN(L)$ является регулярным.</p> <ul style="list-style-type: none"> Докажите, что если длина магазина МП-автомата M при работе на всех словах ограничена некоторой константой, то язык $L_e(M)$ является регулярным. Докажите неразрешимость следующей проблемы: по КС-грамматикам G_1 и G_2 определить, является ли мощность языка $L(G_1) \cap L(G_2)$ простым числом. 	<p>мально обосновывать более сложные свойства языков, оценка 5 — умеет приводить формальное доказательство различия свойств языков</p>

Типовые контрольные задания и/или критерии для проверки индикатора ОПК-1.2

Требования к обучающемуся	Типовые контрольные задания для оценки знаний, умений, навыков	Показатели и критерии оценивания, шкала оценивания
<p>Уметь определять положение языка в иерархии Хомского</p>	<p>Примеры задач для контрольных работ:</p> <ul style="list-style-type: none"> Докажите, что следующий язык не является регулярным: все слова в алфавите $\{a, b\}$, в которых число символов a больше квадрата числа символов b. Докажите, что следующий язык не является контекстно-свободным: $L = \{ xc^{ x }y : x, y \in \{ a, b \}^+, x \text{ — префикс } y \}$. 	<p>оценка 3 — умеет доказывать в простейших случаях, что язык не является регулярным или контекстно-свободным, оценка 4 — умеет доказывать в более сложных случаях, что язык не является регулярным или контекстно-свободным, оценка 5 — кроме того умеет совмест-</p>

Требования к обучающемуся	Типовые контрольные задания для оценки знаний, умений, навыков	Показатели и критерии оценивания, шкала оценивания
		но использовать свойства замкнутости и лемму о разрастании

Типовые контрольные задания и/или критерии для проверки индикатора ОПК-1.3

Требования к обучающемуся	Типовые контрольные задания для оценки знаний, умений, навыков	Показатели и критерии оценивания, шкала оценивания
Уметь выполнять стандартные преобразования различных моделей языков	<p>Примеры задач для контрольных работ:</p> <ul style="list-style-type: none"> Найдите наименьшее решение следующей системы уравнений и упростите получающиеся регулярные выражения. $x = (0^* + 1)x + 11y + 1$ $y = 1x + (0 + 11)y + \varepsilon$ Приведите следующую грамматику к нормальной форме Хомского. $S \rightarrow ABa \mid FF \mid CA \mid b \quad D \rightarrow b \mid SS \mid AE \mid aB$ $A \rightarrow \varepsilon \mid Aab \mid b \mid E \quad E \rightarrow aS \mid bCa \mid GG$ $B \rightarrow AC \mid Va \mid E \quad F \rightarrow FB \mid CG \mid DFb$ $C \rightarrow \varepsilon \mid CC \mid GA \mid CBF \quad G \rightarrow aCF \mid GS \mid AGF$ Для следующей грамматики постройте эквивалентную в сильной нормальной форме Грейбах: $S \rightarrow SS \mid C \mid a \mid b, \quad C \rightarrow b \mid c \mid Sa.$ 	<p>оценка 3 — умеет выполнять простейшие преобразования различных моделей языков, оценка 4 — умеет выполнять более сложные преобразования различных моделей языков, оценка 5 — умеет выполнять все основные типы преобразований различных моделей языков</p>

Типовые контрольные задания и/или критерии для проверки индикатора ОПК-3.1

Требования к обучающемуся	Типовые контрольные задания для оценки знаний, умений, навыков	Показатели и критерии оценивания, шкала оценивания
<p>Знать основные свойства регулярных и контекстно-свободных языков</p>	<p>Примеры вопросов к экзамену:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Нахождение наименьшего решения системы уравнений с регулярными коэффициентами. • Минимизация конечных автоматов. • Теорема об изоморфизме минимальных автоматов. • Теорема Майхилла-Нероуда. • Теорема о композиции конечных преобразований. • Теорема Нива. • Теорема об увеличении размера конечного автомата при детерминизации. • Лемма о разрастании для регулярных языков. • Устранение пустых и недостижимых нетерминалов, пустых правил, цепных правил. Приведённые грамматики. Нормальная форма Хомского. • Устранение левой рекурсии. Нормальная форма Грейбах. • Лемма о разрастании для контекстно-свободных языков. • Лемма Огдена. Примеры неоднозначных контекстно-свободных языков. • Примеры недетерминированных контекстно-свободных языков. • Замкнутость класса детерминированных КС-языков относительно дополнения. • Неразрешимые проблемы для контекстно-свободных грамматик. 	<p>оценка 3 — знает простейшие свойства регулярных и контекстно-свободных языков, оценка 4 — кроме того знает более глубокие свойства регулярных и контекстно-свободных языков, оценка 5 — кроме того знает доказательства перечисленных выше утверждений и корректности алгоритмов</p>

Типовые контрольные задания и/или критерии для проверки индикатора ОПК-3.2

Требования к обучающемуся	Типовые контрольные задания для оценки знаний, умений, навыков	Показатели и критерии оценивания, шкала оценивания
Знать стандартные способы формального задания языков.	<p>Примеры вопросов к экзамену:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Детерминированные и недетерминированные конечные автоматы. • Регулярные выражения. • Конечные преобразователи. • Порождающие грамматики. Иерархия Хомского. • Автоматы с магазинной памятью. • Детерминированные МП-автоматы. • Эквивалентность конечных автоматов, праволинейных грамматик и регулярных выражений. • Эквивалентность контекстно-свободных грамматик и автоматов с магазинной памятью. • Эквивалентность порождающих грамматик и машин Тьюринга. 	оценка 3 — знает основные модели для описания формальных языков, оценка 4 — кроме того знает эквивалентность различных моделей, оценка 5 — кроме того знает доказательство эквивалентности
Уметь строить контекстно-свободные грамматики и автоматы с магазинной памятью по описанию языка	<p>Примеры задач для контрольных работ:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Постройте автомат с магазинной памятью, распознающий в обоих смыслах язык $L = \{ wxw^{-1} : w, x \in \{ a,b \}, x \text{ содержит подслово } aaa \}$. • Постройте контекстно-свободную грамматику, порождающую язык $L = \{ a^{i_1} b a^{i_2} b \dots b a^{i_n} : n > 0, i_j < i_k \text{ для некоторых } j < k \}$. 	оценка 3 — умеет строить контекстно-свободные грамматики и автоматы с магазинной памятью, оценка 4 — кроме того умеет формулировать утверждения о построенной грамматике и автомате, оценка 5 — кроме того умеет доказывать сформулированные утверждения

Типовые контрольные задания и/или критерии для проверки индикатора ОПК-3.3

Требования к обучающемуся	Типовые контрольные задания для оценки знаний, умений, навыков	Показатели и критерии оценивания, шкала оценивания
Уметь строить конечные автоматы и регулярные выражения по описанию языка	<p>Примеры задач для контрольных работ:</p> <ul style="list-style-type: none"> • Постройте детерминированный конечный автомат, задающий следующий язык: все слова в алфавите $\{ a, b \}$, не начинающиеся на ab и имеющие нечётное число символов b. • Постройте регулярное выражение, задающее следующий язык: все слова в алфавите $\{ a, b \}$, начинающиеся на ba и не оканчивающиеся на aa. 	оценка 3 — умеет строить конечные автоматы и регулярные выражения, оценка 4 — кроме того умеет формулировать утверждения о построенном автомате и выражении, оценка 5 — кроме того умеет доказывать сформулированные утверждения

V. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

1. Рекомендованная литература

Основная литература

1. Малявко, А. А. Формальные языки и компиляторы [Электронный ресурс]: учебник / А. А. Малявко. — Электрон. текстовые данные. — Новосибирск: Новосибирский государственный технический университет, 2014. — 431 с. — 978-5-7782-2318-9. — Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/47725.html>
2. Малявко, А.А. Формальные языки и компиляторы: учебное пособие / А.А. Малявко. - Новосибирск: НГТУ, 2014. - 431 с.: табл., схем. - (Учебники НГТУ). - Библиогр. в кн. - ISBN 978-5-7782-2318-9; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=436055>
3. Пентус, А.Е. Математическая теория формальных языков: учебник / А.Е. Пентус, М.Р. Пентус. - Москва: Интернет-Университет

Информационных Технологий, 2006. - 248 с. - (Основы информатики и математики). - ISBN 5-9556-0062-0; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=233201>

Дополнительная литература

1. Алымова, Е.В. Конечные автоматы и формальные языки: учебник / Е.В. Алымова, В.М. Деундяк, А.М. Пеленицын; Министерство науки и высшего образования РФ, Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Южный федеральный университет». - Ростов-на-Дону; Таганрог: Издательство Южного федерального университета, 2018. - 292 с.: ил. - Библиогр.: с. 220-221. - ISBN 978-5-9275-2397-9; То же [Электронный ресурс]. - URL: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=499456>

2. Программное обеспечение

Наименование помещений	Программное обеспечение
Ауд. 201а (компьютерная лаборатория ПМиК) (170002, Тверская обл., г. Тверь, пер. Садовый, д. 35)	Перечень программного обеспечения (со свободными лицензиями): Linux Kubuntu, KDE, TeXLive, TeXStudio, LibreOffice, GIMP, Gwenview, ImageMagick, Okular, Skanlite, Google Chrome, KDE Connect, Konversation, KRDC, KTorrent, Thunderbird, Elisa, VLC media player, PulseAudio, KAppTemplate, KDevelop, pgAdmin4, PostgreSQL, Qt, QtCreator, R, RStudio, Visual Studio Code, Perl, Python, Ruby, clang, clang++, gcc, g++, nasm, flex, bison, Maxima, Octave, Dolphin, HTop, Konsole, KSystemLog, Xterm, Ark, Kate, KCalc, Krusader, Spectacle, Vim

3. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

- [1] ЭБС «ZNANIUM.COM» <http://www.znanium.com>
- [2] ЭБС «Университетская библиотека онлайн» <https://biblioclub.ru>
- [3] ЭБС IPRbooks <http://www.iprbookshop.ru>
- [4] ЭБС «Лань» <http://e.lanbook.com>
- [5] ЭБС «Юрайт» <https://urait.ru>
- [6] ЭБС ТвГУ <http://megapro.tversu.ru/megapro/Web>
- [7] Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU (подписка на журналы) https://elibrary.ru/projects/subscription/rus_titles_open.asp
- [8] Репозиторий ТвГУ <http://eprints.tversu.ru>

4. Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной

сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

- [1] Automata Theory Tutorial,
https://www.tutorialspoint.com/automata_theory/index.htm
- [2] Theory of Automata, Formal Languages and Computation,
<http://www.learnerstv.org/Free-Computer-Science-Video-lectures-ltv469-Page1.htm>
- [3] Московский центр непрерывного математического образования,
<http://www.mccme.ru/>

VI. Методические материалы для обучающихся по освоению дисциплины

Важной составляющей данного раздела РПД являются требования к рейтинг-контролю с указанием баллов, распределенных между модулями и видами работы обучающихся.

Максимальная сумма баллов по учебной дисциплине, заканчивающейся экзаменом, по итогам семестра составляет 60 баллов (30 баллов - 1-й модуль и 30 баллов - 2-й модуль).

Обучающемуся, набравшему 40–54 балла, при подведении итогов семестра (на последнем занятии по дисциплине) в рейтинговой ведомости учета успеваемости и зачетной книжке может быть выставлена оценка «удовлетворительно».

Обучающемуся, набравшему 55–57 баллов, при подведении итогов семестра (на последнем занятии по дисциплине) в графе рейтинговой ведомости учета успеваемости «Премияльные баллы» может быть добавлено 15 баллов и выставлена экзаменационная оценка «хорошо».

Обучающемуся, набравшему 58–60 баллов, при подведении итогов семестра (на последнем занятии по дисциплине) в графе рейтинговой ведомости учета успеваемости «Премияльные баллы» может быть добавлено 27 баллов и выставлена экзаменационная оценка «отлично». В каких-либо иных случаях добавление премиальных баллов не допускается.

Обучающийся, набравший до 39 баллов включительно, сдает экзамен.

Распределение баллов по модулям устанавливается преподавателем и может корректироваться.

Примеры задач для подготовки к контрольным работам

1. Постройте конечный автомат, праволинейную грамматику и регулярное выражение, задающие следующий язык: все слова в алфавите $\{ a, b \}$, содержащие *baab* в качестве подслова и имеющие нечетное число символов

- a.*
- Докажите, что следующий язык не является регулярным: все слова в алфавите $\{ a, b \}$, в которых число символов a меньше числа символов b .
 - Постройте автомат с магазинной памятью и КС-грамматику, задающие язык, содержащий те и только те слова в алфавите $\{ a, b \}$, в которых число символов b больше числа символов a и которые содержат подслово bab .
 - Постройте приведенную грамматику, эквивалентную грамматике со следующими правилами:

$$S \rightarrow GE \mid 3A, \quad A \rightarrow EF \mid 3ABC \mid CC \mid F \mid 8, \quad B \rightarrow AC \mid 2B \mid S1A2 \mid EF,$$

$$C \rightarrow 4 \mid G \mid AB \mid DD \mid DS, \quad D \rightarrow \varepsilon \mid DA \mid 2GG, \quad E \rightarrow FG \mid 5SE \mid FF,$$

$$F \rightarrow EF \mid 3FF \mid 1SE \mid Q,$$

$$G \rightarrow H \mid KMG \mid 2K, \quad H \rightarrow 3MG \mid K \mid 4, \quad K \rightarrow HM \mid M \mid 3,$$

$$M \rightarrow 2P \mid 1PP \mid G \mid 2H, \quad P \rightarrow QQ \mid PP \mid E, \quad Q \rightarrow PQP \mid F \mid PQQ$$
 Приведите получившуюся грамматику к нормальной форме Хомского.
 - Для следующей грамматики построить эквивалентную в сильной нормальной форме Грейбах:

$$S \rightarrow SS \mid C \mid 8 \mid 7, \quad C \rightarrow C5 \mid 3 \mid S7 \mid 9.$$
 - Докажите, что следующий язык не является контекстно-свободным:

$$\{ a^i b^j c^j \mid i = 1, 2, \dots; j = 1, 2, \dots, i \}.$$
 Этот язык включает все слова, в которых сначала идёт положительное число символов a , потом — такое же или меньшее число символов b , а потом — число символов c , совпадающее с числом символов b .
 - Докажите, что прообраз при гомоморфизме контекстно-свободного языка является контекстно свободным языком.

Указание: Сначала заметьте, что МП-автомат, построенный по грамматике в нормальной форме Грейбах, не делает пустых тактов (другими словами, не имеет правил вида $q, \varepsilon, z \rightarrow p, \alpha$).
 - Докажите, что следующий КС-язык неоднозначен:

$$L = \{ a^n b^m a^m b^n : m, n > 0 \} \cup \{ a^n b^n a^m b^m : m, n > 0 \}.$$
 - Докажите неразрешимость следующей проблемы: по КС-грамматике G определить, является ли дополнение языка $L(G)$ ограниченным контекстно-свободным.

Требования к рейтинг контролю (5 семестр)

Контрольная работа 1. Темы: регулярные языки. Пример задания:

- Постройте детерминированный конечный автомат, задающий следующий язык: все слова в алфавите $\{ a, b \}$, оканчивающиеся на bb и не содержащие ab в качестве подслова. Используя алгоритм минимизации, постройте по этому автомату эквивалентный ему минимальный автомат.
- Для языка из задачи 1 постройте регулярное выражение.

3. Найдите наименьшее решение следующей системы уравнений и упростите получающиеся регулярные выражения.

$$x = (ba + a)x + a^*y + b$$

$$y = (a + \varepsilon)x + by + \varepsilon$$

4. Докажите, что следующий язык не является регулярным: все слова в алфавите $\{ a, b \}$, в которых число символов a больше квадрата числа символов b .
5. Пусть M — конечный автомат с n состояниями. Докажите, что язык $L(M)$ бесконечен тогда и только тогда, когда существует слово $w \in L(M)$ такое, что $n \leq |w| \leq 2n$.

За решение каждой задачи выставляется максимум 6 баллов.

Контрольная работа 2. Темы: контекстно-свободные языки. Пример задания:

1. Постройте автомат с магазинной памятью, распознающий в обоих смыслах язык

$$L = \{ x\#y \mid x, y \in \{ a, b \}^*, x \text{ содержит подслово } abb \text{ и } |x| > |y| \}.$$

2. Постройте контекстно-свободную грамматику, порождающую язык

$$L = \{ a^{i_1}b^{i_2}a^{i_3}b^{i_4} \dots b^{i_n}c^k : n > 0, i_j > 0, k \in \{ n, n + 1 \} \}.$$

3. Приведите следующую грамматику к нормальной форме Хомского.

$$S \rightarrow bFb \mid GB \qquad D \rightarrow SD \mid aD \mid DbC \mid DaFC$$

$$A \rightarrow Da \mid baS \mid bD \mid bb \qquad E \rightarrow BEE \mid B \mid ADb$$

$$B \rightarrow \varepsilon \mid DF \mid EB \qquad F \rightarrow AE \mid bGG \mid BG$$

$$C \rightarrow b \mid a \mid CS \mid aA \qquad G \rightarrow ba \mid AB \mid EE \mid DD$$

4. Докажите, что следующий язык не является контекстно-свободным:

$$L = \{ a^i b^j c^k : 0 < i^2 \leq j \leq k^3 \}.$$

5. Пусть $\text{СУФ}(L) = \{ w : xw \in L \text{ для некоторого слова } x \}$. Другими словами, слово входит в $\text{СУФ}(L)$ тогда и только тогда, когда оно является суффиксом некоторого слова из L . Докажите, что если язык L контекстно-свободен, то язык $\text{СУФ}(L)$ также контекстно-свободен.

За решение каждой задачи выставляется максимум 6 баллов.

Вопросы к экзамену

1. Основные определения.

- 1) Слово, язык, операции над словами и языками. Абстрактное семейство языков.
- 2) Полусистема Туэ, вывод в полусистеме Туэ.
- 3) Порождающая грамматика, вывод в грамматике, порождаемый язык. Иерархия Хомского.
- 4) Теорема о том, что класс языков типа 0 совпадает с классом рекурсивно перечислимых языков.

2. Регулярные языки.

- 1) Детерминированный конечный автомат и распознаваемый им язык.
- 2) Недетерминированный конечный автомат и распознаваемый им язык.

- 3) Теорема о детерминизации конечных автоматов.
 - 4) Правolineйные и автоматные грамматики. Эквивалентность конечных автоматов, правolineйных и автоматных грамматик.
 - 5) Регулярное выражение и задаваемый им язык.
 - 6) Построение конечного автомата по регулярному выражению.
 - 7) Системы уравнений, решение системы, наименьшее решение. Нахождение наименьшего решения системы уравнений.
 - 8) Построение системы уравнений по автоматной грамматике.
 - 9) Лемма о разрастании для регулярных языков.
 - 10) Минимизация конечных автоматов.
 - 11) Теорема об изоморфизме минимальных автоматов.
 - 12) Отношения взаимозамещаемости, классы Майхилла-Нерода, умножение класса на символ и слово.
 - 13) Теорема Майхилла-Нерода.
 - 14) Автоматная отделимость языков. Неотделимые языки.
 - 15) Теорема о размере детерминированного автомата.
 - 16) Детерминированные и недетерминированные конечные преобразователи, вычисляемые отношения. Конечные преобразования, обратные конечные преобразования.
 - 17) Замкнутость класса конечных преобразований относительно суперпозиции.
 - 18) Теорема Нива.
 - 19) Свойства замкнутости класса регулярных языков.
 - 20) Алгоритмические проблемы для регулярных языков.
3. Контекстно-свободные языки.
- 1) Контекстно-свободная грамматика, вывод в КС-грамматике, порождаемый язык.
 - 2) Дерево вывода в КС-грамматике. Однозначные и неоднозначные грамматики и языки.
 - 3) Связь выводов и деревьев вывода. Критерий однозначности КС-грамматики.
 - 4) Автомат с магазинной памятью и распознаваемый им язык. Эквивалентность трёх определений языка, распознаваемого МП-автоматом.
 - 5) Эквивалентность КС-грамматик и МП-автоматов.
 - 6) Пустые, недостижимые и бесполезные нетерминалы. Удаление пустых, недостижимых и бесполезных нетерминалов.
 - 7) Пустые правила. Удаление пустых правил.
 - 8) Цепные правила. Удаление цепных правил.
 - 9) Приведённые КС-грамматики. Построение приведённой КС-грамматики.
 - 10) Нормальная форма Хомского. Построение нормальной формы Хомского.

- 11) Устранение левой рекурсии.
- 12) Нормальная форма Грейбах. Построение слабой нормальной формы Грейбах и нормальной формы Грейбах.
- 13) Лемма о разрастании для КС-языков.
- 14) Свойства замкнутости класса КС-языков.
- 15) Лемма Огдена.
- 16) Пример неоднозначного КС-языка.
- 17) Детерминированные МП-автоматы. Пример недетерминированного КС-языка.
- 18) Зацикливающая конфигурация, дочитывающий ДМП-автомат. Построение дочитывающего ДМП-автомата.
- 19) Замкнутость класса детерминированных КС-языков относительно дополнения.
- 20) Система соответствий Поста (ССП), решение ССП, проблема соответствий Поста (ПСП). Неразрешимость проблемы соответствий Поста.
- 21) Разрешимые и неразрешимые проблемы для КС-грамматик.

Общая сумма В сумме за все задачи составляет не более 60 баллов.
За ответ на экзамене выставляется максимум 40 баллов.

VII. Материально-техническая база, необходимая для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Для аудиторной работы

Наименование помещений	Материально-техническое оснащение помещений
Ауд. 1л (170002, Тверская обл., г. Тверь, пер. Садовый, д. 35)	Набор учебной мебели.

Для самостоятельной работы

Наименование помещений	Материально-техническое оснащение помещений
Ауд. 201а (компьютерная лаборатория ПМиК) (170002, Тверская обл., г. Тверь)	Набор учебной мебели, доска маркерная, компьютер, сервер (системный блок), концентратор сетевой.

Наименование помещений	Материально-техническое оснащение помещений
Тверь, пер. Садовый, д. 35)	

VIII. Сведения об обновлении рабочей программы дисциплины

№ п/п	Обновленный раздел рабочей программы дисциплины	Описание внесённых изменений	Дата и протокол заседания кафедры, утвердившего изменения
1	11. 2) Программное обеспечение	Внесены изменения в список ПО	От 24.08.2023 года, протокол № 1 ученого совета факультета
2	V. 1) Рекомендуемая литература	Обновление ссылок на литературу	От 24.08.2023 года, протокол № 1 ученого совета факультета