

Документ подписан простой электронной подписью
Информация о владельце:
ФИО: Смирнов Сергей Николаевич
Должность: врио ректора
Дата подписания: 27.06.2025 14:12:57
Уникальный программный идентификатор:
69e375c64f7e975d4e8830e7b4fcc2ad1bf35f08

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации

ФГБОУ ВО «Тверской государственный университет»



Утверждаю:

Руководитель ООП

/А.В.Язенин/

«25» сентября 2023 года

Рабочая программа дисциплины (с аннотацией)

МАТЕМАТИЧЕСКИЕ ОСНОВЫ ЗАЩИТЫ ИНФОРМАЦИИ И ИНФОРМАЦИОННОЙ БЕЗОПАСНОСТИ

Направление подготовки

02.04.02 ФУНДАМЕНТАЛЬНАЯ ИНФОРМАТИКА

И ИНФОРМАЦИОННЫЕ ТЕХНОЛОГИИ

Направленность (профиль)

Информационные технологии в управлении и принятии решений

Для студентов 2-го курса

Форма обучения - очная

Составитель:

к.ф.-м.н. Кудряшов М.Ю.

Тверь, 2023

I. Аннотация

1. Цель и задачи дисциплины

Целью освоения дисциплины является:

Целью освоения дисциплины является: отражение проблематики современной криптографии, рассмотрение математических основ современных криптосистем и методов их криптоанализа, рассмотрение специфики задач, решаемых с использованием шифров с открытым ключом.

Задачами освоения дисциплины являются: изучение базовых алгоритмов симметричной и асимметричной криптографии.

2. Место дисциплины в структуре ООП

Данная дисциплина относится к разделу «Информационно-коммуникационные технологии» обязательной части Блока 1.

Для успешного освоения дисциплины «Математические основы защиты информации и информационной безопасности» от обучающегося требуются знания основ алгебры и навыки, необходимые для разработки, написания и отладки компьютерных программ.

Полученные знания в последующем используются при выполнении выпускной квалификационной работы, а также в дальнейшей трудовой деятельности.

3. Объем дисциплины: 5 зачетных единиц, 180 академических часов, в том числе:

контактная аудиторная работа: практические занятия 45 часов, в т.ч. практическая подготовка 10 часов;

самостоятельная работа: 135 часов, в том числе контроль 36 часов.

4. Планируемые результаты обучения по дисциплине, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Планируемые результаты освоения образовательной программы (формируемые компетенции)	Планируемые результаты обучения по дисциплине
ОПК-4 Способен оптимальным образом комбинировать существующие информационно-коммуникационные технологии для решения задач в области профессиональной деятельности с учетом требований информационной безопасности	ОПК-4.1 Осуществляет сбор и анализ информации, создает информационные системы на стадиях жизненного цикла ОПК-4.2 Осуществляет управление проектами информационных систем ОПК-4.3 Анализирует и интерпретирует информационные системы
ОПК-5 Способен устанавливать и сопровождать программное обеспечение информационных систем, осуществлять эффективное управление разработкой программных средств и проектов	ОПК-5.1 Знает и применяет методику установки и администрирования информационных систем и баз данных ОПК-5.2 Реализовывает техническое сопровождение информационных систем и баз данных ОПК-5.3 Устанавливает и устанавливает программные комплексы

5. Форма промежуточной аттестации и семестр прохождения - экзамен,
3 семестр.

6. Язык преподавания русский.

II. Содержание дисциплины, структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий

Учебная программа – наименование разделов и тем	Всего (час.)	Контактная работа (час.)			Самостояте льная работа, в том числе Контроль (час.)
		Практические занятия		Контроль самостоятельной работы (в том числе курсовая работа)	
		всего	в т.ч. практическая подготовка		
Классические криптосистемы	14	3			11
Последовательности регистров сдвига	11				11
Блочные шифры	17	6	2		11
Элементы алгебраической геометрии. Эллиптические кривые	11				11
Вычислительные алгоритмы алгебры и теории чисел.	11				11
Система RSA и задача разложения	17	6	2		11
Дискретное логарифмирование в конечном поле и смежные задачи	11				11
Дискретное логарифмирование на эллиптической кривой	11				11
Шифрование с открытым ключом	26	15	6		11
Цифровая подпись	23	12			11
Алгебраические методы криптоанализа	14	1			13
Статистические методы криптоанализа	14	2			12
ИТОГО	180	45	10		135

Классические криптосистемы

1. Шифры замены.
2. Шифры перестановки.

Последовательности регистров сдвига

1. Псевдослучайные последовательности.
2. Линейные регистры сдвига с обратной связью.
3. Нелинейные алгоритмы.
4. Минимальный характеристический многочлен.

5.Алгоритм Берлекэмп-Масси.

Блочные шифры

1.Общие принципы.

2.Режимы блочных шифров.

3.Протокол проверки идентичности.

Элементы алгебраической геометрии. Эллиптические кривые

1.Кубические кривые.

2.Касательные и точки перегиба алгебраической кривой.

3.Нормальные формы эллиптической кривой.

4.Параметризация эллиптической кривой с помощью эллиптических функций.

5.Эллиптические функции.

6.Закон сложения точек эллиптической кривой.

7.Эллиптические кривые над числовыми полями.

8.Изоморфизмы и эндоморфизмы эллиптических кривых

Вычислительные алгоритмы алгебры и теории чисел.

1.Извлечение квадратных и кубических корней в конечном поле.

2.Вычисление символа Якоби.

3.Проверка чисел и полиномов.

4.Приведение числа по модулю решетки.

5.Умножение точки эллиптической кривой на число.

6.Вычисление функции Вейля.

7.Арифметика группы классов мнимых квадратичных порядков.

Система RSA и задача разложения

1.Безопасность системы RSA и задача разложения на множители.

2.Детерминированные методы разложения.

3.Вероятностные методы разложения.

4.Атаки на систему RSA, не требующие разложения.

Дискретное логарифмирование в конечном поле и смежные задачи

1.Логарифмирование в простом поле методом решета числового поля.

2. Логарифмирование в расширенном поле.
3. Логарифмирование в группе функций Лукаша.
4. Связь между задачами Диффи-Хеллмана и дискретного логарифмирования.

Дискретное логарифмирование на эллиптической кривой

1. Универсальные методы логарифмирования.
2. Метод Гельфонда.
3. Методы встречи посередине.
4. Метод Полларда.
5. Метод встреч и на случайном дереве.
6. Сравнение сложности логарифмирования на эллиптической кривой и в конечном поле.
7. Влияние комплексного умножения на сложность логарифмирования.
8. Логарифмирование с использованием функции Вейля.
9. Время жизни параметров криптосистемы, основанной на дискретном логарифмировании.

Шифрование с открытым ключом

1. Теоретическая модель.
2. Мотивировка и общая структура.
3. Конфиденциальность.
4. Цифровая подпись.
5. Конфиденциальность и цифровая подпись.

Цифровая подпись

1. Подпись на группе трудновычислимого порядка.
2. Схема подписи RSA.
3. Схема подписи Рабина.
4. Схема подписи Фиата-Шамира.
5. Подпись на группе вычислимого порядка.
6. Схема подписи Эль-Гамала.
7. Схема подписи Шнорра.

8.ГОСТ Р 34.10-94 и DSS.

9.Сравнительный анализ представленных схем подписи.

Алгебраические методы криптоанализа

1.Метод обобщения и редукции.

2.Метод гомоморфизмов.

3.Замкнутые и чистые шифры.

4.Вскрытие ключей замкнутых и чистых шифров.

5.Проверка шифра на замкнутость и чистоту.

6.Решеточный криптоанализ.

7.Анализ шифров с малым порядком нелинейности.

8.Криптоанализ на основе рационального продолжения полиномов Жегалкина.

9.Поиск коллизий хэш-функции.

10.Сочетание перебора и вычисления ключа.

Статистические методы криптоанализа

1.Дифференциальный криптоанализ.

2.Конечные разности.

3.Метод криптоанализа.

4.Анализ с помощью усеченных дифференциалов.

5.Анализ с помощью дифференциалов высших порядков.

6.Атака «бумеранг».

7.Криптоанализ на основе списка ключей и связанных ключей.

8.Линейный криптоанализ.

9.Анализ степенных шифров методом сдвига.

10.Генерация экстремальных подстановок для шифров.

III. Образовательные технологии

Учебная программа – наименование разделов и тем	Вид занятия	Образовательные технологии
Классические криптосистемы	Практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Последовательности регистров сдвига	Практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Блочные шифры	Практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Элементы алгебраической геометрии. Эллиптические кривые	Практические занятия	3. Изложение теоретического материала 4. Решение задач
Вычислительные алгоритмы алгебры и теории чисел.	Практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Система RSA и задача разложения	Практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Дискретное логарифмирование в конечном поле и смежные задачи	Практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Дискретное логарифмирование на эллиптической кривой	Практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Шифрование с открытым ключом	Практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Цифровая подпись	Практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Алгебраические методы криптоанализа	Практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач
Статистические методы криптоанализа	Практические занятия	1. Изложение теоретического материала 2. Решение задач

IV. Оценочные материалы для проведения текущей и промежуточной аттестации

Для проведения текущей и промежуточной аттестации:

ОПК-4 Способен оптимальным образом комбинировать существующие информационно-коммуникационные технологии для решения задач в области профессиональной деятельности с учетом требований информационной безопасности

ОПК-4.1 Осуществляет сбор и анализ информации, создает информационные системы на стадиях жизненного цикла

Решение задач по основам криптоанализа

Решение задач по математическим основам обеспечения целостности информации

Имеется полное верное доказательство, включающее правильный ответ – 3 балла

Дано верное решение, но получен неправильный ответ из-за арифметической ошибки– 2 балла

Имеется верное решение части задачи из-за логической ошибки – 1 балл

Решение не дано – 0 баллов

ОПК-4.2 Осуществляет управление проектами информационных систем

Решение задач по программно-аппаратным мерам обеспечения защиты информации в компьютерных системах

Решение задач по математическим основам обеспечения целостности информации

Имеется полное верное доказательство, включающее правильный ответ – 3 балла

Дано верное решение, но получен неправильный ответ из-за арифметической ошибки– 2 балла

Имеется верное решение части задачи из-за логической ошибки – 1 балл

Решение не дано – 0 баллов

ОПК-4.3 Анализирует и интерпретирует информационные системы

Решение задач по математическим основам защиты информации от несанкционированного доступа

Решение задач по математическим основам обеспечения целостности информации

Имеется полное верное доказательство, включающее правильный ответ – 3 балла

Дано верное решение, но получен неправильный ответ из-за арифметической ошибки– 2 балла

Имеется верное решение части задачи из-за логической ошибки – 1 балл

Решение не дано – 0 баллов

ОПК-5 Способен устанавливать и сопровождать программное обеспечение информационных систем, осуществлять эффективное управление разработкой программных средств и проектов

ОПК-5.1 Знает и применяет методику установки и администрирования информационных систем и баз данных

Решение задач по программно-аппаратным мерам обеспечения защиты информации в компьютерных системах

Решение задач по математическим основам обеспечения целостности информации

Имеется полное верное доказательство, включающее правильный ответ – 3 балла

Дано верное решение, но получен неправильный ответ из-за арифметической ошибки – 2 балла

Имеется верное решение части задачи из-за логической ошибки – 1 балл

Решение не дано – 0 баллов

ОПК-5.2 Реализовывает техническое сопровождение информационных систем и баз данных

Решение задач по математическим основам криптографических методов защиты информации

Решение задач по применению криптографических преобразований и шифров

Имеется полное верное доказательство, включающее правильный ответ – 3 балла

Дано верное решение, но получен неправильный ответ из-за арифметической ошибки – 2 балла

Имеется верное решение части задачи из-за логической ошибки – 1 балл

Решение не дано – 0 баллов

ОПК-5.3 Устанавливает и устанавливает программные комплексы

Решение задач по математическим основам защиты информации от несанкционированного доступа

Решение задач по математическим основам обеспечения целостности информации

Имеется полное верное доказательство, включающее правильный ответ – 3 балла

Дано верное решение, но получен неправильный ответ из-за арифметической ошибки – 2 балла

Имеется верное решение части задачи из-за логической ошибки – 1 балл

Решение не дано – 0 баллов

V. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

1) Рекомендуемая литература

а) Основная литература

1. Баранова, Е. К. Информационная безопасность и защита информации: учебное пособие / Е.К. Баранова, А.В. Бабаш. — 4-е изд., перераб. и доп. — Москва: РИОР: ИНФРА-М, 2022. — 336 с. — (Высшее

- образование). — DOI: <https://doi.org/10.29039/1761-6>. - ISBN 978-5-369-01761-6. - Текст: электронный. - Режим доступа: <https://znanium.com/catalog/product/1861657>
2. Гришина, Н. В. Основы информационной безопасности предприятия: учебное пособие / Н.В. Гришина. — Москва: ИНФРА-М, 2021. — 216 с. — (Высшее образование: Бакалавриат). — www.dx.doi.org/10.12737/textbook_5cf8ce075a0298.77906820. - ISBN 978-5-16-015105-2. - Текст: электронный. — Режим доступа: - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1784437> (дата обращения: 16.10.2023).
 3. Артемов, А.В. Информационная безопасность: курс лекций / А.В. Артемов; Межрегиональная Академия безопасности и выживания. - Орел: МАБИВ, 2014. - 257 с.: табл., схем.; [Электронный ресурс]. — Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=428605>

б) Дополнительная литература

1. Сергеева, Ю.С. Защита информации: конспект лекций: учебное пособие / Ю.С. Сергеева. - М.: А-Приор, 2011. - 128 с. - (Конспект лекций). - ISBN 978-5-384-00397-7; [Электронный ресурс]. - Режим доступа: <http://biblioclub.ru/index.php?page=book&id=72670>
2. Защита информации: учебное пособие / А.П. Жук, Е.П. Жук, О.М. Лепешкин, А.И. Тимошкин. - 2-е изд. - М.: РИОР: ИНФРА-М, 2018. - 392 с. - (Высшее образование: Бакалавриат; Магистратура). — <https://doi.org/10.12737/4868>. Режим доступа: <http://znanium.com/go.php?id=937469>
3. Федин Ф.О. Информационная безопасность [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Федин Ф.О., Офицеров В.П., Федин Ф.Ф.— Электрон. текстовые данные. — М.: Московский городской педагогический университет, 2011. — 260 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/26486.html>
4. Спицын В.Г. Информационная безопасность вычислительной техники [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Спицын В.Г.— Электрон. текстовые данные. — Томск: Томский государственный университет систем управления и радиоэлектроники, Эль Контент, 2011. — 148 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/13936.html>

2) Программное обеспечение

Компьютерный класс факультета прикладной математики и кибернетики № 46 (170002, Тверская обл., г.Тверь, Садовый переулок, д.35)	
Adobe Acrobat Reader DC - Russian	бесплатно
Apache Tomcat 8.0.27	бесплатно
Cadence SPB/OrCAD 16.6	Государственный контракт на поставку лицензионных программных продуктов 103 -

	ГК/09 от 15.06.2009
GlassFish Server Open Source Edition 4.1.1	бесплатно
Google Chrome	бесплатно
Java SE Development Kit 8 Update 45 (64-bit)	бесплатно
JetBrains PyCharm Community Edition 4.5.3	бесплатно
JetBrains PyCharm Edu 3.0	бесплатно
Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows	Акт на передачу прав ПК545 от 16.12.2022
Lazarus 1.4.0	бесплатно
Mathcad 15 M010	Акт предоставления прав ИС000000027 от 16.09.2011
MATLAB R2012b	Акт предоставления прав № Us000311 от 25.09.2012
Многофункциональный редактор ONLYOFFICE бесплатное ПО	бесплатно
ОС Linux Ubuntu бесплатное ПО	бесплатно
MiKTeX 2.9	бесплатно
MSXML 4.0 SP2 Parser and SDK	бесплатно
NetBeans IDE 8.0.2	бесплатно
NetBeans IDE 8.2	бесплатно
Notepad++	бесплатно
Oracle VM VirtualBox 5.0.2	бесплатно
Origin 8.1 Sr2	договор №13918/M41 от 24.09.2009 с ЗАО «СофтЛайн Трейд»
Python 3.1 pygame-1.9.1	бесплатно
Python 3.4 numpy-1.9.2	бесплатно
Python 3.4.3	бесплатно
Python 3.5.1 (Anaconda3 2.5.0 64-bit)	бесплатно
WCF RIA Services V1.0 SP2	бесплатно
WinDjView 2.1	бесплатно
R Studio	бесплатно
Anaconda3 2019.07 (Python 3.7.3 64-bit)	бесплатно

Компьютерный класс факультета прикладной математики и кибернетики № 251 (170002, Тверская обл., г.Тверь, Садовый переулок, д.35)	
Adobe Acrobat Reader DC - Russian	бесплатно
Cadence SPB/OrCAD 16.6	Государственный контракт на поставку лицензионных программных продуктов 103 - ГК/09 от 15.06.2009
Google Chrome	бесплатно
Java SE Development Kit 8 Update 45 (64-bit)	бесплатно
Kaspersky Endpoint Security 10 для Windows	Акт на передачу прав ПК545 от 16.12.2022
Lazarus 1.4.0	бесплатно

Mathcad 15 M010	Акт предоставления прав ИС00000027 от 16.09.2011
MATLAB R2012b	Акт предоставления прав № Us000311 от 25.09.2012
Многофункциональный редактор ONLYOFFICE бесплатное ПО	бесплатно
ОС Linux Ubuntu бесплатное ПО	бесплатно
MiKTeX 2.9	бесплатно
MPICH2 64-bit	бесплатно
MSXML 4.0 SP2 Parser and SDK	бесплатно
NetBeans IDE 8.0.2	бесплатно
Notepad++	бесплатно
OpenOffice	бесплатно
Origin 8.1 Sr2	договор №13918/M41 от 24.09.2009 с ЗАО «СофтЛайн Трейд»
Python 3.4.3	бесплатно
Python 3.5.1 (Anaconda3 2.5.0 64-bit)	бесплатно
WCF RIA Services V1.0 SP2	бесплатно
WinDjView 2.1	бесплатно
R studio	бесплатно

Компьютерная лаборатория факультета ПМиК № 201а (170002, Тверская обл., г.Тверь, Садовый переулок, д.35)	Перечень программного обеспечения (со свободными лицензиями): Linux Kubuntu, KDE, TeXLive, TeXStudio, LibreOffice, GIMP, Gwenview, ImageMagick, Okular, Skanlite, Google Chrome, KDE Connect, Konversation, KRDC, KTorrent, Thunderbird, Elisa, VLC media player, PulseAudio, KAppTemplate, KDevelop, pgAdmin4, PostgreSQL, Qt, QtCreator, R, RStudio, Visual Studio Code, Perl, Python, Ruby, clang, clang++, gcc, g++, nasm, flex, bison, Maxima, Octave, Dolphin, HTop, Konsole, KSystemLog, Xterm, Ark, Kate, KCalc, Krusader, Spectacle, Vim
--	---

3) Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы

ЭБС «**ZNANIUM.COM**» www.znanium.com;

ЭБС «**Университетская библиотека онлайн**» <https://biblioclub.ru/>;

ЭБС «**Лань**» <http://e.lanbook.com>.

4) Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

Интернет-университет <http://www.intuit.ru>

VI. Методические материалы для обучающихся по освоению дисциплины

1. Текущий контроль успеваемости

1. Найдите ошибку в таблице

	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>
<i>k</i> ₁	<i>W</i>	<i>X</i>	<i>Y</i>	<i>Z</i>
<i>k</i> ₂	<i>Z</i>	<i>Y</i>	<i>Z</i>	<i>X</i>
<i>k</i> ₃	<i>X</i>	<i>Z</i>	<i>W</i>	<i>Y</i>
<i>k</i> ₄	<i>Y</i>	<i>W</i>	<i>X</i>	<i>Z</i>

задающей шифрующую функцию, определенную на множестве открытых текстов $\mathbb{P} = \{a, b, c, d\}$ со значениями в шифrogramмах $\mathbb{C} = \{W, X, Y, Z\}$, которая использует ключи $\mathbb{K} = \{k_1, k_2, k_3, k_4\}$.

2. Какая из величин более интересна для атакующего:

$$p(C = c|P = m) \quad \text{или} \quad p(P = m|C = c),$$

где m — открытый текст, а c — его шифрованная версия? Объясните свой ответ.

3. Какими свойствами должен обладать шифротекст, который обладает теоретико-информационной стойкостью?

4. Вспомните определение энтропии случайной величины X с распределением вероятностей $p_i = p(X = x_i)$.

5. Пусть случайная величина X принимает не более t значений. Назовите минимальное и максимальное значение энтропии $H(X)$.

6. Определите, какое из соотношений справедливо для любых шифров:

а) $H(P|K, C) = 0$,

б) $H(K, P) = H(K) + H(P)$.

Аргументируйте свой ответ.

7. Дайте определение терминов «ложный ключ» и «расстояние единственности».

8. Известно, что расстояния единственности шифров C_1 и C_2 равны, соответственно, n_1 и n_2 . Какой из них предпочтительней использовать, если $n_1 > n_2$?

9. Обсудите утверждение: «асимметричная криптография решает проблему распределения открытых ключей».

10. Покажите, что если пользователь применяет один и тот же эфемерный ключ в алгоритме DSA для подписи двух разных сообщений, то нападающий может раскрыть его долговременный секретный ключ.

11. Предположим, что $h_1 : \{0, 1\}^{2n} \rightarrow \{0, 1\}^n$ — хэш-функция, защищенная от повторений. Определим

$$h_2 = \begin{cases} \{0, 1\}^{4n} \rightarrow \{0, 1\}^n, \\ x_1 || x_2 \mapsto h_1(h_1(x_1) || h_1(x_2)), \end{cases}$$

где $x_1, x_2 \in \{0, 1\}^{2n}$. Покажите, что h_2 тоже защищена от повторений.

12. Фиксируем открытый ключ (N, E) в алгоритме *RSA* и определяем хэш-функцию h от сообщения M , состоящего из k блоков: $M = M_1 \dots M_k$, сопоставляющую ему элемент H_k , где $H_1 = M_1$ и

$$H_i = (H_{i-1}^E \pmod{N}) \oplus M_i, \quad i = 2, \dots, k.$$

Покажите, как найти повторяющиеся значения функции h .

13. Атака на функцию *MAC*, размер блоков и ключа в которой равен n , в идеале требует 2^n операций. Рассмотрите следующие хэш-функции, основанные на функциях *MAC*:

$$MAC = h(k || M), \quad MAC = h(M || k).$$

Разработайте атаку, которая осуществляется менее чем за 2^n операций.

14. Говорят, что схема распределения ключей обладает свойством подтверждения, если каждая из сторон имеет гарантию, что ее партнер пользуется тем же ключом, что и она. Продумайте, как придать это свойство протоколу MQV.

Темы рефератов:

Применение итерированных шифров

Применение хэш-функций

Криптоанализ с помощью слайдовой атаки

Криптографические протоколы

Криптосистемы на гиперэллиптических кривых

Системы разделения секрета

Системы, основанные на задаче о рюкзаке

Системы, основанные на теории кодирования

Системы, основанные на RSA

Итоговая оценка складывается из оценки текущей работы студентов на практических и лабораторных занятиях, выполнения индивидуальных заданий и оценки за выполнение студентом учебного задания.

В первом этапе рассматриваются следующие вопросы учебной дисциплины:

Классические криптосистемы, Последовательности регистров сдвига. Блочные шифры. Элементы алгебраической геометрии. Эллиптические кривые. Вычислительные алгоритмы алгебры и теории чисел. Система RSA и задача разложения.

В втором этапе рассматриваются следующие вопросы учебной дисциплины:

Дискретное логарифмирование в конечном поле и смежные задачи. Дискретное логарифмирование на эллиптической кривой. Шифрование с открытым ключом. Цифровая подпись. Алгебраические методы криптоанализа. Статистические методы криптоанализа.

Задания:

1. Криптоанализ криптограмм методом частотного анализа
2. Криптоанализ криптограмм методом вероятных слов
3. Криптоанализ аддитивных шифров
4. Реализовать алгоритмы блочного шифрования данных ГОСТ и AES
5. Реализовать шифрование, расшифрование данных в RSA
6. Линейный криптоанализ блочных алгоритмов шифрования
7. Дифференциальный криптоанализ блочных алгоритмов шифрования

Вопросы к экзамену:

Шифрование — симметричные методы

Шифрование — асимметричные методы

Битовая стойкость основных криптографических функций с открытым ключом

Методы защиты целостности данных

Протоколы аутентификации — принципы

Протоколы аутентификации — реальный мир

Аутентификация в криптографии с открытым ключом

Определения формальной и сильной стойкости криптосистем с открытым ключом

Доказуемо стойкие и эффективные криптосистемы с открытым ключом

Сильная и доказуемая стойкость схем цифровой подписи

Формальные методы анализа протоколов аутентификации

Криптографические протоколы

VII. Материально-техническое обеспечение

Для аудиторной работы

Компьютерная лаборатория факультета ПММК № 201а (170002, Тверская обл., г.Тверь, Садовый переулок, д.35)	Набор учебной мебели, доска маркерная, компьютер, сервер (системный блок), концентратор сетевой.
Компьютерный класс №1 факультета ПММК № 251 (170002, Тверская область, г.Тверь, пер. Садовый, д.35)	Компьютер.

Для самостоятельной работы

Помещение для самостоятельной работы обучающихся: Компьютерный класс факультета ПММК № 46 (170002, Тверская обл., г.Тверь, Садовый пер., д.35)	Компьютер, экран, проектор, кондиционер.
---	--

VIII. Сведения об обновлении рабочей программы дисциплины

№ п.п.	Обновленный раздел рабочей программы дисциплины	Описание внесенных изменений	Дата и протокол заседания кафедры, утвердившего изменения
1.	V. Учебно-методическое и информационное обеспечение, необходимое для проведения практики 2) Программное обеспечение	Внесены изменения в программное обеспечение	От 24.08.2023 года, протокол № 1 ученого совета факультета

2.			
3.			
4.			
5.			